

1- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1215 و 945 .

2- أكتب الكسر  $\frac{945}{1215}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني : ( 3.5 نقط ) :  $A = (2 - \sqrt{3})^2$  عدد حيث :

1- أنشر ثم بسط  $A$  .

2- لتكن العبارة الجبرية  $E$  حيث :  $E = x^2 - (7 - 4\sqrt{3})$

أ- أحسب القيمة المبسطة من أجل  $x = \sqrt{7}$  .

ب -/ حل  $E$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

ج-/ حل المعادلة  $(x - 2 + \sqrt{3})(x + 2 - \sqrt{3}) = 0$

التمرين الثالث : ( 3 نقط ) وحدة الطول المختارة هي السنتيمتر

$ABC$  مثلث قائم في  $A$  حيث  $AB = 3$  و  $BC = 5$

1- أنشئ الشكل ثم حدد الطول  $AC$  .

$E$  نقطة من  $[AB]$  حيث  $AE = 1$  .

المستقيم الذي يشمل  $E$  ويعامد  $(AB)$  يقطع  $(BC)$  في النقطة  $M$

2- أوجد الطول  $BM$

3- أحسب  $\cos \widehat{ABC}$  ثم استنتج قياس الزاوية  $\widehat{EMB}$  ( تدور النتيجة إلى الدرجة )

التمرين الرابع : ( 3 نقط )

المستوي منسوب إلى المعلم متعامد ومتجانس  $(\vec{o}; \vec{i}; \vec{j})$  .

1- علم النقطتين  $A(0, 4)$  ،  $B(1, 0)$  .

2- حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية التي تمثيلها البياني هو المستقيم  $(AB)$

ليكن المستقيم  $(\Delta)$  التمثيل البياني للدالة  $g$  حيث :  $g(x) = \frac{2}{3}x + 2$

3- أنشئ  $(\Delta)$  . وجد إحداثي  $M$  نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(\Delta)$

المسألة ( 08 نقط )

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها  $2400m^2$  و عرضها يساوي ثلثي طولها ، أراد صاحب هذه القطعة استخدامها كحظيرة للسيارات وللشاحنات ذات الحجم الصغير .

1- أحسب عرض و طول هذه القطعة .

2- يتم تقسيم هذه القطعة كما هو مبين في الشكل الموالي:  $S_1$  الجزء المخصص للسيارات

$S_2$  : الجزء المخصص للشاحنات حيث  $AM = x$

أ- عبر عن مساحتي الجزئين  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$

ب - إذا علمت أن المساحة المخصصة لسيارة واحدة هي  $18m^2$  وللشاحنة الواحدة هي  $30m^2$  أوجد  $x$  حتى يتسع الجزء  $S_1$  لـ 80 سيارة ثم استنتج في هذه الحالة أكبر عدد للشاحنات التي يمكن توقفها في الجزء  $S_2$  .

3- المدخول اليومي للحظيرة لما تكون كل الأماكن محجوزة هو  $8960DA$  حدد تسعيرة التوقف اليومي لكل من السيارة الواحدة و الشاحنة الواحدة إذا

علمت أن تسعيرة التوقف اليومي للسيارة 30% من تسعيرة التوقف اليومي

للشاحنة .

ليكن العددين :  $A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$  و  $B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$

1- أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{2}$  حيث  $a$  عدد طبيعي .

2- بسط العدد  $B$  ثم بين أن :  $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$

التمرين الثاني : ( 03 نقط )

لتكن العبارة الجبرية  $E$  حيث :  $E = 10^2 - (x - 2)^2 - (x + 8)$

1- أنشر ثم بسط  $E$  .

2- حلل العبارة  $10^2 - (x - 2)^2$  ، ثم استنتج تحليل العبارة الجبرية  $E$

3- حل المعادلة :  $(11 - x)(8 + x) = 0$

التمرين الثالث : ( 02.5 نقط )

1- حل الجملة :  $\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$

2- اشترى رضوان من مكتبة أربعة كراريس وخمسة أقلام بمبلغ  $105 DA$  و اشترت مريم ثلاثة كراريس وقلمين بمبلغ  $56 DA$  .

أوجد ثمن الكرسي الواحد و ثمن القلم الواحد .

التمرين الرابع : ( 03.5 نقط )

1- أرسم المثلث  $ABC$  القائم في  $A$  حيث :  $AB = 4.5 \text{ cm}$  ;  $BC = 7.5 \text{ cm}$

2- أحسب  $AC$  .

3- لتكن النقطة  $E$  من  $[AB]$  حيث  $AB = 3 AE$

و  $D$  نقطة من  $[AC]$  حيث  $DC = \frac{2}{3} AC$

أ - عيّن على الشكل النقطتين  $E$  ،  $D$  .

ب - بين أن  $(DE) \parallel (BC)$  ثم أحسب  $DE$  .

الجزء الثاني : مسألة ( 08 نقاط )

تقترح شركة لسيارات الأجرة التسعيرتين التاليتين :

- التسعيرة الأولى :  $DA$  15 للكيلومتر الواحد لغير المنخرطين .

- التسعيرة الثانية:  $DA$  12 للكيلومتر الواحد مع مشاركة شهرية

قدرها  $900 DA$

المسافة	60		
تسعيرة الأولى (DA)			5100
تسعيرة الثانية (DA)		3060	

1- انقل الجدول على ورقة الإجابة ثم أكمله :

2- ليكن:  $x$  هو عدد الكيلومترات للمسافات المقطوعة .

$Y_1$  هو المبلغ حسب التسعيرة الأولى و  $Y_2$  هو المبلغ حسب التسعيرة الثانية

أ- عبر عن  $y_1$  و  $y_2$  بدلالة  $x$  .

ب- حل المتراحة  $15x > 12x + 900$

3- في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(\vec{o}; \vec{i}; \vec{j})$  .

أ- مثل بيانيا الدالتين  $f$  ;  $g$  حيث :  $f(x) = 15x$  و  $g(x) = 12x + 900$

(1cm على محور الفواصل يمثل 50km: 1cm على محور التراتيب يمثل 500 DA)

ج - استعمل التمثيل البياني لتحديد أفضل تسعيرة مع الشرح .

## شهادات التعليم المتوسط من 2007 إلى 2018

\*\*\* بالتوفيق و النجاح \*\*\*

لتكن الأعداد  $A$  ،  $B$  ،  $C$  حيث :  $C = \sqrt{5} + 1$  ،  $B = 2\sqrt{45}$  ،  $A = \sqrt{80}$

- 1/- أكتب  $A+B$  على الشكل  $a\sqrt{5}$  حيث عدد طبيعي  $a$ .
- 2/- بين أن  $A \times B$  هو عدد طبيعي .
- 3/- أكتب  $C^2$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثاني : ( 03 نقط)

لتكن العبارة  $E$  حيث :  $E = 2x - 10 - (x - 5)^2$

- 1- أنشر ثم بسط العبارة  $E$ .
- 2- حلل العبارة  $E$ .
- 3- حل المعادلة :  $(x - 5)(7 - x) = 0$

التمرين الثالث : ( 02.5 نقط)

[AB] قطعة مستقيم طولها  $6cm$ .

- 1- أنشئ النقطة  $C$  صورة النقطة  $B$  بالدوران الذي مركزه  $A$  و قيس زاويته  $90^\circ$  في اتجاه عكس عقارب الساعة .
- 2- ما نوع المثلث  $ABC$  ؟ ( برر إجابتك ).
- 3- أوجد الطول  $BC$ .

التمرين الرابع : ( 03.5 نقط)

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases} \quad \text{1- حل الجملة :}$$

- 2- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعديدين 125 و 500 .
- 3- ملاً تاجر 4000g من الشاي في علب من صنف 125g و صنف 500g إذا علمت أن العدد الكلي للعلب هو 14، أوجد عدد العلب لكل صنف .

( لاحظ أن  $32 \times 125 = 4000$  )

المسألة ( 08 نقط)

تم بناء خزان للماء على شكل أسطوانة دورانية نصف قطر قاعدتها  $5m$  و ارتفاعها  $4m$  لتزويد مسبح على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدته  $20m$  و  $6m$  و ارتفاعه  $2m$ .

- 1- احسب سعة كل من الخزان و المسبح . ( نأخذ  $\pi = 3,14$  ).
- إذا علمت أن الخزان مملوء تماما و المسبح فارغ تماما و تدفق الماء في المسبح هو  $12m^3/h$  أي  $12m^3$  في الساعة ، احسب كمية الماء المتدفقة في المسبح و كمية الماء المتبقية في الخزان بعد مرور ثلاث ساعات .

- 2- نفرض أن الخزان مملوء ( سعته  $314m^3$  ) و المسبح فارغ . نسمي  $f(x)$  كمية الماء المتبقية في الخزان و  $g(x)$  كمية الماء المتدفقة في المسبح بالتر متر المكعب بعد مرور  $x$  ساعة . أوجد العبارة  $g(x)$  ثم استنتج العبارة  $f(x)$  بدلالة  $x$ .

- 3- نعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  حيث  $f(x) = 314 - 12x$  و  $g(x) = 12x$

أ- أرسم التمثيل البياني لكل من الدالتين  $f$  و  $g$  في معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

( يؤخذ  $1cm$  يمثل  $4h$  على محور الفواصل و  $1cm$  يمثل  $50m^3$  على محور الترتيب )

- ب- أوجد الوقت المستغرق لملء المسبح . ج - حل المعادلة  $f(x) = g(x)$

- ماذا يمثل حل هذه المعادلة.

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول : ( 03 نقاط)

1) تحقق بالنشر من أن  $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$

2) لتكن العبارة  $A$  حيث :  $A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2)$

- حلل العبارة  $A$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

3) حل المعادلة  $(2x - 1)(4x - 1) = 0$

التمرين الثاني : ( 03 نقاط)

1) أكتب المجموع  $A$  على الشكل  $a\sqrt{5}$  ( $a$  عدد طبيعي ) حيث :

$$A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$

2) أحسب الجداء  $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$  مبينا مراحل الحساب .

التمرين الثالث : ( 03 نقاط)

$ABC$  مثلث قائم الزاوية في  $A$ .  $[AH]$  الارتفاع المتعلق بالوتر  $[BC]$  .

- بين أن  $AB^2 = BH \times BC$  (يمكنك الاعتماد على  $\cos \hat{ABC}$  في كل من المثلثين  $ABC$  و  $ABH$  )

التمرين الرابع : ( 03 نقاط)

المستوى مزود بمعلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1- علم النقط  $A(-1; 2)$  ،  $B(3; 2)$  ،  $M(+1; -1)$  .

2- بين أن  $B$  هي صورة  $A$  بالدوران الذي مركزه  $M$  و زاويته  $\widehat{AMB}$

الجزء الثاني: ( 08 نقاط)

المسألة :

تقترح وكالة تجارية للإتصالات الهاتفية للتسديد الشهري الصيغ الثلاث الآتية :

الصيغة ( أ ) : دفع 11 دينار للدقيقة .

الصيغة ( ب ) : دفع 600 اشتراكا شهريا و 5 دنانير للدقيقة .

الصيغة ( ج ) : دفع 1200 اشتراكا شهريا و 3 دنانير للدقيقة .

1/- أحسب تكلفة المكالمات التي مدتها 100 دقيقة في كل من الصيغ الثلاث .

2/- أكتب  $y$  بدلالة  $x$  في كل من الصيغ الثلاث .

3/- و في نفس المعلم مثل بيانيا الصيغ الثلاث و استنتج الفترة الزمنية التي تكون خلالها الصيغة ( ب ) أقل تكلفة .

( يمكنك اختيار المعلم بحيث  $1cm$  تمثل 50 دقيقة على محور الفواصل و  $1cm$  تمثل 200DA على محور الترتيب ) .

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول : ( 03 نقاط)

لحساب المعدل الفصلي  $m$  لمادة التربية المدنية نطبق القانون التالي:

$$m = \frac{2a + 3b}{5}$$

حيث  $a$  هي علامة التقويم المستمر و  $b$  هي علامة الاختبار .

أوجد علامة التقويم المستمر و إذا علمت أن علامة الاختبار  $b = 12$

و المعدل الفصلي  $m = 14$

التمرين الثاني : ( 03 نقاط)

1/- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعديدين 140 و 220 .

2/- صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها  $1,40m$  و  $2,20m$  جُزئت

إلى مربعات متساوية بأكبر ضلع دون ضياع .

أ/- ما هو طول ضلع كل مربع .

ب -/ ما هو عدد المربعات الناتجة .

التمرين الثالث : ( 03 نقاط)

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد و متجانس للمستوى .

1) علم النقط  $A(0; 2)$  ،  $B(1; 0)$  ،  $C(-1; 0)$

2) ما نوع المثلث  $ABC$  ؟ علل.

3) عيّن إحداثيا النقطة  $D$  صورة النقطة  $A$  بالدوران الذي مركزه  $O$

و زاويته  $180^\circ$  ثم استنتج نوع لرباعي  $ABDC$

التمرين الرابع : ( 03 نقاط)

في الشكل المقابل  $(BC) \parallel (EF)$  .

أحسب الطولين  $EF$  ،  $FC$

الجزء الثاني: ( 08 نقاط)

المسألة :

يمثل الشكل المقابل أرضية قاعة حفلات مكونة

من مربع و مستطيل و نصف قرص .

طول قطر المستطيل يزيد عن طول قطر المربع

بـ  $2m$  و مجموع طوليهما  $28m$  .

يريد صاحبها تبليطها ببلاط سعر المتر المربع الواحد 800 دينار .

أحسب طول قطر المربع .

أحسب طول و عرض المستطيل علما أن  $\cos \alpha = 0.8$

أحسب السعر الإجمالي للبلاط .



