

2012/2011

شهادات التعليم المتوسط

من 2007 إلى 2011



الأستاذ غرايري التجاني

*** بالتوفيق ***

شهادة 2011

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) تحقق بالنشر من أن $(2x-1)(x-3)=2x^2-7x+3$

(2) لتكن العبارة A حيث: $A=2x^2-7x+3+(2x-1)(3x+2)$

- حل العبارة A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة $(2x-1)(4x-1)=0$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

(1) أكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (a عدد طبعي) حيث:

$$A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$

(2) أحسب الجداء $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبينا مراحل الحساب .

التمرين الثالث: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم الزاوية في A . $[AH]$ الارتفاع المتعلق بالوتر $[BC]$

- بين أن $AB^2 = BH \times BC$ (يمكنك الاعتماد على $\cos \hat{ABC}$ في كل

من المثلثين ABC و ABH)

التمرين الرابع: (03 نقاط)

المستوى مزود بمعلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

1- علم النقط $M(+1; -1)$, $B(3; 2)$, $A(-1; 2)$

2- بين أن B هي صورة A بالدوران الذي مركزه M وزاويته \widehat{AMB}

الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة:

تقترح وكالة تجارية للإتصالات الهاتفية للتسديد الشهري الصيغ الثلاث الآتية:

الصيغة (أ): دفع 11 دينار للدقيقة .

الصيغة (ب): دفع 600 اشتراكا شهريا و 5 دنانير للدقيقة .

الصيغة (ج): دفع 1200 اشتراكا شهريا و 3 دنانير للدقيقة .

(1) أحسب تكلفة المكالمات التي مدتها 100 دقيقة في كل من الصيغ الثلاث .

(2) y يمثل الكلفة بالدينار x يمثل المدة بالدقائق .

أكتب y بدلالة x في كل من الصيغ الثلاث .

و في نفس المعلم مثل بيانيا الصيغ الثلاث و استنتج الفترة

الزمنية التي تكون خلالها الصيغة (ب) أقل تكلفة .

(يمكنك اختيار المعلم بحيث 1cm تمثل 50 دقيقة على محور الفواصل و

1cm تمثل 200DA على محور الترتيب) .

شهادة 2010

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

لحساب المعدل الفصلي m لمادة التربية المدنية نطبق القانون التالي: $m = \frac{2a+3b}{5}$

حيث a هي علامة التقييم المستمر و b هي علامة الاختبار .

أوجد علامة التقييم المستمر و إذا علمت أن علامة الاختبار $b=12$ و المعدل

الفصلي $m=14$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

1 - أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 140 و 220.

2 - صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها $1,40m$ و $2,20m$

جُزئت إلى مربعات متساوية

بأكبر ضلع دون ضياع .

(أ) ما هو طول ضلع كل مربع .

(ب) ما هو عدد المربعات الناتجة .

التمرين الثالث: (03 نقاط)

$(\vec{o}; \vec{i}; \vec{j})$ معلم متعامد و متجانس للمستوى .

(1) علم النقط $M(-1; 0)$, $B(1; 0)$, $A(0; 2)$

(2) ما نوع المثلث ABC ؟ علل.

(3) عيّن إحداثيا النقطه أن D صورة النقطه A بالدوران الذي

مركزه O وزاويته 180° ثم استنتج نوع لرباعي $ABDC$

التمرين الرابع: (03 نقاط)

في الشكل المقابل $(BC) \parallel (EF)$.

أحسب الطولين EF , FC

الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة:

يمثل الشكل المقابل أرضية قاعة حفلات مكونة من

مربع و مستطيل و نصف قرص .

طول قطر المستطيل يزيد عن طول قطر المربع

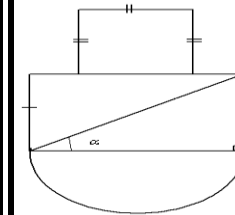
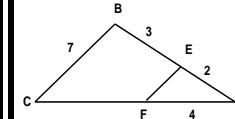
بـ $2m$ و مجموع طوليها $28m$.

يريد صاحبها تبليطها ببلاط سعر المتر المربع الواحد 800 دينار .

(1) أحسب طول قطر المربع .

(2) احسب طول و عرض المستطيل علما أن $\cos \alpha = 0.8$

(3) أحسب السعر الإجمالي للبلاط .



شهادة 2007

التمرين الأول : (03 نقطة)

ليكن العددين : $A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$ و $B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$

1 - أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي .

2 - بسط العدد B ثم بين أن : $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$

التمرين الثاني : (03 نقطة)

لتكن العبارة الجبرية E حيث : $E = 10^2 - (x-2)^2 - (x+8)$

4 - أنشر ثم بسط E .

5 - حلل العبارة $(x-2)^2 - 10^2$ ، ثم استنتج تحليل العبارة الجبرية E

6 - حل المعادلة : $0 = (11-x)(8+x)$

التمرين الثالث : (02.5 نقطة)

1- حل الجملة : $\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$

2- اشترى رضوان من مكتبة أربعة كراريس وخمسة أقلام بمبلغ 105 DA و اشترت مريم ثلاثة كراريس وقلمين بمبلغ 56 DA . أوجد ثمن الكرسي الواحد و ثمن القلم الواحد .

التمرين الرابع : (03.5 نقطة)

1- أرسم المثلث ABC القائم في A حيث : $AB = 4.5 \text{ cm}$; $BC = 7.5 \text{ cm}$; AC .

2- أكتب AC .

3- لتكن النقطة E من $[AB]$ حيث $AE = 3AB$ و D نقطة من $[AC]$ حيث $DC = \frac{2}{3}AC$.

7 - بين أن $(DE) \parallel (BC)$ ثم أكتب DE .

الجزء الثاني : مسألة (08 نقاط)

تفترض شركة لسيارات الأجرة التسعير بين التاليتين :

- التسعيرة الأولى : 15 DA لكل كيلومتر الواحد لغير المنخرطين .

- التسعيرة الثانية : 12 DA لكل كيلومتر الواحد مع مشاركة شهرية قدرها 900 DA

المسافة	60		
تسعيرة الأولى (DA)		5100	
تسعيرة الثانية (DA)		3060	

1- انقل الجدول على ورقة الإجابة ثم أكمله :

2- ليكن : x هو عدد الكيلومترات للمسافات المقطوعة .

Y_1 هو المبلغ حسب التسعيرة الأولى و Y_2 هو المبلغ حسب التسعيرة الثانية

أ - عبّر عن Y_1 و Y_2 بدلالة x .

ب- حل المتراجحة $15x > 12x + 900$

3- في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

أ- مثل بيانيا الدالتين f ; g حيث : $f(x) = 15x$ و $g(x) = 12x + 900$

(1 cm على محور الفواصل يمثل 50 km ، 1 cm على محور الترتيب يمثل 500 DA)

ب- استعمل التمثيل البياني لتحديد أفضل تسعيرة مع الشرح .

شهادة 2008

التمرين الأول : (2.5 نقطة)

1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215 .

2) أكتب الكسر $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني : (3.5 نقطة) : $A = (2 - \sqrt{3})^2$ عدد حيث :

1) أنشر ثم بسط A .

2) لتكن العبارة الجبرية E حيث : $E = x^2 - (7 - 4\sqrt{3})$

- أحسب القيمة المضبوطة من أجل $x = \sqrt{7}$.

- حلل E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

- حل المعادلة $(x-2+\sqrt{3})(x+2-\sqrt{3}) = 0$

التمرين الثالث : (3 نقطة) - وحدة الطول المختارة هي السنتيمتر

ABC مثلث قائم في A حيث $AB = 3$ و $BC = 5$

أنشئ الشكل ثم حدد الطول AC .

E نقطة من $[AB]$ حيث $AE = 1$.

المستقيم الذي يشمل E ويعامد (AB) يقطع (BC) في النقطة M

- أوجد الطول BM

أحسب $\cos \angle ABC$ ثم استنتج قياس الزاوية $\angle EMB$ (تدور النتيجة إلى الدرجة)

التمرين الرابع : (3 نقطة)

المستوي منسوب إلى المعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

علم النقطتين $A(0, 4)$ ، $B(1, 0)$.

حدد العبارة الجبرية للدالة التآلفية التي تمثلها البياني هو المستقيم (AB)

يكن المستقيم (Δ) التمثيل البياني للدالة $g(x) = \frac{2}{3}x + 2$ حيث :

أنشئ (Δ) . وجد إحداثي M نقطة تقاطع المستقيمين (AB) و (Δ) .

المسألة (08 نقطة)

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 2400 m^2 و عرضها يساوي ثلثي طولها ،

أراد صاحب هذه القطعة استخدامها كحظيرة للسيارات و للشاحنات ذات الحجم الصغير .

1- أحسب عرض و طول هذه القطعة .

2- يتم تقسيم هذه القطعة كما هو مبين

في الشكل الموالي: S_1 الجزء المخصص للسيارات

S_2 : الجزء المخصص للشاحنات حيث $AM = x$

أ - عبّر عن مساحتي الجزئين S_1 و S_2 بدلالة x

ب - إذا علمت أن المساحة المخصصة لسيارة واحدة هي 18 m^2

و للشاحنة الواحدة هي 30 m^2 أوجد x حتى يتسع الجزء S_1 لـ 80 سيارة ثم

استنتج في هذه الحالة أكبر عدد للشاحنات التي يمكن توقفها في الجزء S_2 .

1- المدخول اليومي للحظيرة لما تكون كل الأماكن محجوزة هو 8960 DA

حدد تسعيرة التوقف اليومي لكل من السيارة الواحدة و الشاحنة الواحدة إذا علمت

أن تسعيرة التوقف اليومي للسيارة 30% من تسعيرة التوقف اليومي للشاحنة .

شهادة 2009

التمرين الأول : (03 نقطة)

لتكن الأعداد A ، B ، C حيث : $C = \sqrt{5} + 1$ ، $B = 2\sqrt{45}$ ، $A = \sqrt{80}$

1 - أكتب $A+B$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي .

2 - بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي .

3 - أكتب C^2 على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثاني : (03 نقطة)

لتكن العبارة E حيث : $E = 2x - 10 - (x - 5)^2$

1 - أنشر ثم بسط العبارة E .

2 - حلل العبارة E .

3 - حل المعادلة : $0 = (x - 5)(7 - x)$

التمرين الثالث : (02.5 نقطة)

$[AB]$ قطعة مستقيم طولها 6 cm

1 - أنشئ النقطة C صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A و

قيس زاويته 90° في اتجاه عكس عقارب الساعة .

2 - ما نوع المثلث ABC ؟ (برر إجابتك) .

3 - أوجد الطول BC .

التمرين الرابع : (03.5 نقطة)

1 - حل الجملة : $\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases}$

2- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 500 و 125 .

3- ملأ تاجر 4000g من الشاي في علب من صنف 125g و صنف 500g إذا

علمت أن العدد الكلي للعلب هو 14 ، أوجد عدد العلب لكل صنف .

(لاحظ أن $32 \times 125 = 4000$)

المسألة (08 نقاط)

تم بناء خزان للماء على شكل أسطوانة دورانية نصف قطر قاعدتها 5m و ارتفاعها 4m

لتزويد مسبح على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدته 20m و 6m و ارتفاعه 2m .

1 - احسب سعة كل من الخزان و المسبح . (نأخذ $\pi = 3.14$) .

إذا علمت أن الخزان مملوء تماما و المسبح فارغ تماما و تدفق الماء في المسبح هو $12 \text{ m}^3 / \text{h}$

أي 12 m^3 في الساعة ، أحسب كمية الماء المتدفقة في المسبح و كمية الماء المتبقية في

الخزان بعد مرور ثلاث ساعات .

2 - نفرض أن الخزان مملوء (سعته 314 m^3) و المسبح فارغ . نسمي $f(x)$ كمية

الماء المتبقية في الخزان و $g(x)$ كمية الماء المتدفقة في المسبح بالترتيب بعد مرور

x ساعة . أوجد العبارة $g(x)$ ثم استنتج العبارة $f(x)$ بدلالة x .

3 - تعتبر الدالتين f و g حيث $f(x) = 12x$ و $g(x) = 314 - 12x$

أ - أرسم التمثيل البياني لكل من الدالتين f و g في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$

(يؤخذ 1 cm يمثل 4h على محور الفواصل و 1 cm يمثل 50 m^3 على محور الترتيب)

ب - أوجد الوقت المستغرق لملء المسبح . ج - حل المعادلة $f(x) = g(x)$

- ماذا يمثل حل هذه المعادلة .