

المعالم

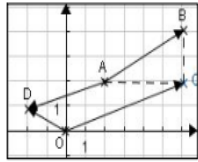
4متوسط

$\sqrt{2}$



إعداد الأستاذ: مباركي

أتذكر الأهم



5. قراءة إحداثي شعاع في معلم
مثال: نفرا في الشكل المقابل:

$$\vec{AB}(4;2), \vec{AC}(4;0), \vec{BC}(0;-2), \vec{AD}(-4;-1), \vec{OC}(6;2), \vec{OD}(-2;1)$$

6. تمثيل شعاع بمعرفة إحداثيه
مثال: لقد تم في الشكل المقابل تمثيل الأشعة التالية:

$$\vec{AB} \text{ حيث } A(1;1) \text{ و } B(4;2), \vec{u}(-2;3), \vec{v}(3;-1) \text{ و } \vec{w}(-2;4)$$

7. حساب إحداثي شعاع بمعرفة مبدأ ونهاية
مثال له:

إذا كانت $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ فإن:

$$\vec{AB} = \sqrt{17} \vec{AB}(x_B - x_A; y_B - y_A)$$

مثال: إذا كان $A(3;2)$ و $B(-1;3)$ فإن $\vec{AB}(-1-3; 3-2)$ و منه $\vec{AB}(-4;1)$

8. حساب إحداثي منتصف قطعة مستقيمة

إذا كانت $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ وكانت $M(x_M; y_M)$ منتصف $[AB]$ فإن:

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \text{ و } y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$$

مثال: إذا كانت $A(3;2)$ و $B(-1;3)$ فإن منتصف $[AB]$ هي النقطة $M\left(\frac{3-1}{2}; \frac{2+3}{2}\right)$

$$\text{و منه } M\left(1; \frac{5}{2}\right)$$

9. حساب المسافة بين نقطتين في معلم متعامد ومتجانس

في معلم متعامد ومتجانس إذا كانت $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ فإن:

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

مثال: إذا كانت $A(3;2)$ و $B(-1;3)$ فإن $AB = \sqrt{(-1-3)^2 + (3-2)^2}$

وبالتالي فإن: $AB = \sqrt{17}$

ت13:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا النقطتان A و B بحيث

$$A(-2; \frac{7}{2}) \text{ و } B(\frac{-1}{2}; 3)$$

أحسب إحداثي النقطة K حيث يكون:
 $\vec{AK} = \vec{KB}$ ماذا تمثل K ؟

ت14:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا A و B نقطتان

حيث: $A(-1; 2)$ و $B(3; -1)$

(أ) أحسب إحداثي النقطة M منتصف $[AB]$

(ب) أحسب إحداثي النقطة E حيث تكون النقطة

A منتصف $[EB]$

ت15:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا النقاط A ، B ، C ، D ، E حيث:

$A(-3; 1)$ ، $B(1; 3)$ ، $C(-1; 2)$ ، $D(3; -3)$ ، $E(2; 0)$

(أ) علم النقط A ، B ، C ، D ، E على المعلم $(o; i; j)$

(ب) تحقق من أن C منتصف $[AB]$

(ج) بين أن (AE) متوسط في المثلث ADB

ت16:

ليكن المعلم $(o; i; j)$ و A ، B نقطتان منه

حيث: $A(2; 3)$ ، $B(3; 1)$

(أ) أنشئ الدائرة (C) التي مركزها A ونصف

قطرها AB

(ب) برهن أن كل من النقطتين: $E(0; 2)$ و $D(4; 4)$ تنتميان إلى الدائرة (C)

ت17:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا النقاط: A ، B ، C ، D حيث:

$A(-2; 1)$ ، $B(-1; 2)$ ، $C(-2; 2)$ ، $D(3; -3)$

(أ) علم هذه النقط على المعلم

(ب) برهن أن: (CD) محور للقطعة $[AB]$

ت9: ليكن المعلم $(o; i; j)$ و A ، B نقطتان

منه بحيث: $A(-1; 2)$ ، $B(-5; -7)$

أحسب إحداثي \vec{AB} ثم \vec{BA}

ت10:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا النقاط: A ، B ، C ، D ، E حيث:

$A(0; 3)$ ، $B(-1; \frac{5}{2})$ ، $C(-3; 0)$ ، $D(2; 2)$ ، $E(\frac{1}{2}; -4)$

أحسب إحداثي كل من الأشعة: \vec{AB} ، \vec{CD} ، \vec{DA} ، \vec{EB}

ت11:

على المعلم $(o; i; j)$ لدينا النقاط A ، B ، C حيث:

$A(-2; 0)$ ، $B(-5; 6)$ ، $C(0; 3)$

(أ) أنشئ بالاستعمال المدور النقطة E بحيث يكون

$\vec{AE} = \vec{BC}$

(ب) أستنتج من الشكل إحداثي النقطة E (تحقق من ذلك حسابيا)

- ما نوع الرباعي AECD ؟

ت12: أحسب العددين x أو y في كل حالة مما يلي

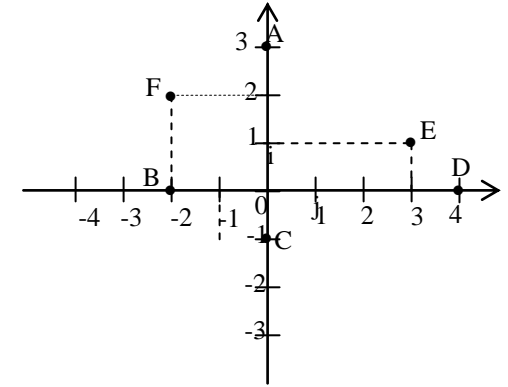
$$(أ) \vec{U} \begin{pmatrix} -2 \\ y+2 \end{pmatrix} = \vec{V} \begin{pmatrix} x \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$(ب) \vec{U} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} = \vec{V} \begin{pmatrix} -1 \\ x+1 \end{pmatrix}$$

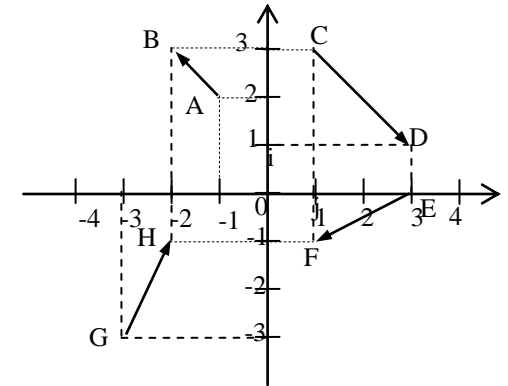
$$(ج) \vec{U} = \vec{V} \text{ حيث: } \vec{V} = (x-1)\vec{oi} + \frac{y}{3}\vec{oj}$$

$$\vec{U} = -2\vec{oi} + 3\vec{oj}$$

ت1: على المعلم (j ; i ; 0) ت1 على المعلم (j ; i ; 0) ; i ; j)
(o المجاور عين إحداثيا كل من النقاط : j , i , o , F , E , D , C , B , A

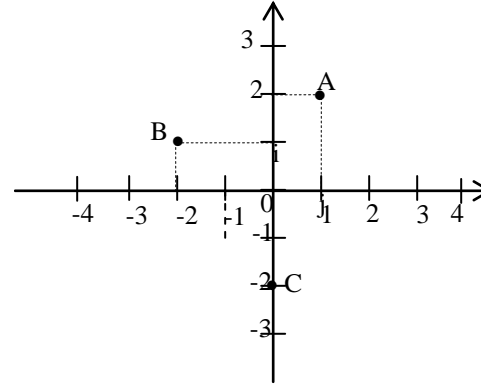


ت2: إقرأ على المعلم المنشئ أسفله إحداثيا كل من الأشعة
 \overrightarrow{HG} , \overrightarrow{FE} , \overrightarrow{DC} , \overrightarrow{AB} :

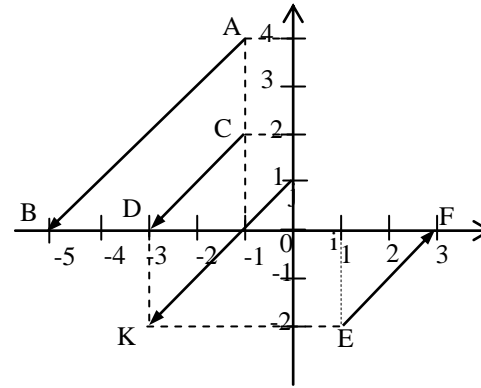


ت3: على معلم (o ; i ; j) أنشئ الأشعة : \overrightarrow{CD} , \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{EF} بحيث :
 $\overrightarrow{EF}(2 ; -2)$, $\overrightarrow{CD}(-2 ; 1)$, $\overrightarrow{AB}(3 ; 1)$

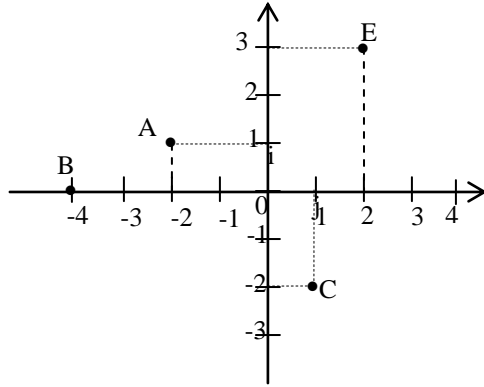
ت4: على معلم (o ; i ; j) الممثل أسفله :
(أ عين النقاط F , E , D حيث : $\overrightarrow{AD}(2 ; 1)$, $\overrightarrow{EF}(-3 ; -1)$, $\overrightarrow{BE}(1 ; -3)$
(ب أستنتج من الشكل إحداثيا كل من النقاط : E , D , F ,



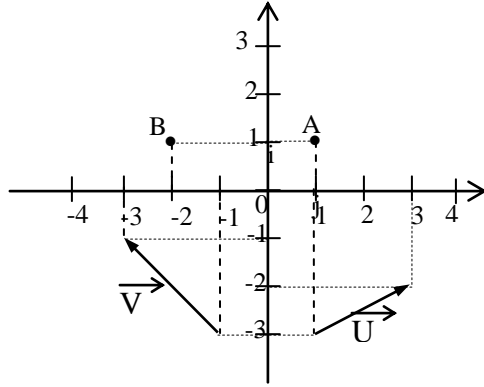
ت5: ليكن المعلم (o ; i ; j) أين النقاط H , D , T , S حيث :
 $H(1 ; -3)$, $T(0 ; 2)$, $S(3 ; 0)$
(ب أوجد إحداثيا كل من الأشعة \overrightarrow{DH} , \overrightarrow{TD} , \overrightarrow{ST} , \overrightarrow{HT} , \overrightarrow{SD} ,
ت6: إقرأ على التمثيل البياني الممثل أسفله إحداثيا كل
من الأشعة : \overrightarrow{EF} , \overrightarrow{JK} , \overrightarrow{CD} , \overrightarrow{AB}



ت7: على التمثيل البياني المبين أسفله عين إحداثيا كل من
الأشعة الآتية : \overrightarrow{EA} , \overrightarrow{CE} , \overrightarrow{BC} , \overrightarrow{AB} .



ت8: لاحظ جيدا التمثيل البياني الآتي :



(أ عين النقطتين M و N بحيث يكون : $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{U}$, $\overrightarrow{BN} = \overrightarrow{V}$
(ب أوجد إحداثيا النقطتين M و N .
(ج أستنتج إحداثيا الشعاعين \overrightarrow{U} و \overrightarrow{V} .