

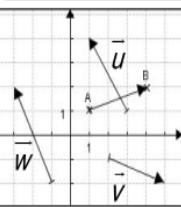
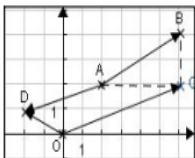
المعلم

متوسط



إعداد الأستاذ: مباركي

أذكر الأهم



5. قراءة إحداثي شعاع في معلم
مثال: نقر في الشكل المقابل:

$$\overrightarrow{BC} (0; -2), \overrightarrow{AC} (4; 0), \overrightarrow{AB} (4; 2)$$

$$\overrightarrow{OD} (-2; 1), \overrightarrow{OC} (6; 2), \overrightarrow{AD} (-4; -1)$$

6. تمثيل شعاع بمعرفة إحداثية

مثال: لند تم في الشكل المقابل تمثيل الأشعة التالية:

$$\overrightarrow{AB} \text{ حيث } B(4; 2) \text{ و } A(1; 1)$$

$$\overrightarrow{w} (-2; 4) \text{ و } \overrightarrow{v} (3; -1), \overrightarrow{u} (-2; 3)$$

7. حساب إحداثي شعاع بمعرفة مبدأ ونهاية

مثال: له

إذا كانت $B(x_B; y_B)$ و $A(x_A; y_A)$ فلن:

$$AB = \sqrt{17} \overrightarrow{AB} (x_B - x_A; y_B - y_A)$$

مثال: إذا كان $A(3; 2)$ و $B(-1; 3)$ فلن $(-2; 3)$ و منه $\overrightarrow{AB} (-4; 1)$ و منه

8. حساب إحداثي منتصف قطعة مستقيمة

إذا كانت $M(x_M; y_M)$ و $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ وكانت M منتصف $[AB]$ فلن:

$$Y_M = \frac{Y_A + Y_B}{2} \text{ و } x_M = \frac{x_A + x_B}{2}$$

مثال: إذا كانت $(3; 2)$ و $A(3; 2)$ و $B(-1; 3)$ فلن منتصف $[AB]$ هي النقطة

$$M\left(\frac{3-1}{2}; \frac{2+3}{2}\right) \text{ و منه } M\left(1; \frac{5}{2}\right)$$

9. حساب المسافة بين نقطتين في معلم متعامد و متباين

في معلم متعامد و متباين إذا كانت $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ فلن:

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

مثال: إذا كانت $(3; 2)$ و $A(3; 2)$ و $B(-1; 3)$ فلن $(-1; 3)$ و بالنتي فلن:

$$AB = \sqrt{17}$$

ت 13: على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا النقطتان A و B بحيث $B\left(-\frac{1}{2}; \frac{7}{2}\right)$ و $A\left(-2; \frac{1}{2}\right)$.

أحسب إحداثي النقطة K حيث يكون:

$$\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{KB}$$

ت 14: على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا A و B نقطتان

حيث: $A(-1; 2)$ و $B(3; -1)$.

(أ) أحسب إحداثي النقطة M منتصف $[AB]$.

(ب) أحسب إحداثي النقطة E حيث تكون النقطة

منتصف $[EB]$.

ت 15: على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا النقاط A ، B ، E ، D ، C

حيث: $E(-1; 2)$ ، $B(1; 3)$ ، $A(-3; 1)$

، $E(2; 0)$ ، $D(3; -3)$.

(أ) علم النقط E ، D ، C ، B ، A ، E على المعلم

$(0; i; j)$.

(ب) تحقق من أن C منتصف $[AB]$.

(ج) بين أن (AE) متواسط في المثلث ADB .

ت 16: ليكن المعلم $(j; i; 0)$ و A ، B نقطتان منه

حيث: $A(2; 3)$ ، $B(3; 1)$.

(أ) أنشئ الدائرة (C) التي مركزها A و نصف

قطرها AB .

(ب) برهن أن كل من النقطتين: $E(0; 2)$ و

$D(4; 4)$ تنتهيان إلى الدائرة (C) .

ت 17: على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا النقاط A ، B ، C ، D حيث:

$A(-2; 2)$ ، $B(-1; 2)$ ، $C(-2; 1)$ ، $D(3; -3)$.

(أ) علم هذه النقط على المعلم.

(ب) برهن أن: (CD) محور لقطعة $[AB]$.

ت 9: ليكن المعلم $(j; i; 0)$ و A ، B نقطتان منه بحيث: $A(-1; 2)$ ، $B(-5; -7)$.

أحسب إحداثيا AB ثم

على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا النقاط: $-1; \frac{5}{2}$ ، $A(0; 3)$ ، E ، D ، C

حيث: $E(\frac{1}{2}; -4)$ ، $D(2; 2)$ ، $C(-3; 0)$ ، $B($

أحسب إحداثيا كل من الأشعه: \overrightarrow{CD} ، \overrightarrow{AB} ، \overrightarrow{DA} ، \overrightarrow{EB} .

ت 10: على المعلم $(j; i; 0)$ لدينا النقاط: C ، B ، A ، E ، D ، C

حيث: $C(0; 3)$ ، $B(-5; 6)$ ، $A(-2; 0)$.

(أ) أنشئ بالستعمال المدور النقطة E بحيث يكون:

$$\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{BC}$$

(ب) أستنتج من الشكل إحداثيا النقطة E .

تحقق من ذلك حسابيا .

- ما نوع الرباعي $AECB$ ؟

ت 12: أحسب العددين x أو y في كل حالة مما يلي

$$\vec{U} \begin{pmatrix} -2 \\ y+2 \end{pmatrix} = \vec{V} \begin{pmatrix} x \\ 3 \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$\vec{U} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} = \vec{V} \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ x+1 \end{pmatrix} \quad (2)$$

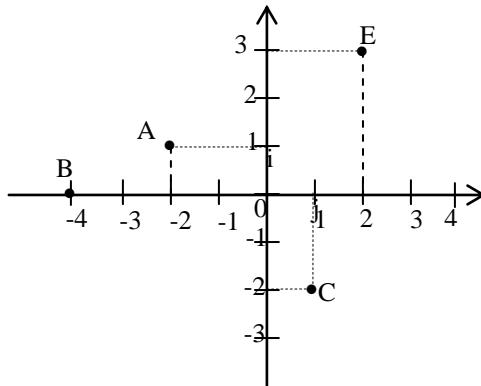
$$\vec{U} = \vec{V} \quad (3)$$

ج: $\vec{U} = \vec{V}$ حيث:

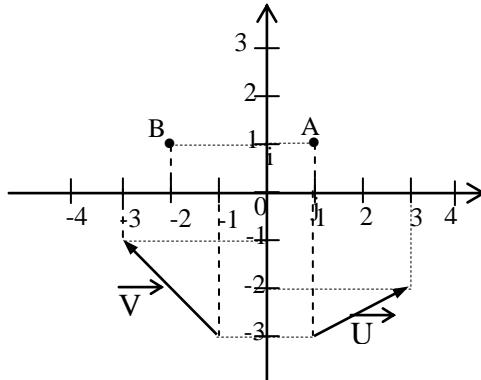
$$\vec{V} = (x-1) \vec{oi} + \frac{y}{3} \vec{oj}$$

$$\vec{U} = -2 \vec{oi} + 3 \vec{oj}$$

على التمثيل البياني المبين أسفله عين إحداثيا كل من الأشعة الآتية : \overrightarrow{EA} ، \overrightarrow{CE} ، \overrightarrow{BC} ، \overrightarrow{AB}



لأحظ جيدا التمثيل البياني الآتي :

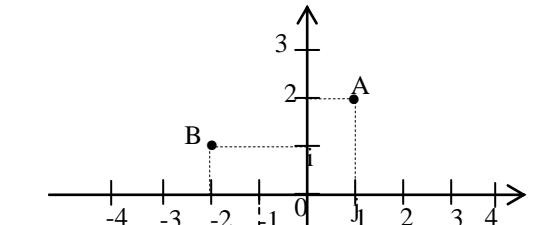


- أ) عين النقطتين M و N بحيث يكون: $\overrightarrow{BN} = \overrightarrow{V}$
 ب) أوجد إحداثيا النقطتين M و N .
 ج) أستنتج إحداثيا الشعاعين \overrightarrow{U} و \overrightarrow{V} .

ت4: على معلم (j ; i ; 0) الممثل أسفله :

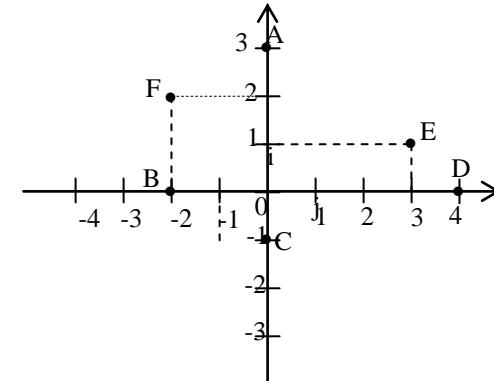
أ) عين النقاط D ، E ، F ، H حيث : $\overrightarrow{AD} (2 ; 1)$ ، $\overrightarrow{EF} (-3 ; -1)$ ، $\overrightarrow{BE} (1 ; -3)$

ب) أستنتج من الشكل إحداثيا كل من النقاط : E ، D ، F ، H .



ت1) على المعلم (j ; i ; 0) على المعلم (j ; i ; 0) الممثل أسفله :

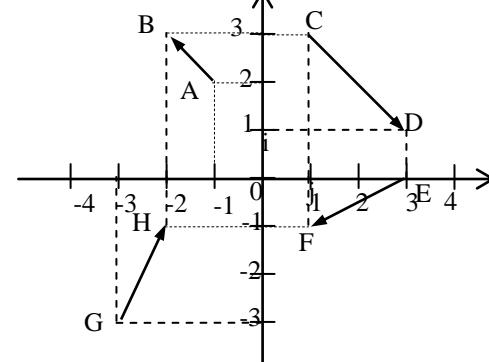
أ) المجاور عين إحداثيا كل من النقاط : 0 ، i ، j ، F ، E ، D ، C ، B ، A



ت2:

اقرأ على المعلم المنشئ أسفله إحداثيا كل من الأشعة

\overrightarrow{HG} ، \overrightarrow{FE} ، \overrightarrow{DC} ، \overrightarrow{AB} :



ت3:

على معلم (j ; i ; 0) أنشئ الأشعة :

ب) حيث : $\overrightarrow{EF} (2 ; -2)$ ، $\overrightarrow{CD} (-2 ; 1)$ ، $\overrightarrow{AB} (3 ; 1)$

