



المعارف والخواص	الموضوع
(1) تعريف : كل مترابطة من الدرجة الأولى مجهول واحد x تحول إلى مترابطة من الشكل : $ax < b$ أو $ax > b$ أو $ax \leq b$ أو $ax \geq b$ (حيث a, b أعداد معلومة) (2) حل مترابطة : هو إيجاد كل القيم الممكنة للمجهول حتى تكون المتباينة صحيحة . مثال : $2x < 8$ حلها هو : $x < 4$ أو : $x < 8 \div 2$ أي : $x < 4$ إذن : كل قيم x الأصغر تعاماً من 4 هي حلول للمترابطة . (3) التمثيل البياني لحلول مترابطة : تمثل مجموعة الحلول على مستقيم عددي . مثال : حل المترابطة $2x + 5 < 30$ ومثل مجموعة حلولها بيانياً $2x < 30 - 5$ $2x < 25$ $x < 25 \div 2$ $x < 12.5$ كل قيم x الأصغر شاملاً من 12.5 هي حلول للمترابطة . * التمثيل البياني :	المترابحات من الدرجة الأولى بمجهول واحد
(1) تعريف : عندما نرفق بكل عدد x بالجداء ax حيث a عدد حقيقي معطى نقول أننا عرفنا دالة خطية و نكتب : $f(x) = ax$ نسمي $f(x)$ صورة x بالدالة f . (2) تعريف : عندما نرفق بكل عدد x بالجداء ax حيث a عدد حقيقي معطى ثم نضيف إلى الجداء عدداً معلوماً b نقول أننا عرفنا دالة تكافئية و نكتب : $f(x) = ax + b$ نسمي $f(x)$ صورة x بالدالة f . (3) لكن الدالة التكافئية المعرفة كالتالي : $f(x) = ax + b$ إن تغيرات $f(x)$ متناسبة مع تغيرات x ومعامل التناسب هو a حيث : $a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$ مع : $x_1 \neq x_2$ (4) التمثيل البياني لدالة خطية : هو خط مستقيم يمر بالمبدأ . (5) التمثيل البياني لدالة تكافئية : هو مجموعة النقاط ذات الإحداثيات $(x; y)$ بحيث y هي صورة x بهذه الدالة التكافئية . يسمى a معامل توجبه المستقيم و يسمى b الترتيب إلى المبدأ . (6) النسبة المئوية تمثل وضعية تناسبية . أ/ حساب $p\%$ من x هو حساب y حيث $y = \frac{p}{100}x$ ب/ زيادة x بـ $p\%$ هو حساب y حيث $y = (1 + \frac{p}{100})x$ ج/ خفض x بـ $p\%$ هو حساب y حيث $y = (1 - \frac{p}{100})x$ (1) تعريف : جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين $y \cdot x$ هي جملة من الشكل : $\begin{cases} ax + by = c \\ \lambda x + \lambda y = \bar{c} \end{cases}$ حيث $a, b, c, \lambda, \bar{c}$ أعداد معلومة (2) حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين $y \cdot x$ هو إيجاد الثنائيات $(x; y)$ التي تحقق المعادلتين في آن واحد . أ/ جبرياً : نتبع إحدى الطريقتين : 1 = طريقة الحل بالتعويض . 2 = طريقة الحل بالجمع . ب/ بيانياً : مثال : لنحل بيانياً الجملة : $\begin{cases} 2x + y = 3 \\ 3x - y = -5 \end{cases}$ نكتب y بدلالة x في المعادلتين فينتج لدينا المعادلتين التاليتين : $y = 3 - 2x \quad y = -3 + 3x$ نرسم في معلم المستقيمين المعرفين بالمعادلتين : $y = -2x + 3$ و $y = 3x - 5$ و النقطتين يتقاطعان في نقطة ولتكن A . * إحداثيات النقطة A هما حل لجملة المعادلتين .	الدالة الخطية والدالة التكافئية

المعارف والخواص	الموضوع
$a \cdot b \cdot n$ أعداد طبيعية حيث b و n غير معدومين : (1) نقول إن b قسم لـ a إذا وجد عدد طبيعي k بحيث : $a = k \cdot b$ (2) إذا كان n يقسم كلا من a و b فإن n يقسم كلا من : $a + b$ و $a - b$ (مع $a > b$) (3) إذا كان n يقسم كلا من a و b فإن n يقسم بقى القسمة الإقليدية لـ a على b (مع $a > b$) (4) إذا كان القاسم المشترك الأكبر لعددين a و b هو C قلنا نكتب : $\text{PGCD}(a; b) = C$ (5) a و b أوليان فيما بينهما أي : $\text{PGCD}(a; b) = 1$ (6) الكسر $\frac{a}{b}$ غير قابل للاختزال أي : $\text{PGCD}(a; b) = 1$ (7) لتكتابة كسر قابل للاختزال على شكل كسر غير قابل للاختزال نقسم البسط و المقام على القاسم المشترك الأكبر لهما .	الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة
$a \cdot b$ أعداد حقيقية . m و n عددان نسبيين صحيحين : $a^m \times b^n = (ab)^n$ $\frac{a^m}{b^n} = (\frac{a}{b})^n$ $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ $(a^m)^n = a^{m \times n}$ $a^m \times a^n = a^{m+n}$ $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ $a^{-1} = \frac{1}{a}$	القيوى
$a \cdot b$ عدنان موجبان : $(\sqrt{a})^2 = a$ $\sqrt{a^2} = a$ $\sqrt{a^2 b} = a\sqrt{b}$ $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$ $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ $\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a + b}$ $\sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a - b}$ * حل المعادلة من الشكل : $x^2 = a$ (1) $a > 0$ للمعادلة حلان هما : $\sqrt{a}$ أو $-\sqrt{a}$ (2) $a = 0$ للمعادلة حل واحد فقط هو : 0 (المفر) (3) $a < 0$ فإن المعادلة ليس لها حلا حقيقيا لأن : $a^2 \geq 0$ $a \cdot b \cdot c$ أعداد حقيقية : $c(a + b) = ca + cb$ $c(a - b) = ca - cb$ $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ $(a - b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$ $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$ * تحليل عبارة جبرية : هو كتابتها على شكل جداء إما باستعمال الخاصية التوزيعية أو باستعمال المتطابقات الشهيرة .	الحساب على الجذور
(1) حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد : هو إيجاد قيمة المجهول التي تحقق صحة المساواة . (2) خاصية الجداء المعكوف : جداء عاملين معدوم يعنى أن أحد هذين العاملين على الأقل معدوم . (3) حل معادلة جداء معدوم : لحل المعادلة من الشكل $(ax + b)(cx + d) = 0$ حيث أن a, b, c, d أعداد حقيقية معلومة نحل المعادلتين : $ax + b = 0$ و $cx + d = 0$ (4) حل معادلة يكون حلها إلى حل معادلة جداء معدوم : * نجعل طرفها الأيمن صفراً . * نقوم بتحليل الطرف الأيسر لهذه المعادلة . نتحصل على معادلة جداء معدوم من الدرجة الأولى . * نحل هذه المعادلة الأخيرة . * نستنتج حلول المعادلة الأولى . * مثال : حل المعادلة : $(2x + 10)(x - 4) = 0$ إما : $2x + 10 = 0$ أو $x - 4 = 0$ أي : $2x = -10$ أو $x = 4$ ومنه : $x = -5$ أو $x = 4$ أي : $x = -5$ أو $x = 4$ إذن : 5 و -4 هما حلان للمعادلة $(2x + 10)(x - 4) = 0$	المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد

الموضوع	المعارف والخواص	الموضوع	المعارف والخواص				
خاصية فيثاغورس ومثلثات	(1) خاصية فيثاغورس : إذا كان ABC مثلثاً قائماً في A فإن : $BC^2 = AB^2 + AC^2$ * خاصية فيثاغورس العكسية : إذا كان ABC مثلثاً حيث : $BC^2 = AB^2 + AC^2$ فإنه مثلث قائم في A (2) خاصية طاليس : إذا كان (AB) و (AC) متقاطعان في A و $N \in (AC)$ و $M \in (AB)$ و $(MN) \parallel (BC)$ فإن : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$ * خاصية طاليس العكسية : إذا كان (AB) و (AC) متقاطعان في A و $M \in (AB)$ و $N \in (AC)$ و $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$ فإن : $(MN) \parallel (BC)$	حساب المثلث القائم في	إذا كان ABC مثلثاً قائماً في A فإن : <table><tr><td>$\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$</td><td>$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$</td></tr><tr><td>$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$</td><td>$\tan \hat{B} = \frac{\sin \hat{B}}{\cos \hat{B}}$</td></tr></table> $\sin^2 \hat{B} + \cos^2 \hat{B} = 1$ $0 < \sin \hat{B} < 1$ $0 < \cos \hat{B} < 1$	$\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$	$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$	$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$	$\tan \hat{B} = \frac{\sin \hat{B}}{\cos \hat{B}}$
$\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$	$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$						
$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$	$\tan \hat{B} = \frac{\sin \hat{B}}{\cos \hat{B}}$						
الأشكال المتشابهة	(1) تعريف : A و B نقطتان مختلفتان من المستوي . الانحساب الذي يحول A إلى B يعرف شعاعاً نرسم له بالرمز $\vec{U}$ مثلاً ونكتب : $\vec{U} = \vec{AB}$ (2) تساوي شعاعين : الشعاعان المتساويان هما شعاعان لهما نفس المنحى ونفس الاتجاه ونفس الطول . (3) خواص : A, B, C ثلاثة نقاط ليست في استقامة . * D هي صورة C بالانحساب الذي شعاعه $\vec{AB}$ معناه : $\vec{AB} = \vec{CD}$ أي : $ABDC$ متوازي أضلاع . و للقطعتين $[AD]$ و $[BC]$ نفس المنتصف . * A, B, C نقطتان مختلفتان . إذا كان : $\vec{AM} = \vec{MB}$ فإن M منتصف $[AB]$ (4) مجموع شعاعين (علاقة شال) : A, B, C ثلاثة نقاط من المستوي . $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$ (5) الشعاعان المتعاكسان : هما الشعاعان اللذان لهما نفس المنحى والطول ومتعاكسان في الاتجاه ومجموعهما يساوي الشعاع المعلوم . $\vec{AB} + \vec{BA} = \vec{0}$ ونكتب : $\vec{AB} = -\vec{BA}$ (6) تمثيل مجموع شعاعين لهما نفس المبدأ : إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع فإن : $\vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AC}$	الاشكال المتشابهة	(1) التكرار المجموع المتزايد لقيمة في سلسلة إحصائية مرتبة ترتيباً تصاعدياً هو تكرار هذه القيمة + تكرار القيمة السابقة لها . (2) التكرار المجموع المتناقص لقيمة في سلسلة إحصائية مرتبة ترتيباً تصاعدياً هو تكرار هذه القيمة + تكرارات القيم الأكبر منها . (3) التكرار النسبي المجموع المتزايد والمتناقص : <table><tr><td>التكرار النسبي المجموع المتزايد =</td><td>التكرار النسبي المجموع المتناقص =</td></tr><tr><td>التكرار النسبي المجموع المتزايد</td><td>التكرار النسبي المجموع المتناقص</td></tr></table> (4) الوسط الحسابي لسلسلة إحصائية هو مجموع هذه القيم على عددها . (5) الوسط الحسابي المتوازن لسلسلة إحصائية هو مجموع جداءات قيمها بتكراراتها على مجموع المعاملات . (6) الوسط الحسابي لسلسلة إحصائية مجمعة في فئات هو مجموع مراكز الفئات على عددها . (7) الوسط الحسابي المتوازن لسلسلة إحصائية مجمعة في فئات هو مجموع جداءات مراكز كل فئة بتكرارها على مجموع التكرارات .	التكرار النسبي المجموع المتزايد =	التكرار النسبي المجموع المتناقص =	التكرار النسبي المجموع المتزايد	التكرار النسبي المجموع المتناقص
التكرار النسبي المجموع المتزايد =	التكرار النسبي المجموع المتناقص =						
التكرار النسبي المجموع المتزايد	التكرار النسبي المجموع المتناقص						
الدوران ، المعكسات ، المحاور	(1) الدوران : تحويل شكل بالدوران الذي مركزه O هو إدارته حول النقطة O بالحفاظ على نفس المسافة بين الشكل والنقطة O في اتجاه معين وبزاوية محددة . * تميز الدوران بمركز واتجاه وزاوية . * الاتجاه الموجب هو الاتجاه المعاكس لحركة عقارب الساعة . * الاتجاه السالب هو الاتجاه الموافق لحركة عقارب الساعة . (2) خواص الدوران : * نقول إن M هي صورة M' بالدوران الذي مركزه O وزاويته α إذا كان : $OM = OM'$ و $\angle MOM' = \alpha$ * التناظر ذو المركز O والزاوية 180° هو تناظر مركزي مركزه O * الدوران يحافظ على المسافات وأقياس الزوايا واستقامة النقط وطبيعة الأشكال . (3) الزاوية المركزية : هي كل زاوية رأسها مركز الدائرة . (4) الزاوية المحيطية : هي كل زاوية رأسها ينتمي إلى الدائرة و ضلعاها وتران لهذه الدائرة . (5) خواص : * قياس زاوية محيطية في دائرة يساوي نصف قياس الزاوية المركزية التي تحصر نفس القوس معها . * كل الزوايا المحيطية في دائرة التي تحصر نفس القوس متقاسة (6) المضلع المنتظم : هو كل مضلع زواياه متقاسة وأضلاعه لها نفس الطول . (7) خواص : * توجد دائرة تشمل كل رؤوس المضلع المنتظم نسميها الدائرة المحيطة بالمضلع المنتظم مركزها هو مركز المضلع المنتظم . * الزوايا المركزية في مضلع منتظم متقاسة . * لرسم مضلع منتظم ذات n ضلعا : نرسم n زاوية مركزية قياس كل واحدة هو : $\frac{360^\circ}{n}$ ونقاط تقاطع أضلاع هذه الزوايا مع الدائرة هي رؤوس هذا المضلع المنتظم .	الدوران ، المعكسات ، المحاور					