

المدة: ساعتان

اختبار الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

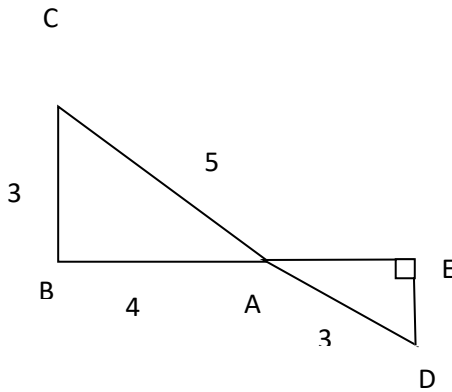
المستوى: 4 متوسط

التمرين الأول: (03 ن)① احسب $PGCD(133;63)$

- ② في متوسطة تربية عدد تلاميذ السنة الرابعة متوسط هو 196 تلميذ منهم 133 ذكور , موزعة على عدد معين من الأقسام . بحيث تكون متماثلة من حيث عدد الذكور و الإناث .
- (1) اوجد عدد أقسام السنة الرابعة متوسط .
 - (2) اوجد عدد التلاميذ في كل قسم .
 - (3) اوجد عدد تلاميذ الذكور في كل قسم .
 - (4) استنتج عدد الإناث في كل قسم .

التمرين الثاني: (03 ن)

- ① بين ان من اجل كل عدد حقيقي x المساواة التالية صحيحة : $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$
- ② لتكن العبارة E معرفة كما يلي : $E = (2x - 1)^2 - (2x^2 - 7x + 3)$
- (1) حلل العبارة E إلى جداء عاملين .
 - (2) حل المعادلة : $(2x - 1)(x + 2) = 0$

التمرين الثالث (03 ن)

إليك الشكل المقابل :

- ① اثبت أن المثلث ABC قائم في B
- ② اثبت أن : $(ED) \parallel (BC)$.
- ③ أحسب ED .
- ④ استنتج فيس الزاوية ACB بتدوير إلى الدرجة

التمرين الرابع (03 ن) :المستوي منسوب إلى معلم متعامد متجانس $(0; \vec{i}, \vec{j})$. وحدة الطول هي السنتيمتر.

- (1) عَلمّ النقط $A(3;1)$ ؛ $B(2;-2)$ ؛ $C(-3;3)$.
- (2) أحسب الأطول AB ، AC ، BC .
- (3) نفترض أن $AB = \sqrt{10}$ ، $AC = 2\sqrt{10}$ ، $BC = 5\sqrt{2}$.
- * بين أن المثلث ABC قائم ومتساوي الساقين.
- (4) أوجد احداثيات النقطة M مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC
- (5) أوجد احداثيات النقطة N صورة النقطة C بالانسحاب الذي شعاعه \vec{BA} .

المسألة (8 نقاط) :

جابر يعاني من ضعف في مادتي الرياضيات و الفرنسية ، وظنا منه أنه سيعالج هذا الضعف عن طريق الدروس الخصوصية ، استفسر عن الكيفية والكلفة ؛ فوجد أن :

- ❖ سعر حصة الرياضيات 50DA إضافة إلى 200DA مبلغ الاشتراك شهري .
- ❖ سعر حصة الفرنسية 70DA .

① أكمل الجدول

عدد الحصص	5		
المبلغ اللازم لحصص الرياضيات (DA)		600	
المبلغ اللازم لحصص الفرنسية (DA)			1050

② لتكن x عدد ساعات ، و y_1 كلفة لحصص مادة الرياضيات و y_2 كلفة لحصص مادة الفرنسية .

① عبر عن كل من y_1 و y_2 بدلالة x .

② اوجد قيمة حتي تكون $y_1 = y_2$

③ في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$. لتكن الدالة $f(x)$ ممثلة للكلفة y_1 و الدالة $g(x)$ ممثلة للكلفة y_2 .

① مثل الدالتين f و g في معلم المتعامدو المتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$ خذ كمقياس الرسم

1cm (على محور الفواصل يمثل حصة (1 ساعة) و 1cm على محور الترتيب يمثل 100DA) .

②

③ ظروف جابر المادية لا تسمح له بحضور حصص المادتين وعليه أن يختار مادة واحدة ؛ علما انه يملك 850DA و يريد حضور أكبر عدد ممكن من الحصص .

بالقراءة البيانية أجب : أي المادتين يختار وما هو عدد الحصص ؟

④ من البيان اوجد عدد حصص التي تكون من اجلها تكلفة مادة الرياضيات افضل من تكلفة مادة الفرنسية

انتهى و بالتوفيق

الصفحة 2/2

Belhocine : <https://prof27math.weebly.com/>

التصحيح النموذجي		التنقيط												
Belhocine : https://prof27math.weebly.com/														
3 ن	<p>(1) حساب : $\text{PGCD}(133; 63) = 7$ 1</p> <p>(2) عدد الأقسام هو $\text{PGCD}(133; 63) = 7$ 0</p> <p>(3) عدد تلاميذ كل قسم هو : $\frac{196}{7} = 28$ 0.5</p> <p>(4) عدد الذكور هو : $\frac{133}{7} = 19$ 0.5</p> <p>(5) عدد الإناث هو : $\frac{63}{7} = 9$ 0.5</p>	التمرين الأول												
3 ن	<p>(1) النشر : $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$ 1</p> <p>(3) التحليل : $E = (2x - 1)(x + 2)$ 1</p> <p>(4) حل المعادلة : $\left(x = \frac{1}{2}\right)$ أو $(x = -2)$ 1</p>	التمرين الثاني												
3 ن	<p>1 (حسب عكس نظرية فيثاغورث نستنتج أن المثلث ABC قائم في B 1</p> <p>2 (لدينا $(ED) \perp (EB)$ و $(BC) \perp (EB)$ نستنتج : $(BC) \parallel (ED)$ 0.5</p> <p>3 (حسب نظرية طاليس : $\frac{ED}{BC} = \frac{AD}{AC}$ اي $\frac{ED}{3} = \frac{3}{5}$ اي $ED = 1.8$ 1</p> <p>4 (OB : $\frac{BC}{AC} = \frac{3}{5} \Rightarrow \cos ACB = \frac{3}{5}$ اي $\angle ACB \approx 53^\circ$ 0.5</p>	التمرين الثالث												
4 ن	<p>(1) علّم النقط $A(3; 1)$؛ $B(2; -2)$؛ $C(-3; 3)$ 0.75</p> <p>(2) أحسب الأطول : $AB = \sqrt{10}$ ، $AC = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$ ، $BC = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$ 0.75</p> <p>(3) حسب عكس نظرية فيثاغورث نستنتج أن المثلث ABC قائم في A 0.5</p> <p>(4) مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC هو منتصف الوتر $[BC]$ ومنه $M\left(\frac{-1}{2}; \frac{1}{2}\right)$ 0.5</p> <p>(5) احداثيات النقطة N صورة النقطة C بالانسحاب الذي \overrightarrow{BA} هي $N(-2; 6)$ 0.5</p> <p>Belhocine : https://prof27math.weebly.com/</p>	التمرين الرابع												
8 ن	<p>(1) اكمل الجدول:</p> <table><tr><th>عدد الحصص</th><th>5</th><th>8</th><th>15</th></tr><tr><td>المبلغ اللازم لحصص الرياضيات (DA)</td><td>450</td><td>600</td><td>950</td></tr><tr><td>المبلغ اللازم لحصص الفرنسية (DA)</td><td>210</td><td>560</td><td>1050</td></tr></table>	عدد الحصص	5	8	15	المبلغ اللازم لحصص الرياضيات (DA)	450	600	950	المبلغ اللازم لحصص الفرنسية (DA)	210	560	1050	المسألة
عدد الحصص	5	8	15											
المبلغ اللازم لحصص الرياضيات (DA)	450	600	950											
المبلغ اللازم لحصص الفرنسية (DA)	210	560	1050											

②

التعبير عن y_1 بدلالة المسافة x : $y_1 = 50x + 200$

التعبير عن y_2 بدلالة المسافة x : $y_2 = 70x$

(5) تمثيل الدالة f هي دالة تألفية تمثيلها البياني هو المستقيم (\square) الذي معادلته

$y = 50x + 200$: (\square) لتمثيله يلزمنا نقطتان $M(x_2; g(x_2))$ و $N(x_3; g(x_3))$

اذن $x_2 = 0$ $f(0) = 50 \times 0 + 200 = 200$ ومنه $M(0; 200)$

اذن $x_3 = 2$ $f(2) = 50 \times 2 + 200 = 300$ ومنه $N(2; 300)$

(4) تمثيل الدالة g هي دالة خطية تمثيلها البياني هو المستقيم (d) الذي يشمل المبدأ ومعادلته

$y = 70x$: (d) لتمثيله يلزمنا نقطة واحدة $C(x_1; f(x_1))$

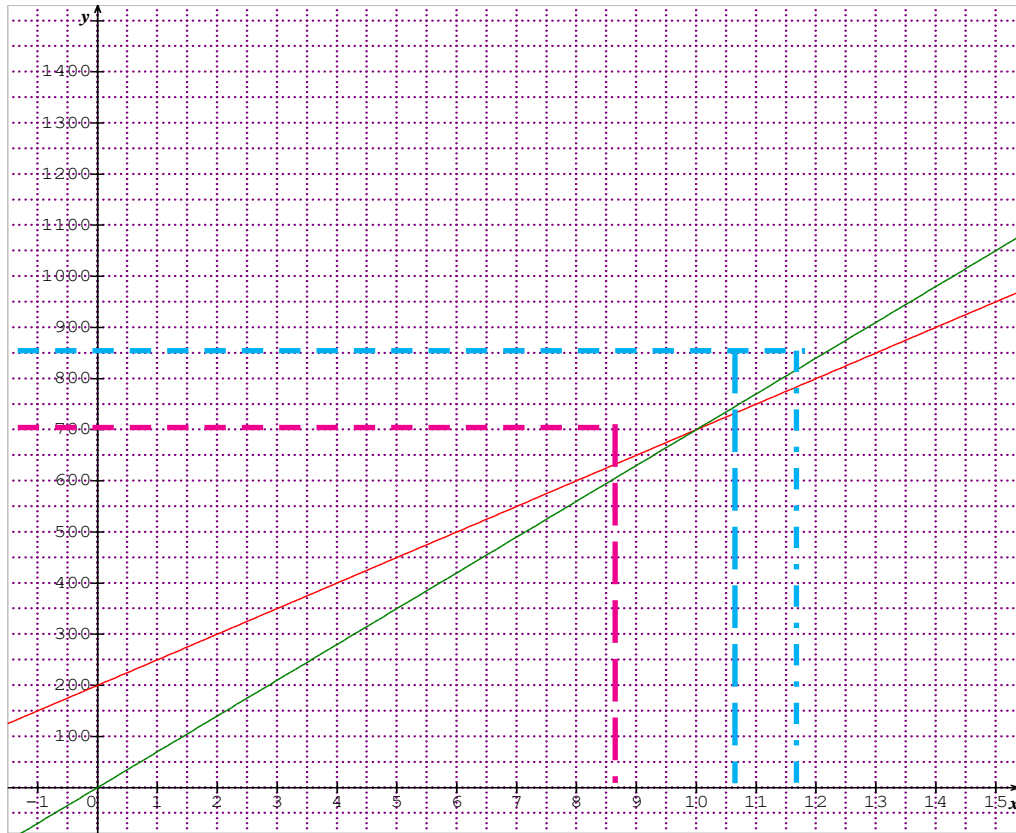
اذن $x_1 = 5$ $g(5) = 70 \times 5 = 350$ ومنه $C(5; 350)$

(7) أيجاد حسابيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة : حل المعادلة : $f(x) = g(x)$

اي $70x = 600 - 80x$ أي $x = 4$

(7) أيجاد بيانيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة : هي فاصلة نقطة تقاطع المستقيمين (d) و (\square)

اي $x = 4$



Belhocine : <https://prof27math.weebly.com/>

السؤال	المعيار	المؤشرات	سلم التنقيط	العلامة الجزئية	العلامة النهائية
1	م 1	تحديد المسافة التي تفصل مصطفى و أسامة عن العاصمة التعبير بدلالة x عن المسافة التي تفصل مصطفى عن العاصمة . التعبير بدلالة x عن المسافة التي تفصل أسامة عن العاصمة .	0.5 إن وفق مؤشر	1.5	8
	م 2	تمثيل الدالة f . تمثيل الدالة g . تحديد النقطة A موقع مصطفى على الساعة الثامنة و نصف تحديد النقطة B موقع أسامة على الساعة الثامنة و نصف تحديد حسابيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة . تحديد بيانيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة . تحديد مكان تلاقي مصطفى و أسامة .	0.25 إن وفق مؤشر	1.75	
	م 1	حساب المسافة التي تفصل مصطفى و أسامة عن العاصمة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة كتابة بدلالة x عن المسافة التي تفصل مصطفى عن العاصمة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة. كتابة بدلالة x عن المسافة التي تفصل أسامة عن العاصمة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة.		1	
	م 2	تمثيل الدالة f صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة تمثيل الدالة g صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة تحديد النقطة A موقع مصطفى على الساعة الثامنة و نصف صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة تحديد النقطة B موقع أسامة على الساعة الثامنة و نصف صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة حساب حسابيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة تحديد بيانيا توقيت تلاقي مصطفى و أسامة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة حساب مكان تلاقي مصطفى و أسامة صحيح و ان كانت الخوارزمية خاطئة	0.25 إن وفق مؤشر	1.75	
المؤشرين 3 و 4 للسوالين	م 3	- تسلسل خطوات الحل منطقي - رتبة مقدار النتائج معقولة - وحدات القياس محترمة - التصريح بالإجابة	0.25 لكل مؤشر	1	
	م 4	- الكتابة مقروءة - لا يوجد تشطيطات - ترقيم الإجابات	0.25 إن وفق في مؤشر واحد 0.5 إن وفق في المؤشرين 01 إن وفق في ثلاث مؤشرات	1	