

**الجزء الأول : (12 نقطة)**

**التمرين الأول: (03 نقاط)**

$B$  ،  $A$  عدنان حقيقيان حيث :  $A = \sqrt{108} - \sqrt{12}$  ،  $B = \frac{3}{2\sqrt{3}}$

(1) اكتب العدد  $A$  على الشكل  $a\sqrt{3}$  حيث  $a$  عدد طبيعي .

(2) اكتب العدد  $B$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

(3) بين أن  $C$  هو عدد طبيعي حيث :  $C = (A + 1)(8B - 1)$  .

**التمرين الثاني : (03 نقاط)**

لتكن العبارة  $P$  حيث :  $P = (1 - 3x)(3x + 3) - 2(3x + 3)$

(1) انشر وبسط العبارة  $P$  .

(2) حل العبارة  $P$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة :  $(3x + 3)(-1 - 3x) = 0$

**التمرين الثالث : (04 نقاط)**

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, I, J)$  .

(1) عَلمَ النقط :  $A(0 ; 4)$  ،  $B(-3 ; 1)$  ،  $C(5 ; -1)$

(2) احسب إحداثيتي النقطة  $E$  منتصف القطعة  $[BC]$  .

(3) أنشئ النقطة  $D$  صورة  $A$  بالدوران الذي مركزه  $E$  وزاويته  $180^\circ$  ثم استنتج إحداثيتي  $D$

(4) بين أن الرباعي  $ABDC$  مستطيل .

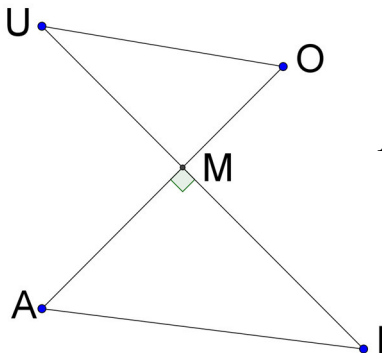
**التمرين الرابع: (نقطتان)**

الشكل المقابل غير مرسوم بأبعاده الحقيقية (وحدة الطول هي الميليمتر)

$MA = 27$  ،  $MO = 21$  ،  $MI = 36$  ،  $MU = 28$

(1) بين أن المستقيمين  $(AI)$  و  $(OU)$  متوازيان .

(2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{AIM}$  ( بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة ) .

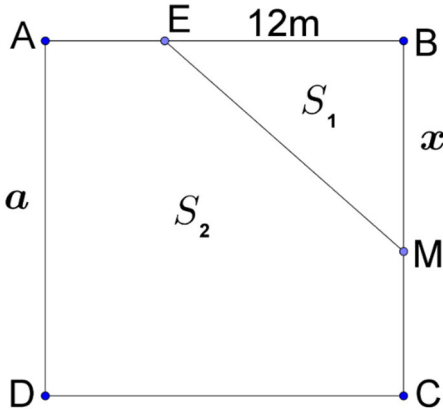


## الجزء الثاني : ( 08 نقاط )

## المسألة:

$ABCD$  قطعة أرض مربعة الشكل مساحتها  $324 m^2$  ملك للأخوين

أحمد وفاطمة ومجزأة حسب المخطط المقابل.



## الجزء الأول:

(1) احسب  $a$  طول ضلع هذه القطعة.

(2) نقطة متحركة على الضلع  $[BC]$  حيث:  $BM = x$

$E$  نقطة من  $[BA]$  حيث:  $BE = 12 m$ .

الجزء  $EBM$  تملكه فاطمة والجزء  $AEMCD$  يملكه أحمد.

(أ) ليكن  $S_1$  مساحة الجزء  $EBM$  و  $S_2$  مساحة الجزء  $AEMCD$

- اكتب بدلالة  $x$  كلاً من المساحتين  $S_1$  و  $S_2$

(ب) ساعد الأخوين على تحديد موضع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة.

## الجزء الثاني:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O, I, J)$ .

(1) مثل بيانيا الدالتين  $f$  و  $g$  حيث:

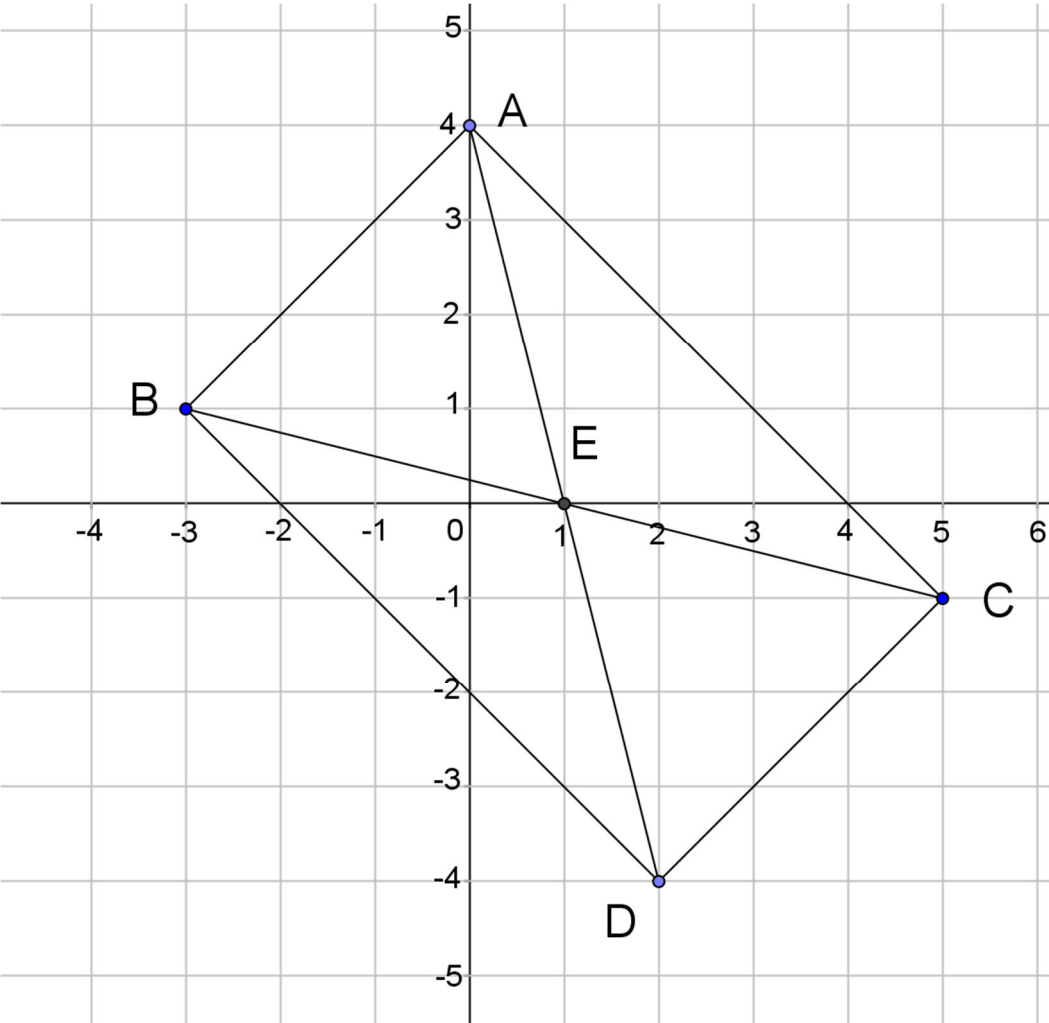
$$f(x) = 12x, \quad g(x) = -6x + 324$$

( نأخذ:  $1 cm$  على محور الفواصل يمثل  $2 m$  و  $1 cm$  على محور الترتيب يمثل  $36 m^2$  )

(2) بقراءة بيانية فسر مساعدتك السابقة للأخوين حول تحديد موضع النقطة  $M$  مع إيجاد مساحة كل من القطعتين.

العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مجزأة	
		<b>التمرين الأول: (03 نقاط)</b>
1	0,25×4	(1) كتابة العدد $A$ على الشكل $a\sqrt{3}$ حيث $a$ عدد طبيعي . لدينا $A = \sqrt{108} - \sqrt{12}$ ومنه $A = \sqrt{36 \times 3} - \sqrt{4 \times 3}$ وعليه $A = 6\sqrt{3} - 2\sqrt{3}$ أي $A = (6-2)\sqrt{3}$ وبالتالي $A = 4\sqrt{3}$
1	0,25×4	(2) كتابة العدد $B$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق : لدينا : $B = \frac{3}{2\sqrt{3}}$ ومنه $B = \frac{3 \times \sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$ وعليه $B = \frac{3\sqrt{3}}{2 \times 3}$ أي $B = \frac{3\sqrt{3}}{6}$ وبالتالي : $B = \frac{\sqrt{3}}{2}$ . ( طريقة أخرى : نعوض 3 بـ : $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ ثم نبسط )
1	0,25×4	(3) نبين أن العدد $C$ هو عدد طبيعي : لدينا $C = (A+1)(8B-1)$ ومنه $C = (4\sqrt{3}+1)\left(8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} - 1\right)$ أي $C = (4\sqrt{3}+1)(4\sqrt{3}-1)$ وبالتالي $C = (4\sqrt{3})^2 - 1^2$ ومنه $C = 47$ ( إذن $C$ عدد طبيعي )
		<b>التمرين الثاني: (03 نقاط)</b>
1	0,50 + 0,25 0,25	(1) نشر وتبسيط العبارة $P$ : لدينا $P = (1-3x)(3x+3) - 2(3x+3)$ ومنه $P = [1 \times (3x+3) - 3x \times (3x+3)] - 6x - 6$ وعليه $P = 3x + 3 - 9x^2 - 9x - 6x - 6$ أي $P = -9x^2 - 12x - 3$ .
1	0,50 × 2 0,25	(2) تحليل العبارة $P$ : لدينا : $P = (1-3x)(3x+3) - 2(3x+3)$ ومنه $P = (3x+3)[(1-3x) - 2]$ وعليه $P = (3x+3)(-3x-1)$
1	0,25×2 0,25	(3) حل المعادلة : $(3x+3)(-1-3x) = 0$ معناه : $3x+3=0$ أو $-3x-1=0$ أي $3x = -3$ أو $-3x = 1$ ومنه $x = -1$ أو $x = \frac{-1}{3}$
	0,25	إذن للمعادلة حلان هما : -1 و $\frac{-1}{3}$ .

العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مجزأة	
1	0,25×4	<p><b>التمرين الثالث: (04 نقاط)</b></p> <p>(1) رسم المعلم وتعليم النقط الثلاثة (لاحظ الشكل أدناه )</p> <p>(2) حساب إحداثيتي <math>E</math> منتصف <math>[BC]</math></p> <p>لدينا: <math>E \left( \frac{x_B + x_C}{2} ; \frac{y_B + y_C}{2} \right)</math> أي <math>E \left( \frac{(-3)+5}{2} ; \frac{1+(-1)}{2} \right)</math> ومنه <math>E(1 ; 0)</math></p> <p>(3) إنشاء النقطة <math>D</math> صورة النقطة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math> وزاويته <math>180^\circ</math> .</p> <p>- استنتاج إحداثيتي <math>D</math> :</p> <p>بما أن <math>D</math> صورة النقطة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math> وزاويته <math>180^\circ</math></p> <p>فإن النقطتين <math>A</math> و <math>D</math> متناظرتان بالنسبة إلى <math>E</math> ، و منه <math>\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{ED}</math></p> <p>لدينا <math>\overrightarrow{AE} (x_E - x_A ; y_E - y_A)</math> ومنه <math>\overrightarrow{AE} (1 - 0 ; 0 - 4)</math> وعليه <math>\overrightarrow{ED} (1 ; -4)</math></p> <p>ولدينا <math>\overrightarrow{ED} (x_D - x_E ; y_D - y_E)</math> ومنه <math>\overrightarrow{ED} (x_D - 1 ; y_D - 0)</math></p> <p>بما أن <math>\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{ED}</math> فإن <math>x_D - 1 = 1</math> و <math>y_D - 0 = -4</math></p> <p>ومنه <math>x_D = 2</math> و <math>y_D = -4</math> أي <math>D(2 ; -4)</math></p> <p>ملاحظة : ( يمكن اعتماد طريقة حساب إحداثيتي منتصف قطعة مستقيم )</p> <p>(4) نبين أن الرباعي <math>ABDC</math> مستطيل .</p> <p>لدينا <math>E</math> منتصف <math>[BC]</math> من المعطيات .</p> <p>و <math>E</math> منتصف <math>[AD]</math> لأن <math>D</math> صورة <math>A</math> بالدوران الذي مركزه <math>E</math></p> <p>وزاويته <math>180^\circ</math> ، إذن الرباعي <math>ABDC</math> متوازي أضلاع ( القطران متناصفان )</p> <p>حساب طول القطر <math>[BC]</math> :</p> <p>لدينا : <math>BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2}</math></p> <p>وبالتالي <math>BC = \sqrt{(5 - (-3))^2 + (-1 - 1)^2}</math></p> <p>أي : <math>BC = \sqrt{(8)^2 + (-2)^2}</math> ومنه <math>BC = \sqrt{68}</math> .</p>
0,75	0,25×3	
	0,25	
0,75		
	0,50	
	0,25	
0,75		
	0,50	

		<p>حساب طول القطر <math>[AD]</math> :</p> <p>لدينا : <math>AD = \sqrt{(x_D - x_A)^2 + (y_D - y_A)^2}</math></p> <p>وبالتالي <math>AD = \sqrt{(2 - 0)^2 + (-4 - 4)^2}</math></p> <p>أي : <math>AD = \sqrt{(2)^2 + (-8)^2}</math> ومنه <math>AD = \sqrt{68}</math> .</p> <p>نستنتج أن : <math>AD = BC</math> و في متوازي الأضلاع <math>ABDC</math> القطران <math>[AD]</math> و <math>[BC]</math> متقايسان فهو مستطيل .</p> <p><u>رسم المعلم وتعليم النقطة:</u></p> 
0,75	0,50  0,25	

العلامة		عناصر الإجابة النموذجية
مجموع	مجزأة	
1	0,25×3	<p><b>التمرين الرابع: (نقطتان)</b></p> <p>(1) نبين أن <math>(AI) \parallel (UO)</math></p> <p>لدينا : <math>\frac{MU}{MI} = \frac{28}{36} = \frac{7}{9}</math> و <math>\frac{MO}{MA} = \frac{21}{27} = \frac{7}{9}</math></p> <p>نستنتج أن : <math>\frac{MO}{MA} = \frac{MU}{MI}</math></p> <p>و حسب النظرية العكسية لنظرية طالس فإن <math>(AI) \parallel (UO)</math></p> <p><b>(ملاحظة : ترتيب النقط محقق في الشكل المعطى)</b></p>
	0,25	
	0,25	<p>(2) حساب قيس الزاوية <math>\widehat{AIM}</math>.</p> <p>لدينا في المثلث <math>AIM</math> القائم في <math>M</math> ، <math>\tan \widehat{AIM} = \frac{AM}{MI}</math></p> <p>ومنه <math>\tan \widehat{AIM} = \frac{27}{36}</math> أي <math>\tan \widehat{AIM} = 0,75</math></p> <p>باستعمال الحاسبة العلمية نجد : <math>\widehat{AIM} = 36,869\dots</math></p> <p>إذن : <math>\widehat{AIM} = 37^0</math> (بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة).</p>
	0,25	
1	0,25×2	

المسألة : ( 08 نقاط)

الجزء الأول:

(1) حساب  $a$  طول ضلع القطعةبما أن مساحة المربع  $ABCD$  هي :  $S = a^2$  أي  $a^2 = 324$  وعليه

$$a = \sqrt{324} \quad \text{و بالتالي} \quad a = 18, \quad \text{طول ضلع القطعة هو } 18m$$

(2) أ) كتابة المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$ .

$$\text{لدينا} \quad S_1 = \frac{EB \times BM}{2} \quad \text{أي} \quad S_1 = \frac{12 \times x}{2}$$

وبالتالي :  $S_1 = 6x$  ( $S_1$  مقدرة بـ :  $m^2$ )ولدينا :  $S_2 = 324 - S_1$  ومنه  $S_2 = 324 - 6x$  ( $S_2$  مقدرة بـ :  $m^2$ )ب) تحديد موضع  $M$  بحيث تكون مساحة قطعة أحمد ضعف مساحة قطعة فاطمة

$$\text{لدينا} \quad S_2 = 2 S_1 \quad \text{ومنه} \quad 324 - 6x = 2 \times 6x \quad \text{وعليه}$$

$$12x + 6x = 324 \quad \text{أي} \quad 18x = 324$$

إذن  $x = 18$  (الوحدة هي  $m$ ) وبالتالي النقطة  $M$  تنطبق على النقطة  $C$ .

الجزء الثاني:

(1) التمثيل البياني للدالة الخطية  $f$  هو المستقيم الذي يشمل النقطتين :

$$\text{مبدأ المعلم } O(0;0) \quad \text{و النقطة } K(12;144)$$

التمثيل البياني للدالة التآلفية  $g$  هو المستقيم الذي يشمل النقطتين

$$E(0;324) \quad \text{و} \quad F(15;234).$$

(ملاحظة : تُقبل أي نقطتين من التمثيل البياني لكل من الدالتين )

(2) التفسير البياني و إيجاد المساحتين :

التمثيلان البيانيان للدالتين  $f$  و  $g$  يتقاطعان في النقطة  $G(18;216)$ لدينا :  $f(x) = 2 S_1$  و  $g(x) = S_2$  ومن أجل  $x = 18$  فإن

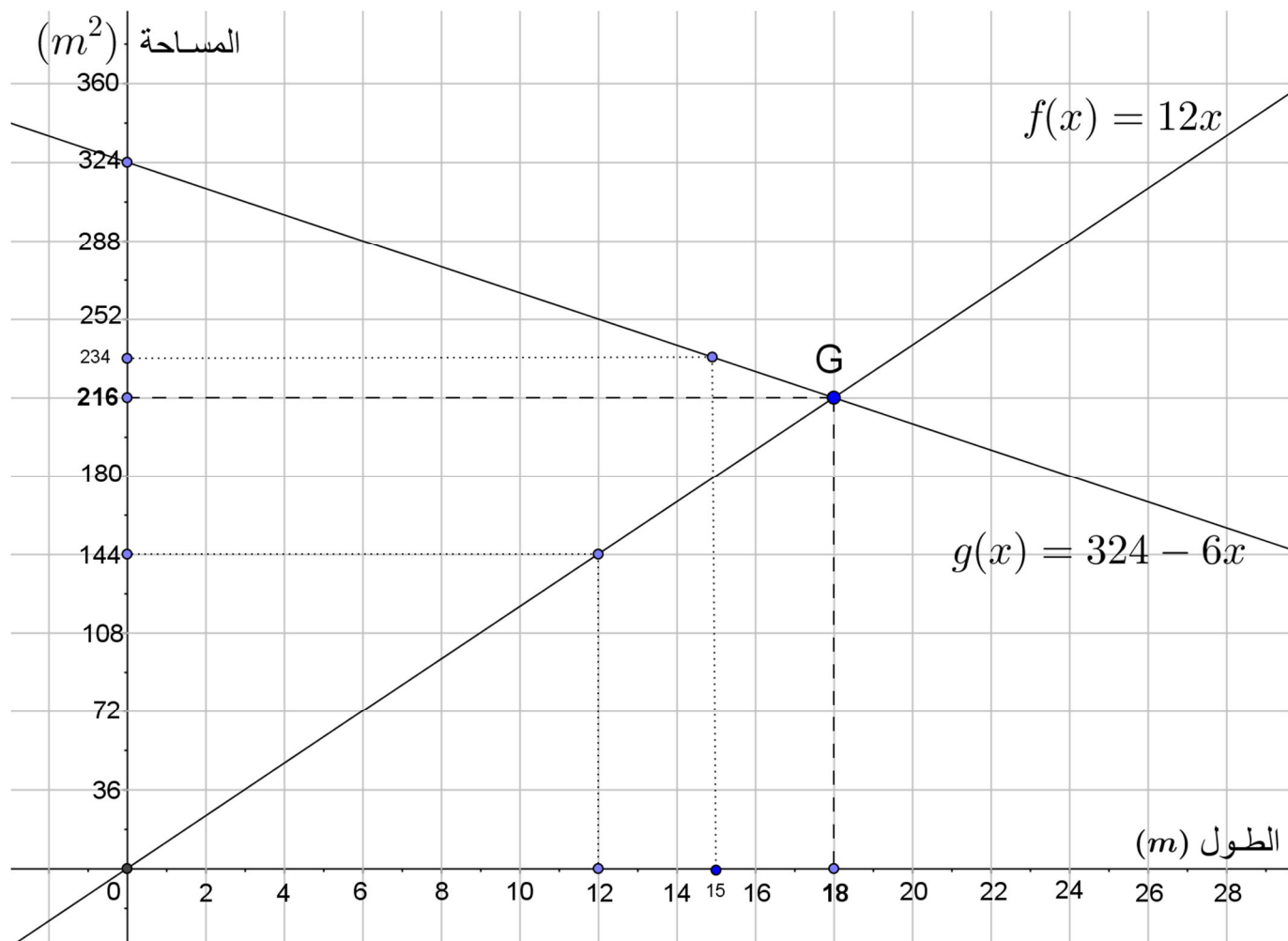
$$f(x) = g(x) \quad \text{أي} \quad 2 S_1 = S_2 \quad \text{ومن التمثيل البياني فإن} \quad g(18) = 216$$

$$\text{أي} \quad S_2 = 216 \quad \text{وعليه فإن} \quad 2 S_1 = 216 \quad \text{ومنه} \quad S_1 = 108$$

إذن : مساحة القطعة التي يملكها أحمد هي  $216 m^2$  ومساحة القطعة التي تملكها

$$\text{أخته فاطمة هي } 108 m^2$$

## التمثيل البياني





المسألة	السؤال	التعيار	المؤشرات	التنقيط	العلامة	
					نقطة	مجموع
المادة الأولى	1	1م	- معرفة مساحة مربع . - كتابة المعادلة التي تسمح بإيجاد العدد $a$ .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في المؤشرين	0,50	1
		2م	- كتابة المعادلة $a^2 = 324$ . - حل المعادلة $a^2 = 324$ بشكل صحيح . - إيجاد قيمة $a$ بشكل صحيح .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل		
	2	1م	- كتابة العبارة التي تسمح بحساب $S_1$ . - كتابة العبارة التي تسمح بحساب $S_2$ . - تربيض الوضعية للتعبير عن $S_2$ بدلالة $S_1$ . - كتابة المعادلة للتعبير عن $S_2$ بدلالة $S_1$ .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل	1,25	2,50
		2م	- التعبير الصحيح عن $S_1$ بدلالة $x$ . - التعبير الصحيح عن $S_2$ بدلالة $x$ . - كتابة $S_2 = 2S_1$ . - حل المعادلة التي تسمح بتحديد موضع $M$ بشكل صحيح .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل		
المادة الثانية	1	1م	- إنشاء المعلم المناسب - اختيار نقطتين لتمثيل الدالة $f$ . - تمثيل الدالة $f$ . - اختيار نقطتين لتمثيل الدالة $g$ . - تمثيل الدالة $g$ .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في مؤشرين 1,25 إن وفق في ثلاثة مؤشرات على الأقل	1,25	2
		2م	- تمثيل $f$ بشكل صحيح . - تمثيل $g$ بشكل صحيح .	0,50 إن وفق في مؤشر واحد 0,75 إن وفق في المؤشرين		
	2	1م	- تعيين نقطة التقاطع بيانيا . - إيجاد إحداثيتي نقطة التقاطع . - معرفة العلاقة بين $f(x)$ و $S_1$ والعلاقة بين $g(x)$ و $S_2$ .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل	0,50	1
		2م	- التعيين الصحيح لنقطة التقاطع . - إيجاد إحداثيتي نقطة التقاطع بشكل صحيح - كتابة $f(x) = 2S_1$ و $g(x) = S_2$ . - إيجاد المساحتين بشكل صحيح .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل		
كل المسألة		3م	- التسلسل المنطقي . - معقولية النتائج . - احترام وحدات القياس .	0,50 إن وفق في مؤشر واحد 1,00 إن وفق في مؤشرين على الأقل	0,50	1
		4م	- المقروئية . - عدم التشطيب وصياغة النتائج بوضوح . - التمثيلات البيانية دقيقة .	0,25 إن وفق في مؤشر واحد 0,50 إن وفق في مؤشرين على الأقل		
1م : التفسير السليم للوضعية ؛ 2م : الاستعمال السليم للأدوات الرياضية ؛ 3م : انسجام الإجابة ؛ 4م : الإتيان						