

**الجزء الأول : (12 نقطة)**

**التمرين الأول: (03 نقاط)**

$$B = \frac{3}{2\sqrt{3}} , A = \sqrt{108} - \sqrt{12} \quad , \quad B, A \text{ عددان حقيقيان حيث :}$$

1) اكتب العدد  $A$  على الشكل  $a\sqrt{3}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.

2) اكتب العدد  $B$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

3) بين أن  $C = (A+1)(8B-1)$  هو عدد طبيعي حيث :

**التمرين الثاني : (03 نقاط)**

لتكن العبارة  $P = (1-3x)(3x+3) - 2(3x+3)$  حيث :

1) انشر وبسط العبارة  $P$ .

2) حل العبارة  $P$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

3) حل المعادلة :  $(3x+3)(-1-3x) = 0$

**التمرين الثالث : (04 نقاط)**

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, I, J)$ .

1) عُلم النقط :  $C(5; -1)$  ،  $B(-3; 1)$  ،  $A(0; 4)$ .

2) احسب إحداثي النقطة  $E$  منتصف القطعة  $[BC]$ .

3) أنشئ النقطة  $D$  صورة  $A$  بالدوران الذي مركزه  $E$  وزاويته  $180^\circ$  ثم استنتج إحداثي  $D$ .

4) بين أن الرباعي  $ABDC$  مستطيل.

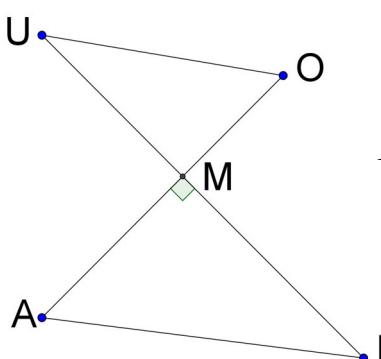
**التمرين الرابع: ( نقطتان )**

الشكل المقابل غير مرسوم بأبعاده الحقيقة (وحدة الطول هي الميليمتر)

$MU = 28$  ،  $MI = 36$  ،  $MO = 21$  ،  $MA = 27$

1) بين أن المستقيمين  $(AI)$  و  $(OU)$  متوازيان.

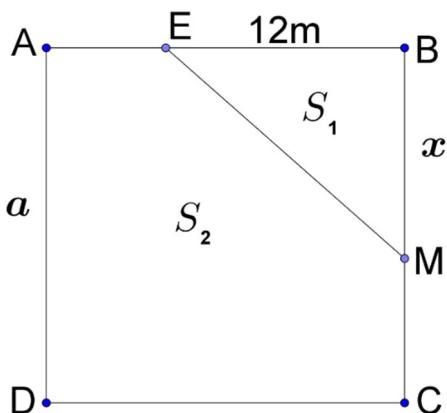
2) احسب قيس الزاوية  $\widehat{AIM}$  ( بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة ).



**الجزء الثاني : ( 08 نقاط )****المسألة:**

قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324 m^2$  ملك للأخرين

أحمد وفاطمة ومجازأة حسب المخطط المقابل.

**الجزء الأول:**

(1) احسب طول ضلع هذه القطعة.

(2) نقطة متحركة على الضلع  $[BC]$  حيث  $M$  .  $BM = x$  .  $BE = 12 m$  حيث  $E$  نقطة من  $[BA]$

الجزء  $EBM$  تملكه فاطمة والجزء  $AEMCD$  يملكه أحمد.

أ) ليكن  $S_1$  مساحة الجزء  $AEMCD$  و  $S_2$  مساحة الجزء  $EBM$

- اكتب بدالة  $x$  كلاً من المساحتين  $S_1$  و  $S_2$

ب) ساعد الأخرين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة.

**الجزء الثاني:**

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, I, J)$  .

(1) مثل بيانيا الداللين  $f$  و  $g$  حيث:

$$g(x) = -6x + 324 , f(x) = 12x$$

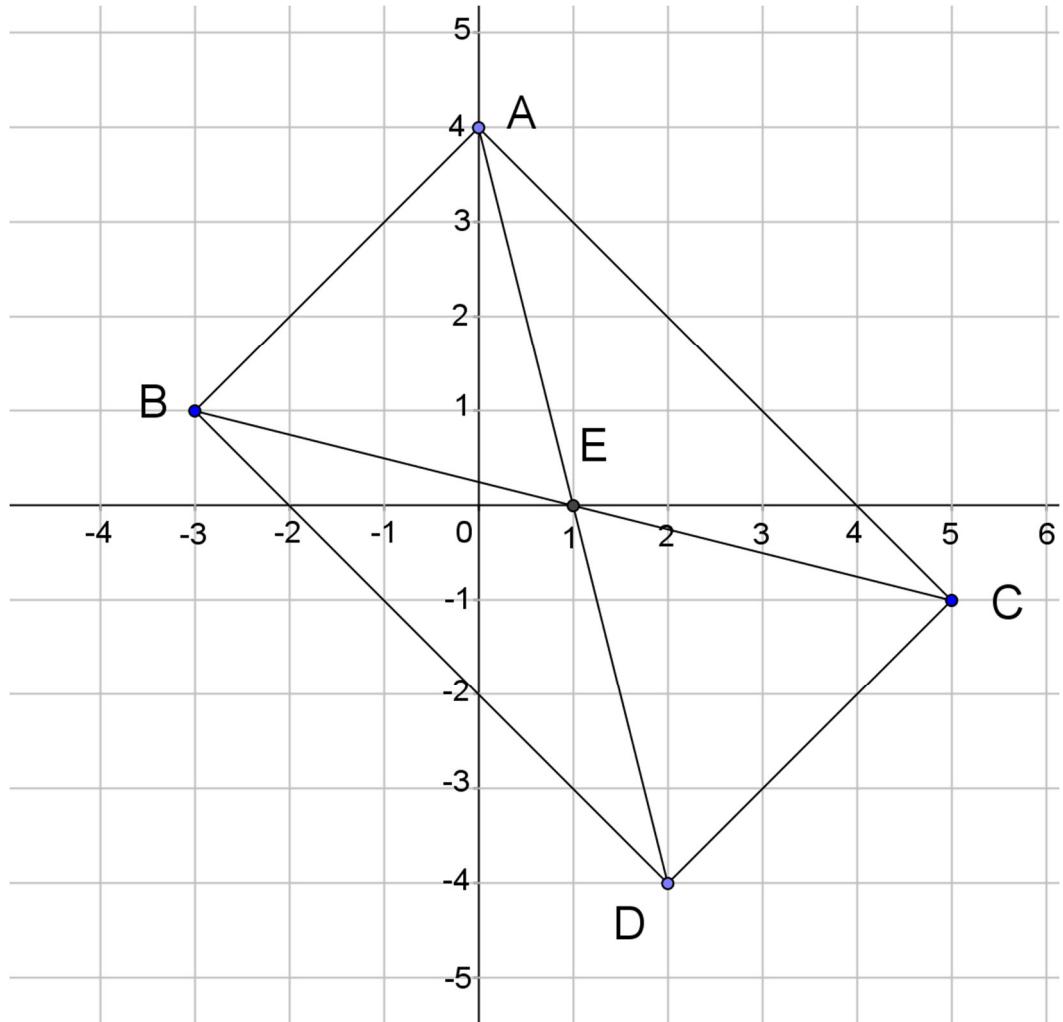
(نأخذ):  $1 cm$  على محور الفاصل يمثل  $2 m$  و  $1 cm$  على محور التراتيب يمثل  $36 m^2$

(2) بقراءة بيانية فسر مساعدتك السابقة للأخرين حول تحديد موضع النقطة  $M$  مع إيجاد مساحة كل من القطعتين.

العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مراجعة	
1	0,25×4	<p><b>التمرين الأول: (03 نقاط)</b></p> <p>(1) كتابة العدد <math>A</math> على الشكل <math>a\sqrt{3}</math> حيث <math>a</math> عدد طبيعي . لدينا <math>A = \sqrt{36 \times 3} - \sqrt{4 \times 3}</math> وعليه <math>A = \sqrt{108} - \sqrt{12}</math> ومنه <math>A = 6\sqrt{3} - 2\sqrt{3}</math> أي <math>A = 4\sqrt{3}</math> وبالتالي <math>A = (6-2)\sqrt{3}</math> أي <math>A = 6\sqrt{3} - 2\sqrt{3}</math></p> <p>(2) كتابة العدد <math>B</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق :</p> <p>لدينا : <math>B = \frac{3\sqrt{3}}{6}</math> أي <math>B = \frac{3\sqrt{3}}{2 \times 3}</math> وعليه <math>B = \frac{3 \times \sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}}</math> وبالتالي <math>B = \frac{\sqrt{3}}{2}</math>. طريقة أخرى : نعرض 3 بـ : <math>\sqrt{3} \times \sqrt{3}</math> ثم نبسط (</p> <p>(3) نبين أن العدد <math>C</math> هو عدد طبيعي : لدينا <math>C = (A+1)(8B-1)</math> <math>C = (4\sqrt{3}+1)(4\sqrt{3}-1)</math> أي <math>C = (4\sqrt{3}+1)\left(8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 1\right)</math> ومنه <math>C = (4\sqrt{3})^2 - 1^2</math> وبالتالي <math>C = 47</math> ومنه (إذن <math>C</math> عدد طبيعي)</p>
1	0,25×4	<b>التمرين الثاني: (03 نقاط)</b>
1	0,50 + 0,25	<p>(1) نشر وتبسيط العبارة <math>P = (1-3x)(3x+3) - 2(3x+3)</math> : لدينا <math>P = [1 \times (3x+3) - 3x \times (3x+3)] - 6x - 6</math> ومنه <math>P = -9x^2 - 12x - 3</math> أي <math>P = 3x+3 - 9x^2 - 9x - 6</math></p> <p>(2) تحليل العبارة <math>P = (1-3x)(3x+3) - 2(3x+3)</math> : لدينا</p>
1	0,25	<p>ومنه <math>P = (3x+3)(-3x-1)</math> وعليه <math>P = (3x+3)[(1-3x)-2]</math></p> <p>(3) حل المعادلة : <math>-3x-1=0</math> أو <math>3x+3=0</math> : <math>(3x+3)(-1-3x)=0</math></p>
1	0,50 × 2	<p><math>x = \frac{-1}{3}</math> أو <math>x = -1</math> ومنه <math>-3x = 1</math> أو <math>3x = -3</math> أي <math>x = -1</math> و <math>x = \frac{1}{3}</math></p> <p>إذن للمعادلة حلان هما : <math>-1</math> و <math>\frac{1}{3}</math></p>

العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مجزأة	
1	$0,25 \times 4$	<p><b>التمرين الثالث : (04 نقاط)</b></p> <p>(1) رسم المعلم وتعليم النقطة الثلاثة (لاحظ الشكل أدناه )</p> <p>(2) حساب إحداثي <math>E</math> منتصف <math>[BC]</math></p> <p>لدينا: <math>E(1 ; 0)</math> ومنه <math>E\left(\frac{(-3)+5}{2} ; \frac{1+(-1)}{2}\right)</math> أي <math>E\left(\frac{x_B+x_C}{2} ; \frac{y_B+y_C}{2}\right)</math></p> <p>(3) إنشاء النقطة <math>D</math> صورة النقطة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math> وزاويته <math>180^\circ</math>.</p> <p>- استنتاج إحداثي <math>D</math>:</p> <p>بما أن <math>D</math> صورة النقطة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math> وزاويته <math>180^\circ</math></p> <p>فإن النقطتين <math>A</math> و <math>D</math> متاظرتان بالنسبة إلى <math>E</math> ، و منه <math>\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{ED}</math></p> <p>لدينا <math>\overrightarrow{AE}(1-0 ; 0-4)</math> ومنه <math>\overrightarrow{AE}(x_E - x_A ; y_E - y_A)</math></p> <p>وعليه <math>\overrightarrow{AE}(1 ; -4)</math></p> <p>ولدينا <math>\overrightarrow{ED}(x_D - 1 ; y_D - 0)</math> ومنه <math>\overrightarrow{ED}(x_D - x_E ; y_D - y_E)</math></p> <p>بما أن <math>y_D - 0 = -4</math> فإن <math>x_D - 1 = 1</math> و <math>\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{ED}</math></p> <p>ومنه <math>D(2 ; -4)</math> و <math>y_D = -4</math> أي <math>x_D = 2</math></p> <p>ملحوظة : (يمكن اعتماد طريقة حساب إحداثي منتصف قطعة مستقيم)</p> <p>(4) نبين أن الرباعي <math>ABDC</math> مستطيل .</p> <p>لدينا <math>E</math> مننصف <math>[BC]</math> من المعطيات .</p> <p>و <math>E</math> مننصف <math>[AD]</math> لأن <math>D</math> صورة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math> و زاويته <math>180^\circ</math> ، إذن الرباعي <math>ABDC</math> متوازي أضلاع (القطران متناصفان )</p> <p>حساب طول القطر <math>: [BC]</math></p> <p>لدينا : <math>B C = \sqrt{(x_c - x_B)^2 + (y_c - y_B)^2}</math></p> <p>وبالتالي <math>B C = \sqrt{(5 - (-3))^2 + (-1 - 1)^2}</math></p> <p>. <math>B C = \sqrt{68}</math> ومنه <math>B C = \sqrt{(8)^2 + (-2)^2}</math> أي :</p>
0,75	$0,25 \times 3$	
0,75	0,25	
0,50		
0,25		
0,75	0,50	

		حساب طول القطر $[AD]$ :
	0,50	$A D = \sqrt{(x_D - x_A)^2 + (y_D - y_A)^2}$ لدينا :
0,75	0,25	$A D = \sqrt{(2 - 0)^2 + (-4 - 4)^2}$ وبالتالي • $AD = \sqrt{68}$ ومنه $AD = \sqrt{(2)^2 + (-8)^2}$ أي : نستنتج أن $AD = BC$ و في متوازي الأضلاع $ABDC$ القطران متقابسان فهو مستطيل .
		<u>رسم المعلم وتعليم النقط:</u>



العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مجازأة	
		<b>التمرين الرابع: ( نقطتان )</b>
		(AI) // (UO) (1)
1	0,25×3	$\frac{MU}{MI} = \frac{28}{36} = \frac{7}{9}$ و $\frac{MO}{MA} = \frac{21}{27} = \frac{7}{9}$ لدينا : $\frac{MO}{MA} = \frac{MU}{MI}$ نستنتج أن : و حسب النظرية العكسية لنظرية طالس فإن (AI) // (UO) <b>(ملاحظة :</b> ترتيب النقط محقق في الشكل المعطى )
	0,25	( AIM ) حساب قيس الزاوية . (2)
1	0,25	$\tan \widehat{AIM} = \frac{AM}{MI}$ ، M القائم في $\widehat{AIM}$ لدينا في المثلث $\tan \widehat{AIM} = 0,75$ أي $\tan \widehat{AIM} = \frac{27}{36}$ ومنه $\widehat{AIM} = 36,869\dots$ باستعمال الحاسبة العلمية نجد : إذن : $\widehat{AIM} = 37^0$ (بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة ) .
	0,25×2	

المسألة : ( 08 نقاط)الجزء الأول:(1) حساب  $a$  طول ضلع القطعةبما أن مساحة المربع  $ABCD$  هي :  $S = a^2$  أي  $a^2 = 324$  وعليه

$$a = \sqrt{324} \quad \text{و بالتالي } a = 18, \text{ طول ضلع القطعة هو } 18m$$

(2) أ) كتابة المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$ .

$$S_1 = \frac{12 \times x}{2} \quad \text{أي} \quad S_1 = \frac{EB \times BM}{2} \quad \text{لدينا}$$

وبالتالي :  $S_1$  مقدرة بـ  $(m^2)$ .  $S_1 = 6x$ ولدينا:  $S_1 = S_2$  ومنه  $S_2 = 324 - S_1$  (  $m^2$  ) .  $S_2 = 324 - 6x$ ب) تحديد موضع  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

$$\text{لدينا } S_2 = 2S_1 \quad \text{و منه } 324 - 6x = 2 \times 6x \quad \text{و عليه}$$

$$18x = 324 \quad \text{أي} \quad 12x + 6x = 324$$

إذن  $18 = x$  ( الوحدة هي  $m$  ) وبالتالي النقطة  $M$  تطبق على النقطة  $C$ .الجزء الثاني:1) التمثيل البياني للدالة الخطية  $f$  هو المستقيم الذي يشمل نقطتين :مبدأ المعلم  $O(0;0)$  و النقطة  $K(12;144)$ التمثيل البياني للدالة التالية  $g$  هو المستقيم الذي يشمل نقطتين

$$E(0;324) \quad \text{و} \quad F(15;0)$$

( ملاحظة : تقبل أي نقطتين من التمثيل البياني لكل من الدالتين )

2) التقسيير البياني و إيجاد المساحتين :

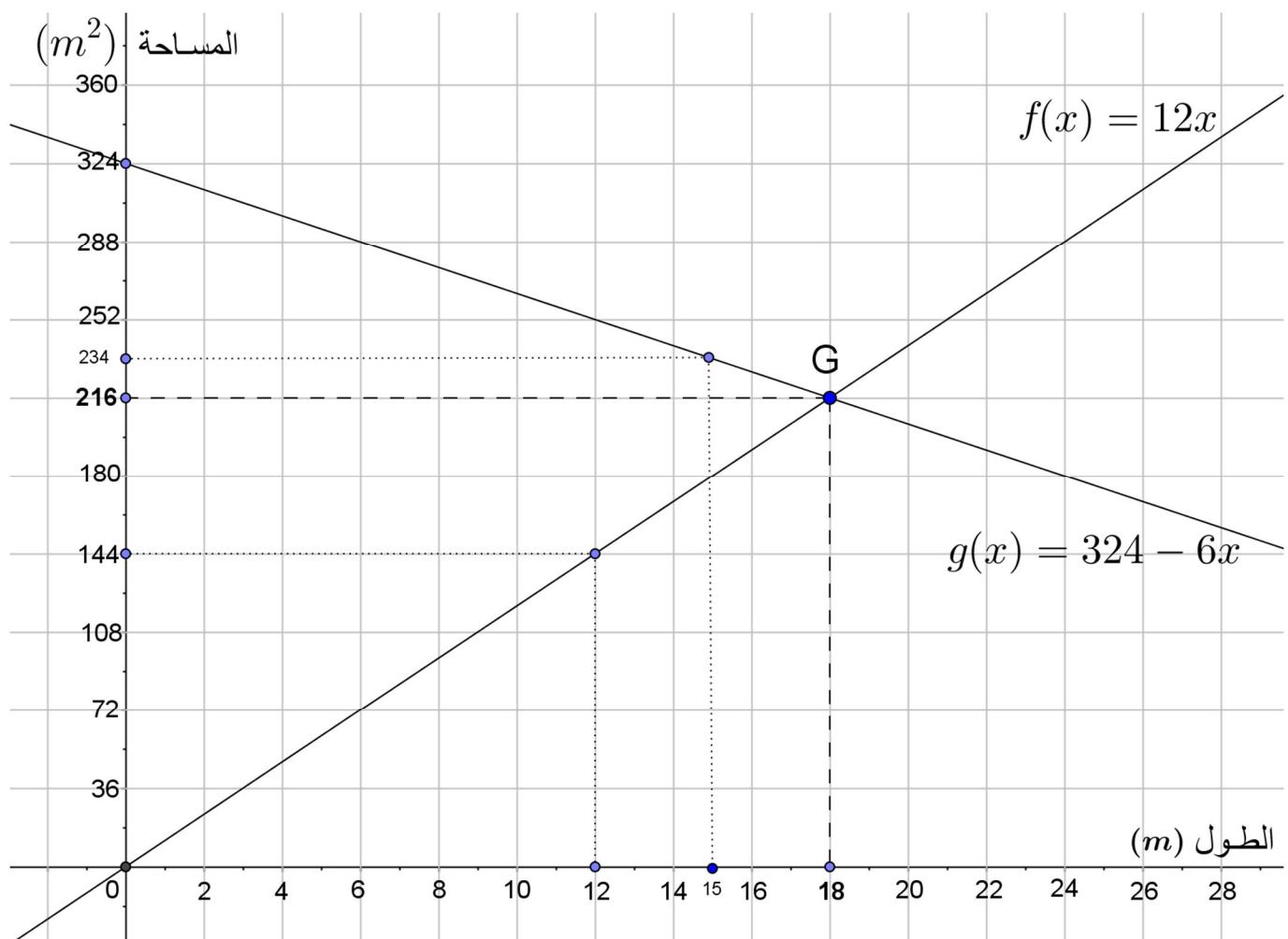
التمثيلان البيانيان للدالتين  $f$  و  $g$  يتقاطعان في النقطة  $G(18;216)$ لدينا :  $f(x) = 2S_1$  و  $g(x) = S_2$  ومن أجل  $x = 18$  فإن

$$g(18) = 2S_1 \quad \text{أي} \quad f(x) = g(x)$$

$$\text{أي } 216 = 2S_1 \quad \text{و عليه فإن } 216 = 2S_1 \quad \text{و منه}$$

إذن : مساحة القطعة التي يملكتها أحمد هي  $216 m^2$  ومساحة القطعة التي تملكها

$$\text{أخته فاطمة هي } 108 m^2$$

**التمثيل البياني**

العلامة	النقطة	النقطة	المؤشرات	نقطة	نقطة	نقطة
1	0,50	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في المؤشرين	- معرفة مساحة مربع . - كتابة المعادلة التي تسمح بإيجاد العدد $a$ .	1م	1	الإجابة الموحدة
	0,50	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- كتابة المعادلة $a^2 = 324$ . - حل المعادلة $a^2 = 324$ بشكل صحيح . - إيجاد قيمة $a$ بشكل صحيح .	2م		
2,50	1,25	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل	- كتابة العبارة التي تسمح بحساب $S_1$ . - كتابة العبارة التي تسمح بحساب $S_2$ . - ترتيب الوضعية للتعبير عن $S_2$ بدالة $S_1$ بدالة $S$ . - كتابة المعادلة للتعبير عن $S_2$ بدالة $S_1$ .	1م	2	الإجابة الموحدة
	1,25	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل	- التعبير الصحيح عن $S_1$ بدالة $x$ . - التعبير الصحيح عن $S_2$ بدالة $x$ . - كتابة $S_2 = 2S_1$ . - حل المعادلة التي تسمح بتحديد موضع $M$ بشكل صحيح .	2م		
2	1,25	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل	- إنشاء المعلم المناسب . - اختيار نقطتين لتمثيل الدالة $f$ . - تمثيل الدالة $f$ . - اختيار نقطتين لتمثيل الدالة $g$ . - تمثيل الدالة $g$ .	1م	1	الإجابة الموحدة
	0,75	0,50 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في المؤشرين	- تمثيل $f$ بشكل صحيح . - تمثيل $g$ بشكل صحيح .	2م		
1	0,50	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- تعين نقطة التقاطع بيانيا . - إيجاد إحداثي نقطة التقاطع . - معرفة العلاقة بين $(x) f$ و $S_1$ . - العلاقة بين $(x) g$ و $S_2$ .	1م	2	الإجابة الموحدة
	0,50	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- التعين الصحيح لنقطة التقاطع . - إيجاد إحداثي نقطة التقاطع بشكل صحيح . - كتابة $f(x) = 2S_1$ و $g(x) = S_2$ . - إيجاد المساحتين بشكل صحيح .	2م		
1	1	0,50 إن وفق في مؤشر واحد 1,00 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- التسلسل المنطقي . - معقولية النتائج . - احترام وحدات القياس .	3م	كل المسألة	الإجابة الموحدة
0,50	0,50	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل	- المفروضة . - عدم التشطيب وصياغة النتائج بوضوح . - التمثلات البيانية دقيقة .	4م		

1: التفسير السليم للوضعية ؛ 2: الاستعمال السليم للأدوات الرياضية ؛ 3: انسجام الإجابة ؛ 4: الإتقان