

## إختبار الفصل الأول في الرياضيات

### التمرين الأول :

1 / \* اوجد :  $PGCD(3636, 6363)$

$$A = \frac{6363}{3636} + \frac{1}{2} \quad * \quad \text{أحسب و بسط } A \text{ حيث :}$$

التمرين الثاني : ليكن العدوان الحقيقيان  $A$  ،  $B$

$$B = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}} \quad , \quad A = 3\sqrt{75} - 5\sqrt{27} + 2\sqrt{3} \quad \text{حيث :}$$

1 \* اكتب العدد  $A$  على شكل  $a\sqrt{3}$

2 \* اكتب العدد  $B$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

3 \* أحسب المجموع  $E$  حيث :  $E = A + 3B$  ثم أعط القيمة المقربة له  $E$  بالنقطان إلى 0.01

التمرين الثالث : (وحدة الطول هي cm)  
متت قائم في  $S$  حيث :  $R$   $S$   $T$

$$\sin \widehat{STR} = \frac{3}{4} \quad , \quad RT = 8cm$$

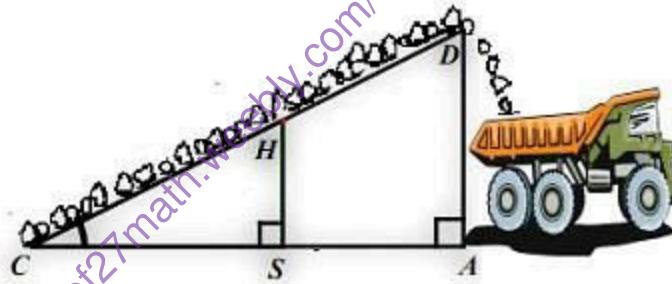
أحسب كلاً من :  $ST$  ،  $SR$

### التمرين الرابع :

$$\cos \alpha = \frac{1}{4} \quad \text{فـس زاوية حادة حيث : } \alpha$$

1. أحسب :  $\sin \alpha$

2. استنتج :  $\tan \alpha$  ( نعطي القيم المضبوطة )



الوضعية الادماجية :

مسألة :

في السكل المقابل :

(القياسات غير حقيقة)

حيث يتم شحن ساخنة

من مقطوع حارة

بواسطة بساط متحرك

طول البساط المتحرك  $CA = 10.8m$  وطول الأرضية  $CD = 11.7m$

1) - احسب  $DA$  ارتفاع قمة البساط على سطح الأرض .

2) - أ- احسب  $\cos \widehat{DCA}$  ، ثم استنتج قيس الزاوية

بالتدوير الى  $0.1^\circ$  .

ب- علما أن ركيزة ثبيت البساط  $[HS]$  طولها  $2.5m$

\* احسب المسافة  $CS$  .

3) - إذا كان سرعة البساط هي :  $1.5 m/s$  :

\* احسب الزمن اللازم لانقال حجرة من الوضع C إلى الوضع D

# الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديريّة التربية لولاية باتنة  
ال المستوى : الرابع متوسط  
ال توقيت : ساعتان

مديريّة التربية لولاية باتنة  
ال المستوى : الرابع متوسط  
ال تمارين الأول:

- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعدين 2835 و 3645  
- أكتب  $\frac{2835}{3645}$  على الشكل كسر غير قابل للاختزال.

## التمرين الثاني:

ليكن العدد الحقيقي  $A = \sqrt{98} + 1 - \sqrt{2}(\sqrt{2} - 1)$  حيث

$$A = 8\sqrt{2} - 1$$

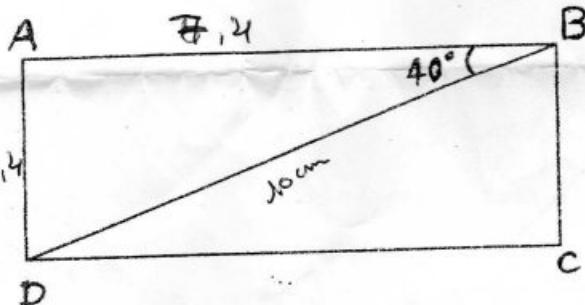
(1) بين أن  $A$  أكتب النسبة  $\frac{A}{\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

(2) ليكن العدد الحقيقي  $B = 8\sqrt{2} + 1$  حيث

(3) بين أن  $A \times B$  عدد طبيعي

(4) بين أن  $A \times B$  عدد طبيعي

## التمرين الثالث:



في الشكل المقابل  $ABCD$  مستطيل

حيث  $\angle ABD = 40^\circ$  و  $BD = 10 \text{ cm}$

(1) أحسب بعدي المستطيل بالتقريب إلى  $10^{-1}$

(2) استنتج مساحة المستطيل

## التمرين الرابع:

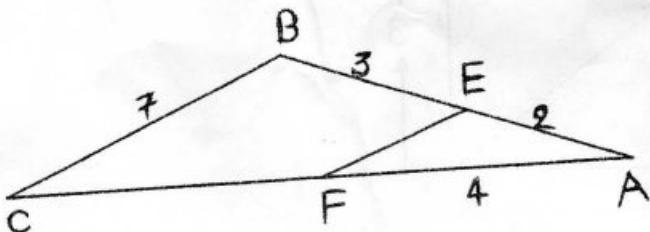
اليك الشكل المقابل وحدة الطول هي  $\text{cm}$

حيث  $(EF) \parallel (BC)$

أحسب  $FC$  و  $EF$

## المباراة:

يمثل الشكل أدناه قطعتي أرض متجاورتين الأولى على شكل مستطيل والثانية على شكل مثلث قائم أراد صاحبها زراعة قطعتين على شكل مثلث، القطعة الأولى  $MEF$  والقطعة الثانية  $TMC$



من أجل 2  $TM =$

1) ماهي المسافة التي يقطعها المزارع من النقطة  $C$  إلى النقطة  $M$

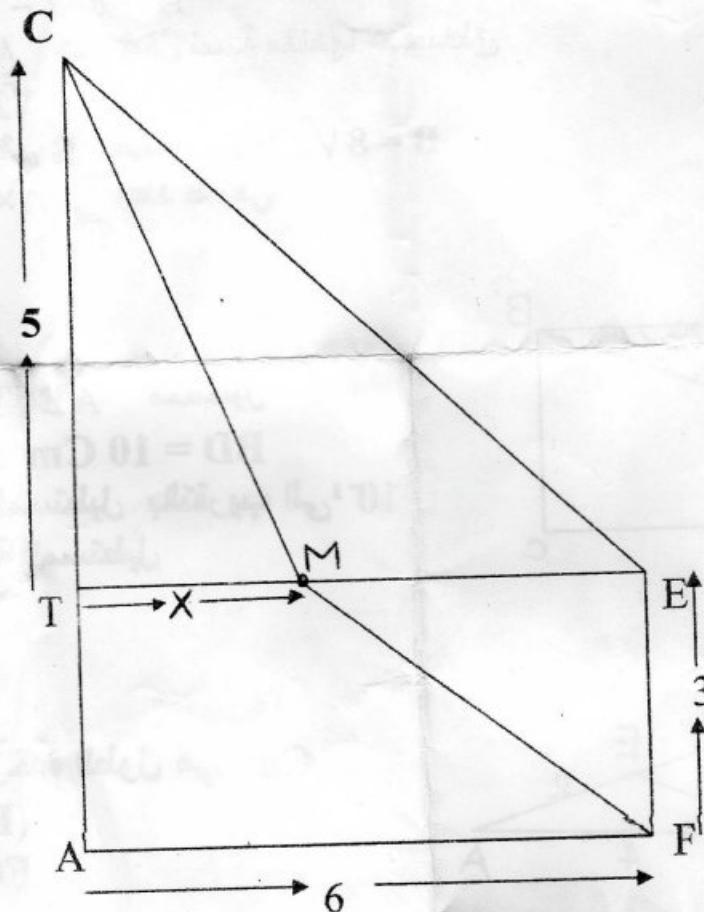
2) حدد قيس الزاوية  $\widehat{TMC}$  بتدوير الدرجة إلى الوحدة

3) أحسب مساحة كل من الجزئين المزروعين

4) احسب المدة التي يستغرقها المزارع للانتقال من النقطة  $C$  إلى النقطة  $M$  بتدوير  $4,7 \text{ km/h}$  إلى الوحدة علما ان معدل سرعته

تعتبر النقطة  $M$  هي موقع البئر المشترك بين القطعتين  
- نضع في هذه الحالة  $TM = x$

أ- عبر بدلالة  $x$  على  $A_1$  و  $A_2$  مساحتي المثلثين  $TMC$  و  $EFM$  على الترتيب  
ب- ماهي قيمة  $x$  التي تجعل  $A_1 = A_2$



2/2

الله ولبي الشوفيني

# الجذب

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

### التمرين الأول : (3 ن)

1. هل العددان 162 و 243 أوليان فيما بينهما ؟ بره جوابك .

2. اكتب الكسر  $\frac{162}{243}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال .

3. إذا وضعنا :  $PGCD(243; 162) = x$

✓ تحقق من أن :  $x^2 - 80x - 81 = 0$

### التمرين الثاني : (4 ن)

❖ إليك العبارتين التاليتين :

$$A = 3\sqrt{48} - 2\sqrt{75} + \sqrt{432} , \quad B = \sqrt{432} - \sqrt{75}$$

1. أكتب العبارتين A و B على الشكل  $a\sqrt{3}$

2. بين أن  $A \times B$  عدد طبيعي .

3. أكتب الكسر  $\frac{A+5}{B}$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

### التمرين الثالث : (3 ن)

❖ إليك العبارة التالية حيث :

$$C = (2x + 3)(2x - 3) - (x + 1)^2 + 2x - 38$$

1. أنشر ويسط العبارة C .

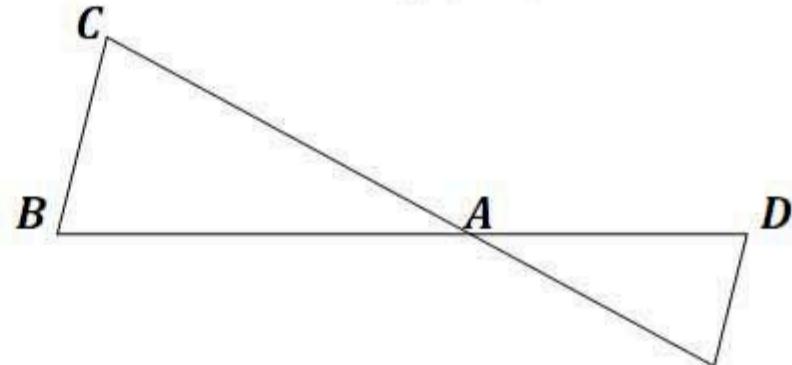
2. حل المعادلة C = 0 .

### التمرين الرابع : (2 ن)

❖ إليك الشكل المقابل ، - إذا علمت أن :

$$AB = 6\text{cm} , AD = 3\text{cm} , AC = 5\text{cm} , DE = 2\text{cm}$$

- أحسب الطولين : AE ، BC .



أقلب الصفحة...

### المسألة : (8 ن) " يجب اعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدورۃ الى الواحدة "

- يُعد الدوري الإسباني لكرة القدم من بين أفضل وأقوى الدوريات في العالم ، حيث يتتوفر على فرق قوية وخاصة فريق ريال مدريد وبرشلونة اللذان يضمّان أفضل لاعبين في العالم حالياً وهما البرتغالي كريستيانو رونالدو والأرجنتيني ليونيل ميسي .

❖ سجل ميسي منذ انضمامه إلى "البارصا" 243 هدفا ، فيما سجل رونالدو منذ انضمامه إلى "الريال" 162 هدفا ، نريد فرضاً تقسيم عدد أهداف اللاعبين على أكبر عدد ممكن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلاً في كل مباراة من حيث عدد أهداف رونالدو وعدد أهداف ميسي .

1. ما هو عدد هذه المباريات ؟

2. ما هو عدد أهداف ميسي في كل مباراة ؟ و ما هو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة ؟

❖ في إحدى مباريات "الريال" سدد رونالدو كرة قوية من الموضع A (لاحظ الشكل) ، شكل مسار الكرة مع الأرض زاوية قيسها  $\widehat{BAC} = 25^\circ$  ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم ، باعتبار أن مسار الكرة مستقيم وعلو القائم هو  $BC = 25 \text{ dm}$  .

1. أحسب البُعد AB بعد رونالدو عن القائم .

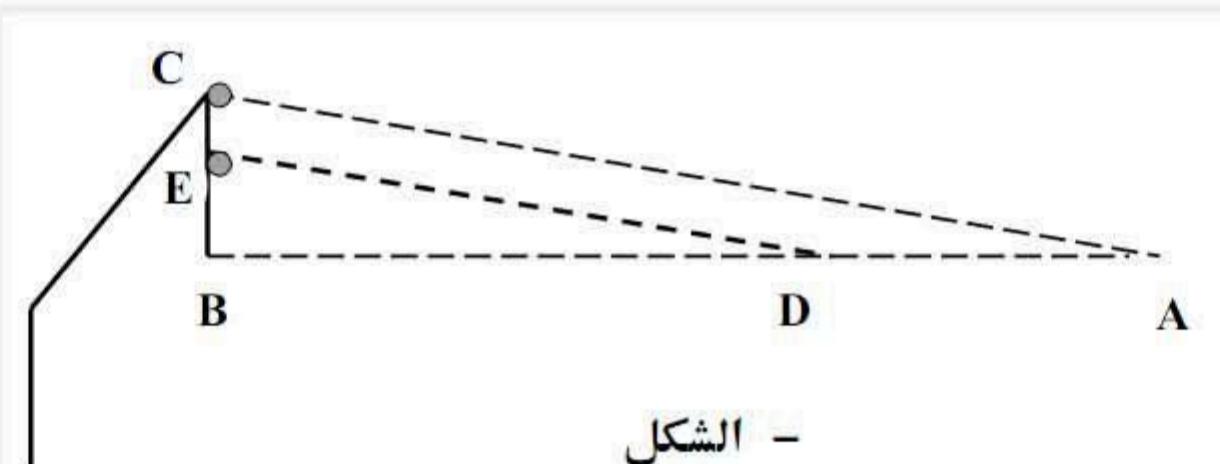
2. أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ وكذلك في إحدى مباريات "البارصا" سدد ميسي كرة قوية من الموضع D (لاحظ الشكل) ، اصطدمت هذه التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع  $\left(\frac{3}{4}\right)$  القائم ، ويبعد ميسي عن القائم بمسافة  $BD = 40 \text{ dm}$  .

1. أحسب قيس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض  $\widehat{EDB}$  .

2. أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ أثبت أن مسار كرة رونالدو (AC) يوازي مسار كرة ميسي (DE) .



- الشكل

ملاحظة : عدد أهداف اللاعبين افتراضي ويختلف عن العدد الحقيقي .

حظ موفق للجميع ...

أستاذ المادة : حسين جديلات

## امتحان الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: 3 نقاط

أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 315 و 1155

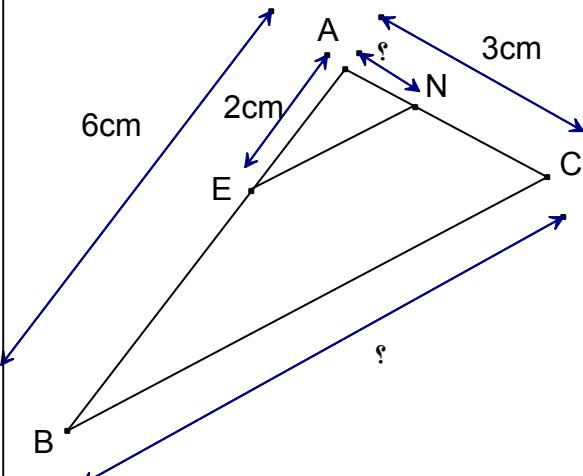
اجعل الكسر  $\frac{315}{1155}$  غير قابل للاختزالالتمرين الثاني: 3 نقاط

$$A = 2\sqrt{8} + \sqrt{80} - \sqrt{45} . \quad B = \frac{3}{7} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{7}$$

• 1/ اكتب كلا من A و B على أبسط شكل ممكن

• 2/ بين أن مقلوب A هو العدد  $\frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}$ التمرين الثالث: 3 نقاط

في الشكل المجاور محيط المثلث هو 17cm و  $EN \parallel BC$  احسب الأطوال EN ، AN ، BC



- أوجد مساحة مربع طول ضلعه هو  $(2\sqrt{3} + 1) \text{ cm}$
- احسب مساحة مستطيل طوله  $(5 - 1) \text{ cm}$  وعرضه  $3 \text{ cm}$
- حلل ما يلي

$$(3X - 1)(X + 5) - (3X - 1)(7 - 2X) \\ 2X^2Y + 14XY - 8XY^2$$

المشارة: 8 نقاطالجزء الأول

اشترى تاجر سلعة من المدينة A و قم بنقلها الى متجره الذي يقع بالمدينة B عبر طريق مرتفع بزاوية

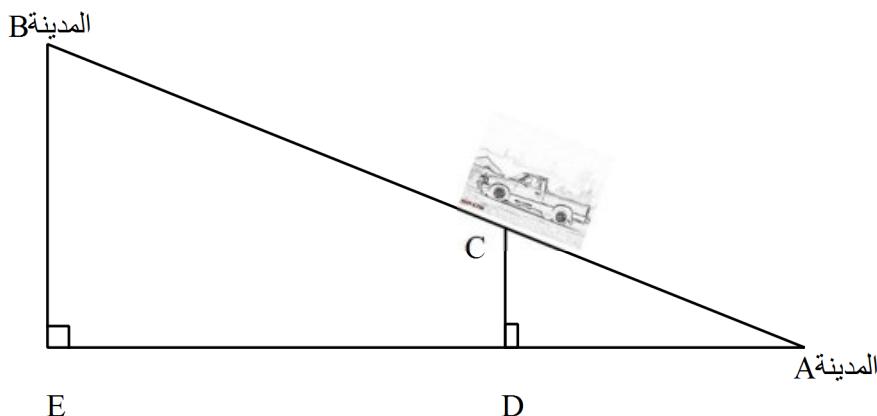
أقلب الصفحة

معينة. وأثناء سيره وبعد قطعه مسافة 3km وفي النقطة C كان ارتفاعه عن مستوى المدينة A

هو  $CD = 0,6\text{km}$ . احسب  $\sin \widehat{CAD}$  واستنتج قيس الزاوية  $\widehat{CAD}$  بالتدوير الى الوحدة من الدرجة .

/2 إذا علمت أن ارتفاع المدينة B عن مستوى المدينة A هو  $BE = 10\text{km}$

ما هي المسافة بين المدينتين؟



### الجزء الثاني

لاحظ التاجر أن الإقبال على شراء الشوكولاتة و البيض قليل و خاف أن تفسد و يتكدس خسارتها. لكن الإقبال على شراء أكياس الحليب كان كبيرا فجأته فكرة أن يقوم بتجميعها في علب متماثلة.

إذا كان عدد أكياس الحليب هو 240 كيسا و عدد لوحات الشوكولاتة هو 60 لوحة و عدد حبات البض هو 180 بيضة. ما هو أكبر عدد ممكن من المجموعات التي يمكن الحصول عليها ؟

كم كيس حليب وكم حبة بيض وكم لوحة شوكولاتة في كل علبة؟

تمنياتي بالتوفيق والنجاح

أستاذ المادة

### الحل النموذجي

#### التنقيط

1.5 .....  
.....

#### التمرين الأول

إتحاد القاسم المشترك الأكبر

$$1155 = 315 \times 3 + 210$$

$$315 = 210 \times 1 + \boxed{105}$$

$$210 = 105 \times 2 + 0$$

إدن:  $\text{PGCD}(315, 1155) = 105$

1.5 .....  
.....

#### اختزال الكسر

$$\frac{315}{1155} = \frac{315 \div 105}{1155 \div 105} = \boxed{\frac{3}{11}}$$

#### التمرين الثاني

#### /1 تبسيط العبارتين

1 .....  
.....

$$\begin{aligned} A &= 2\sqrt{8} + \sqrt{80} - \sqrt{45} = 2\sqrt{4 \times 2} + \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5} \\ &= 2 \times 2\sqrt{2} + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} = 4\sqrt{2} + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} \\ &= \boxed{4\sqrt{2} + \sqrt{5}} \end{aligned}$$

1 .....  
.....

$$\begin{aligned} B &= \frac{3}{7} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{7} = \frac{3}{7} - \frac{3 \times 2}{4 \times 7} = \frac{3}{7} - \frac{6}{28} = \frac{3}{7} - \frac{3}{14} = \frac{6}{14} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{6-3}{14} = \boxed{\frac{3}{14}} \end{aligned}$$

1 .....  
.....

$$\frac{1}{A} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{A} &= \frac{1}{4\sqrt{2} + \sqrt{5}} = \frac{1 \times (4\sqrt{2} - \sqrt{5})}{(4\sqrt{2} + \sqrt{5})(4\sqrt{2} - \sqrt{5})} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{4^2 \sqrt{2}^2 - \sqrt{5}^2} \\ &= \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{16 \times 2 - 5} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{32 - 5} = \boxed{\frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}} \end{aligned}$$

0.5 .....  
.....

#### التمرين الثالث

#### حساب BC

$$BC = 17 - (3 + 6) = 17 - 9 = 8$$

ABC مثلث . E نقطة من [AB] . N نقطة من [AC] حيث : (EN)//(BC)

$$\text{اذن حسب نظرية طاليس فإن : } \frac{AE}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{EN}{BC}$$

$$\text{بالتعمية نجد : } \frac{2}{6} = \frac{AN}{3} = \frac{EN}{8}$$

و منه

$$AN = \frac{3 \times 2}{6} = \frac{6}{6} = 1$$

$$EN = \frac{8 \times 2}{6} = \frac{16}{6} = \frac{8}{3}$$

#### التمرين الرابع

$$0.75 \text{ ..... } (2\sqrt{3} + 1)^2 = 2^2 \times \sqrt{3}^2 + 2 \times 2\sqrt{3} \times 1 = 4 \times 3 + 1 + 4\sqrt{3} = [13 + 4\sqrt{3}] / 1$$

اذن: مساحة المربع هي  $(13 + 4\sqrt{3}) \text{ cm}^2$

$$0.75 \text{ ..... } 5x - 1 \quad x + 3 = 5x \quad x + 3 - 1 \quad x + 3 / 2 \\ = 5^2 + 15x - x - 3 = 5x^2 + 14x - 3$$

اذن مساحة المستطيل هي  $(5^2 + 14x - 3) \text{ cm}^2$

#### التحليل /3

$$(3 - 1)(x + 5) - (3x - 1)(7 - 2x) = (3x - 1)[(x + 5) - (7 - 2x)] \\ = (3x - 1)[x + 5 - 7 + 2x] = (3x - 1)(3x - 2) \\ B = 2x^2y + 14xy - 8xy^2 = 2xy(x + 7 - 4y)$$

#### الوضعية الإدماجية

#### اللجزء الأول

$$0.75 \text{ ..... } \sin \widehat{ABC} = \frac{CD}{AC} = \frac{0.6}{3} = 0.2 / 1$$

باستخدام الحاسبة نجد  $ABC = 11.53$  وبالتدوير الى الوحدة من الدرجة نجد  $12$

#### حساب AB /2

لدينا  $AB = \frac{10}{0.2} = 50$  و منه :  $\sin \widehat{ABC} = \frac{EB}{BA}$  بالتعويض

ملاحظة : يمكن حساب  $AB$  باستخدام نظرية طاليس

### الجزء الثاني

#### حساب أكبر عدد ممكن من العلب

أكبر عدد ممكن من العلب التي يمكن الحصول عليها هو  $PGCD(240, 60, 180)$

$$PGCD(240, 60, 180) = PGCD(PGCD(240, 60), 180)$$

لدينا :  $PGCD(240, 60) = 60$  يعني  $240 = 60 \times 4 + 0$

ولدينا :  $PGCD(180, 60) = 60$  منه  $180 = 60 \times 3 + 0$

$$PGCD(240, 60, 180) = 60 \quad \text{إذن:}$$

أي أن أكبر عدد من العلب التي يمكن تشكيلها هو 60 علبة

#### حساب عدد أكياس الحليب وحبات البيض ولوحات الشوكولاتة

لدينا  $240 \div 60 = 4$  يعني في كل علبة 4 أكياس حليب

$180 \div 60 = 3$  يعني في كل علبة 3 حبات بيض

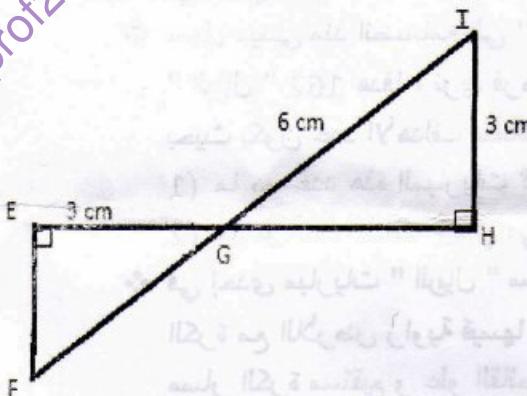
$60 \div 60 = 1$  يعني في كل علبة لوحة شوكولاتة وحيدة

تنظيم الأجوبة ونظافة الورقة

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (3 نقاط)

إليك الشكل الآتي :

1) أحسب  $\widehat{IGH}$  (قيس الزاوية مدور الى الدرجة)2) إستنتج  $\widehat{EGF}$ .3) احسب الأطوال :  $FG$  ،  $EF$  بالتقريب الى  $10^{-1}$ 

التمرين الثاني : (3 نقاط)

لتكن العبارة  $C$  حيث :

$$C = (\sqrt{8} + \sqrt{2}x)^2$$

1) انشر ثم بسط العبارة  $C$ .2) حل المعادلة  $C - 8x = 40$ .

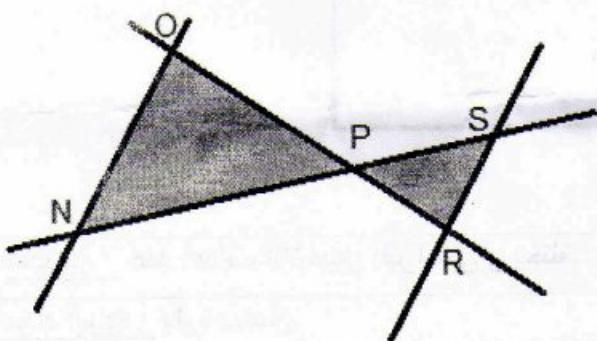
التمرين الثالث : (3 نقاط)

لتكن الأعداد الحقيقة  $A, B, C$  حيث :

$$A = \sqrt{12} + \sqrt{75} + 4\sqrt{300}$$

$$C = \frac{5}{\sqrt{2} + \sqrt{18}} + \frac{3}{\sqrt{2} - \sqrt{18}}$$

$$B = \sqrt{21} + \sqrt{13} + \sqrt{7} + \sqrt{3} + \sqrt{1}$$

1) أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $b$  أصغر ما يمكن.2) بين أن  $B$  عدد طبيعي.3) أكتب  $C$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $a$  كسر غير قابل للإختزال و  $b$  أصغر ما يمكن.

التمرين الرابع : (3 نقاط)

إليك الشكل:  $PN = 3 + \sqrt{3} \text{ cm}$  ،  $ON = \sqrt{3} \text{ cm}$  $SR = 3 - \sqrt{3} \text{ cm}$   $(ON) \parallel (SR)$ 1) أحسب  $PS$  (تعطى النتيجة على شكل  $a\sqrt{b}$ ).2) أحسب  $NS$  (تعطى النتيجة على شكل  $a + c\sqrt{b}$ ).

المأساة : ( 8 نقاط )

" يجب إعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدوره إلى الوحدة "

- بعد الدوري الإسباني لكرة القدم من بين أفضل وأقوى الدوريات في العالم ، حيث يتوفّر على فرق قوية و خاصة فريق ريال مدريد و برشلونة اللذان يضمّان أفضل لاعبين في العالم حالياً و هما البرتغالي رونالدو والأرجنتيني ميسي .

❖ سجل ميسي منذ انضمامه إلى " البارسا " 243 هدفاً ، فيما سجل رونالدو منذ انضمامه إلى " الريال " 162 هدفاً ، نريد فرضاً تقسيم عدد أهداف اللاعبين على أكبر عدد ممكّن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلاً في كل مباراة من حيث عدد أهداف رونالدو و عدد أهداف ميسي .

1) ما هو عدد هذه المباريات ؟

2) ما هو عدد أهداف ميسي في كل مباراة ؟ و ما هو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة ؟

❖ في إحدى مباريات " الريال " سدد رونالدو كرة قوية من الموضع  $A$  ( لاحظ الشكل ) ، شكل مسار الكرة مع الأرض زاوية قيسها  $25^\circ$  ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم ، بإعتبار أن مسار الكرة مستقيم و علو القائم هو  $BC = 25\text{ dm}$  .

1) أحسب البعد  $AB$  بعد رونالدو عن القائم .

2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ و كذلك في إحدى مباريات " البارسا " سدد ميسي كرة قوية من الموضع  $D$  ( لاحظ الشكل ) ،

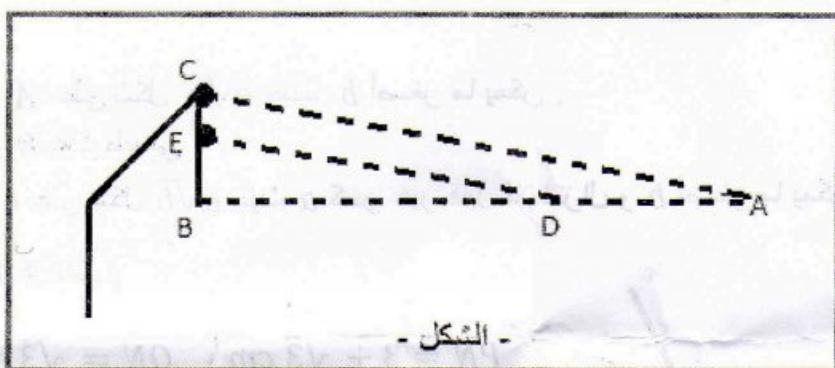
اصطدمت هذه التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع  $\left(\frac{3}{4}\right)$  القائم ، و يبعد ميسي عن القائم بمسافة

$. BD = 40\text{ dm}$

1) أحسب قيس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة من الأرض  $\overline{EDB}$  .

2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ أثبت أن مسار كرة رونالدو  $(AC)$  يوازي مسار كرة ميسي  $(DE)$  .



ملاحظة : عدد أهداف اللاعبين افتراضي و يختلف عن العدد الحقيقي .

حظ موفق للجميع ....

أستاذ المادة : بارة دحمان

# الرياضيات

ساعتان (02)



4  
مائه سط

الثلاثاء 2 ديسمبر 2014



الجزء الأول (12 نقاط)

التمرين الأول

2

⇨ أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 3073 و 1317

⇨ أكتب الكسر  $\frac{3073}{1317}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال

$$A = 3\sqrt{48} - \sqrt{75} + 3\sqrt{3}, \quad B = \sqrt{3} \quad \text{ليكن العداد } A \text{ و } B \text{ حيث :}$$

⇨ أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{3}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.

⇨ بين أن :  $A \times B = 30$

⇨ أكتب الكسر  $\frac{2}{\sqrt{3}}$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

التمرين الثاني

3

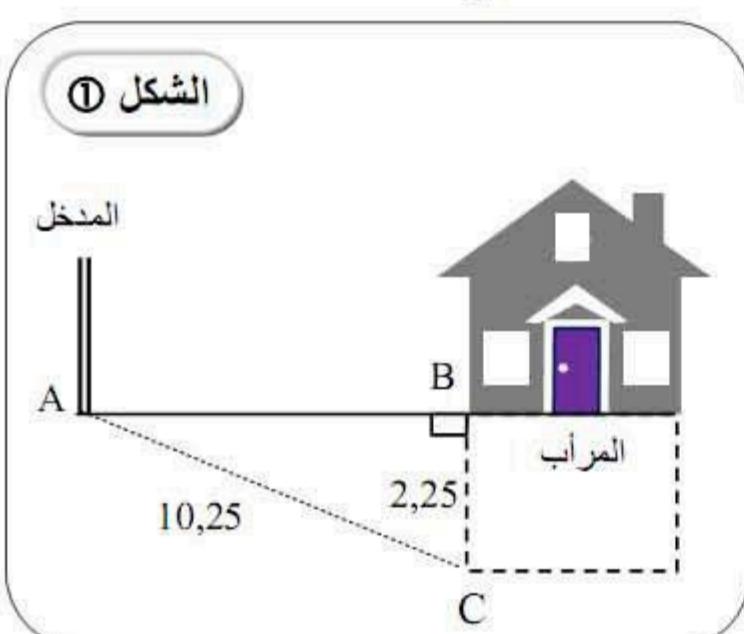
لدخول مرأب في الطابق السفلي (كما مبين في الشكل ①) باستعمال مدرج  $[AC]$

⇨ أحسب المسافة  $AB$  بين مدخل المنزل الخارجي و المدخل الداخلي

$$\text{عما أن : } BC = 2,25, \quad AC = 10,25$$

التمرين الثالث

3



التمرين الرابع

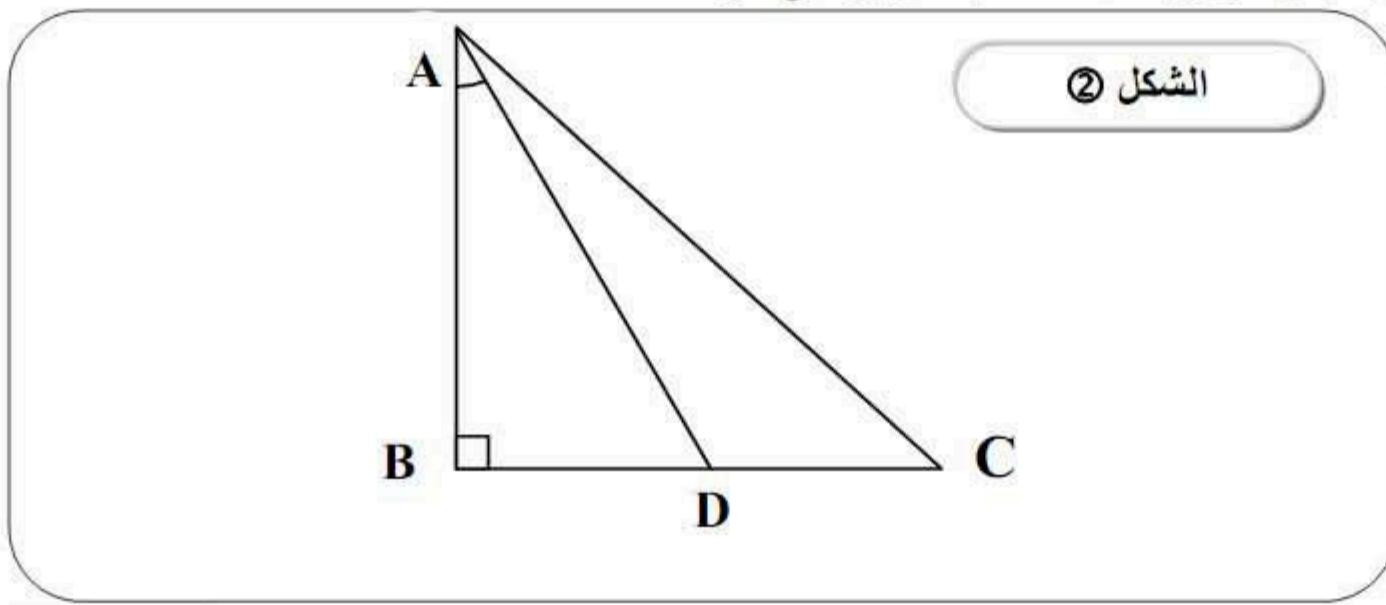
4

لاحظ الشكل ②،  $ABC$  مثلث قائم في  $B$  و متساوي الساقين

$$\widehat{DAB} = 30^\circ \quad BC = BA = 4\text{cm} \quad \text{حيث :}$$

⇨ أحسب الطول  $BD$ .

⇨ أحسب قيس الزاوية  $\widehat{DAC}$  بالتدوير الى الوحدة.



يتبع

تستعمل الحماية المدنية للإنقاذ شاحنة مجهزة بسلم طوله 8m ويتمدد ليصل طول أقصاه 20m . تتموضع الشاحنة قبالة عمارة تتكون من 8 طوابق ارتفاع كل طابق هو 3m وهذا الإنقاذ سكان شقة في الطابق الثالث مختنقة بالغاز كما هو موضح في الشكل ③ .

⇨ أحسب قيس زاوية الرفع  $\widehat{EAB}$  بالتدوير الى الوحدة .

⇨ أحسب الطول AB .

⇨ أحسب الطول DE طول تمدد ذراع الرفع .

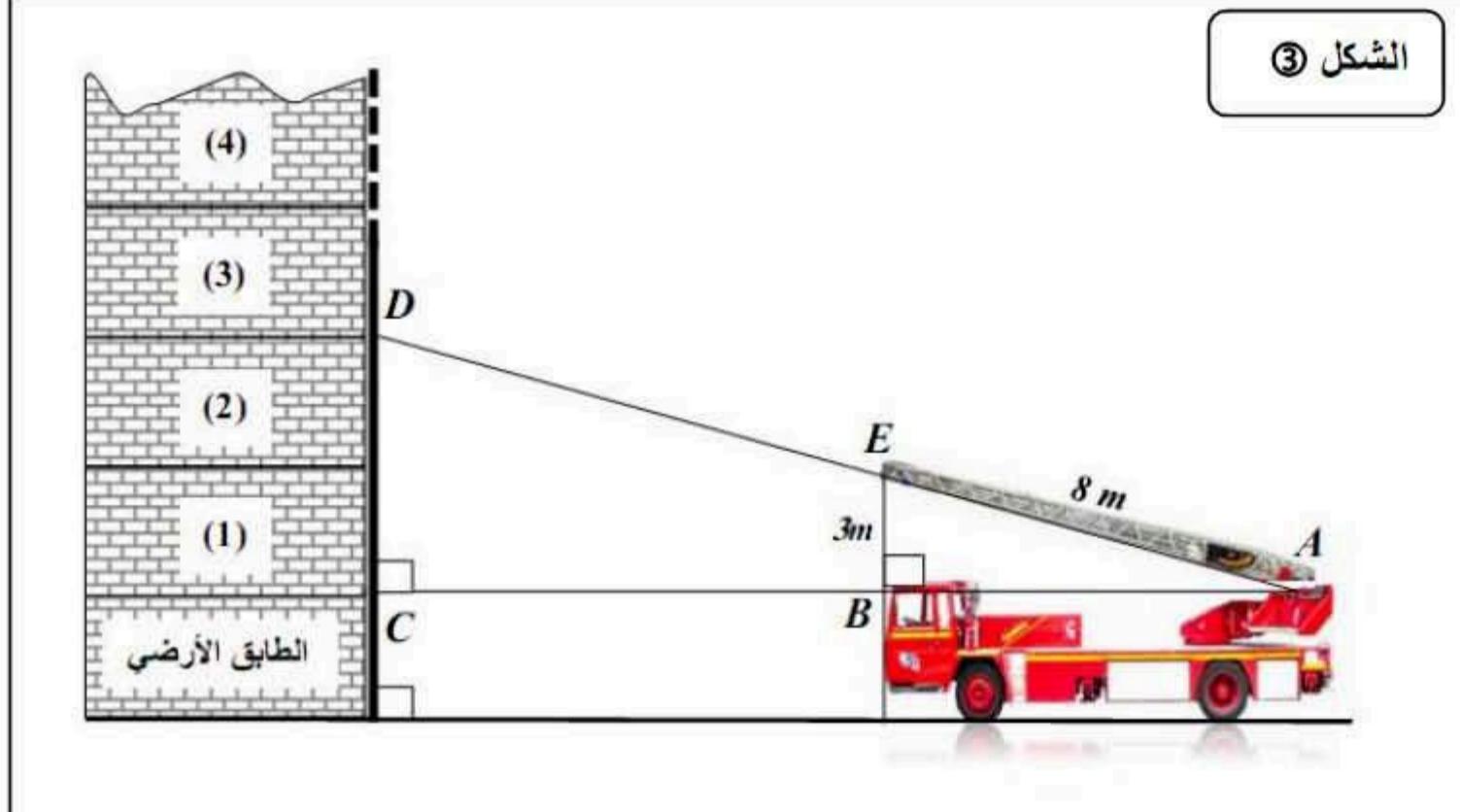
⇨ أحسب الطول BC بعد الشاحنة عن العمارة .

⇨ ما هو الطابق الذي يمكن أن يصله السلم إذا مدد الى أقصاه علماً أن الشاحنة بقيت في نفس المكان؟

- ببرر ذلك حسابياً .

8

الشكل ③



ملاحظات

⇨ يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

⇨ يؤخذ بعين الاعتبار نظافة الورقة



المدة: ساعتان

اختبار الفترة الأولى في مادة الرياضيات

الجزء الأول : (12 نقطة)

التمرين الأول: (02 نقط)

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 312 و 276 .

2) اكتب الكسر  $\frac{312}{276}$  على شكل غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني: (04 نقط)

ليكن العددان  $B = 5\sqrt{20} \times \sqrt{45} \times \sqrt{5}$  ،  $A = 5\sqrt{40} - 2\sqrt{90}$

1) اكتب كل من العدددين A و B على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث :  
 $a$  عدد نسبي و  $b$  أصغر عدد طبيعي ممكن .

2) بين أن  $\frac{B}{A} = \frac{75}{2\sqrt{2}}$  ثم اجعل مقام هذه النسبة عددا ناطقا.

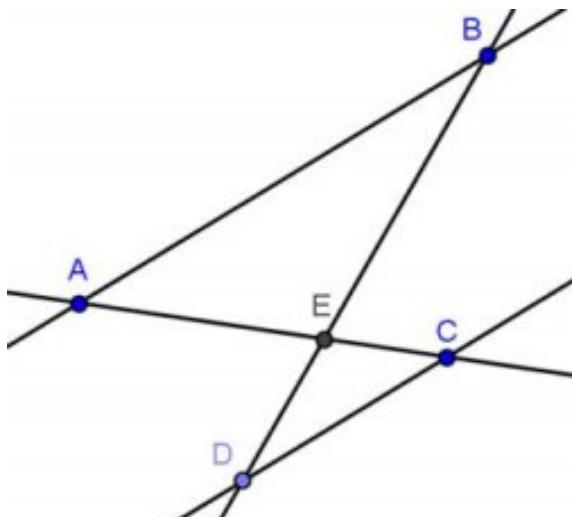
التمرين الثالث: (04 نقط)

1) انشر و بسط العبارة التالية

$$E = (4x + 5)^2 + (\sqrt{5}x + \sqrt{2})(\sqrt{5}x - \sqrt{2})$$

2) حل المعادلتين التاليتين ذات المجهول x .

$$7x^2 + 5 = 63 \quad , \quad x^2 = 8$$



التمرين الرابع : (02 نقط)

إليك الشكل المولاي (الأطوال غير حقيقة)

$$EA = 22 \text{ cm}$$

$$EB = 31,4 \text{ cm}$$

$$EC = 7 \text{ cm}$$

$$ED = 10 \text{ cm}$$

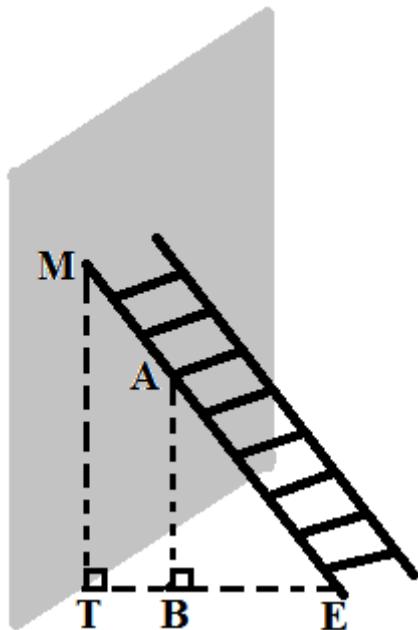
هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان ؟ ببر إجابتك .

**الجزء الثاني: مسألة (8 نقط).**

يضع بناء سلماً [ME] طوله 2,5m على جدار فيقع طرفه العلوي على ارتفاع 2m من الأرض، علماً أن الجدار يشكل زاوية قائمة مع الأرض (لاحظ الشكل).

- 1 - احسب  $\widehat{TEM}$  قيس الزاوية التي يصنعها هذا السلم مع الأرض ثم استنتج قيس الزاوية التي يصنعها  $\widehat{EMT}$  مع الجدار.
- 2 - احسب  $TE$  بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار.

صعد البناء على السلم وعند ثلاثة أرباعه ( $AE = \frac{3}{4}ME$ ) سقط من يده مسمار .  
3 - احسب  $TB$  بعد النقطة التي وقع فيها المسمار عن الجدار .



**ملاحظة:** تدوير أقیاس الزوايا إلى الدرجة والأطوال إلى السنتيمتر ( $10^{-2} \text{ m}$ ).

## الحل النموذجي وسلم التقييم للاختبار الأول في مادة الرياضيات مستوى الرابعة متوسط

<p>ن 0,5 ن 0,5 ن 0,5 ن 0,5 ن 8</p>	<p><b>التمرين الرابع: (02 نقط)</b> هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان ؟ لدينا في المثلث EAB نقطة من (EB) و نقطة من (EA) و نقطة من (EC)  <math display="block">\frac{EB}{ED} = \frac{31,4}{10} \quad \text{و} \quad \frac{EA}{EC} = \frac{22}{7}</math> <math display="block">31,4 \times 7 = 219,8 \quad \text{و} \quad 22 \times 10 = 220</math> <math display="block">220 \neq 219,8</math> <p>فحسب نظرية طالس العكسية المستقيمان (AB) و (DC) غير متوازيان.</p> <p><b>المسألة:</b></p> <p>1- حساب <math>\widehat{T\bar{E}M}</math> ثم استنتاج <math>\widehat{E\bar{M}T}</math> إذن: MET مثلث قائم في T</p> <math display="block">\sin \widehat{T\bar{E}M} = \frac{MT}{ME} = \frac{2}{2,5} = 0,8</math> <p>و منه <math>\widehat{T\bar{E}M} \approx 53^\circ</math> ومنه <math>\widehat{T\bar{E}M} \approx 37^\circ</math> (لأن الزاويتين الحادتين في مثلث قائم منتظمان) قيس الزاوية التي يشكلها السلم مع الأرض هو: <math>53^\circ</math> ومع الجدار هو: <math>37^\circ</math></p> <p>2- حساب الطول TE بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار: MET مثلث قائم في T فحسب نظرية فيثاغورس</p> <math display="block">ME^2 = MT^2 + TE^2</math> <math display="block">2,5^2 = 2^2 + TE^2</math> <math display="block">TE^2 = 2,5^2 - 2^2</math> <math display="block">TE^2 = 2,25</math> <p>و منه <math>TE = -\sqrt{2,25} = -1,5</math> (مرفوض لأن الطول موجب) أو <math>TE = \sqrt{2,25} = 1,5</math> بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار هو <b>1,5 m</b></p> <p>3- حساب TB بعد النقطة التي وقع فيها المسamar عن الجدار:</p> <math display="block">AE = \frac{3}{4} ME = \frac{3}{4} \times 2,5 = \frac{7,5}{4}</math> <p>لدينا في المثلث AEB القائم في</p> <math display="block">\cos A\widehat{E}B = \cos T\widehat{E}M = \frac{TE}{ME} = \frac{1,5}{2,5}</math> <math display="block">\cos A\widehat{E}B = \frac{BE}{AE} = \frac{1,5}{2,5}</math> <math display="block">\text{و منه } \frac{1,5}{2,5} = \frac{BE}{2,5}</math> <math display="block">BE = \frac{1,5}{2,5} \times \frac{7,5}{4} \approx 1,13</math> <p>و منه <math>TB = TE - EB \approx 1,5 - 1,13 \approx 0,37</math> بعد النقطة التي وقع فيها المسamar عن الجدار هو <b>0,37 m</b></p> </p>	<p>ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1 ن 1,5 ن 0,5 ن 1 ن 1</p>	<p><b>التمرين الأول: (02 نقط)</b> (1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 312 و 276 : باستخدام خوارزمية إقليidis للقيمات المتنالية</p> <table border="1" data-bbox="1056 224 1484 347"> <tr> <td>الحاصل</td> <td>1</td> <td>7</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>312</td> <td>276</td> <td>36</td> <td>24</td> <td>12</td> </tr> <tr> <td>الباقي</td> <td>36</td> <td>24</td> <td>12</td> <td>0</td> </tr> </table> <p>إذن <math>\text{PGCD}(312, 276) = 12</math></p> <p>(2) كتابة الكسر <math>\frac{312}{276}</math> على شكل غير قابل للاختزال: الكسر <math>\frac{312}{276} = \frac{312 \div 12}{276 \div 12} = \frac{26}{23}</math></p> <p><b>التمرين الثاني: (04 نقط)</b> (1) تبسيط العددين A و B</p> <p><math>A = 5\sqrt{40} - 2\sqrt{90}</math>  <math>A = 5\sqrt{4 \times 10} - 2\sqrt{9 \times 10}</math>  <math>A = 5\sqrt{2^2 \times 10} - 2\sqrt{3^2 \times 10}</math>  <math>A = 5 \times 2\sqrt{10} - 2 \times 3\sqrt{10}</math>  <math>A = 10\sqrt{10} - 6\sqrt{10}</math>  <math>A = 4\sqrt{10}</math></p> <p><math>B = 5\sqrt{20} \times \sqrt{45} \times \sqrt{5}</math>  <math>B = 5\sqrt{4 \times 5} \times \sqrt{9 \times 5} \times \sqrt{5}</math>  <math>B = 5\sqrt{2^2 \times 5} \times \sqrt{3^2 \times 5} \times \sqrt{5}</math>  <math>B = 5 \times 2\sqrt{5} \times 3\sqrt{5} \times \sqrt{5}</math>  <math>B = 30 \times 5\sqrt{5}</math>  <math>B = 150\sqrt{5}</math></p> <p>(2) بيان أن <math>\frac{B}{A} = \frac{75}{2\sqrt{2}}</math> ثم أجعل مقام هذه النسبة عدداً ناطقاً.  <math>\frac{B}{A} = \frac{150\sqrt{5}}{4\sqrt{10}} = \frac{75 \times 2\sqrt{5}}{2 \times 2\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = \frac{75}{2\sqrt{2}}</math></p> $\frac{75}{2\sqrt{2}} = \frac{75\sqrt{2}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{75\sqrt{2}}{2 \times 2} = \frac{75}{4}\sqrt{2}$ <p><b>التمرين الثالث: (04 نقط)</b> (1) نشر وتبسيط العبارة</p> $E = (4x + 5)^2 + (\sqrt{5}x + \sqrt{2})(\sqrt{5}x - \sqrt{2})$ $E = (4x)^2 + 5^2 + 2(4x \times 5) + (\sqrt{5}x)^2 - (\sqrt{2})^2$ $E = 16x^2 + 25 + 40x + 5x^2 - 2$ $E = 21x^2 + 40x + 23$ <p>(2) حل المعادلتين:</p> <p>لدينا <math>x^2 + 5 - 5 = -20</math> معناه <math>x^2 + 5 = -20</math>  <math>x^2 + 5 - 25 = -5</math> معناه <math>x^2 = -25</math>      فالمعادلة <math>x^2 + 5 = -20</math> لا تقبل حل.</p> <p>لدينا <math>\frac{7x^2}{7} = \frac{63}{7}</math> معناه <math>x^2 = 9</math>  <math>x = -\sqrt{9}</math> أو <math>x = \sqrt{9}</math>  <math>x = -3</math> أو <math>x = 3</math>      فالمعادلة <math>7x^2 = 63</math> تقبل حلين هما 3 و -3.</p>	الحاصل	1	7	1	2	312	276	36	24	12	الباقي	36	24	12	0
الحاصل	1	7	1	2														
312	276	36	24	12														
الباقي	36	24	12	0														

# الاختبار الأول في الرياضيات

الجزء الأول:

التمرين الأول: (3,5 نقط)

- (1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 1756.
- (2) هل العددان 1756 و 1317 أوليان فيما بينهما؟ بره.
- (3) اختزل إن أمكن:  $\frac{1756}{1317}$ .
- (4) عند بائع أزهار 1756 وردة بيضاء و 1317 وردة حمراء، ويريد أن يضعها كلها في باقات بحيث يوضع في كل باقة نفس العدد من الورد الأبيض و نفس العدد من الورد الأحمر.
  - (أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها؟
  - (ب) ما هي تشكيلة كل باقة؟

التمرين الثاني: (2,5 نقط)

- (1) أكتب العدد  $A$  و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث:  $A = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \times \left( \frac{5}{3} - 1 \right)$

- (2) أعط الكتابة العلمية للعدد  $B$  بحيث:  $B = \frac{4 \times 10^4 \times 12}{3 \times 10^{11}}$

- (3) أنشر ثم بسط العبارة  $C$  بحيث:  $C = (2x - \sqrt{3})^2 - (3x - \sqrt{5})(3x + \sqrt{5})$

- (ب) احسب  $C$  من أجل:  $x = \sqrt{3} + 1$ .

التمرين الثالث: (3 نقط)

$$N = 6 + \sqrt{80}, M = \sqrt{125} - \sqrt{20}$$

(1) بسط كلا من  $M, N$ .

(2) احسب ما يلي:  $M \times N, N - M$ .

(3) بين أن:  $(N - M)^2 = M \times N$ .

(4) اجعل مقام النسبة  $\frac{M}{N}$  عدداً ناطقاً.

التمرين الرابع: (3 نقط)

تمعن في الشكل المقابل:

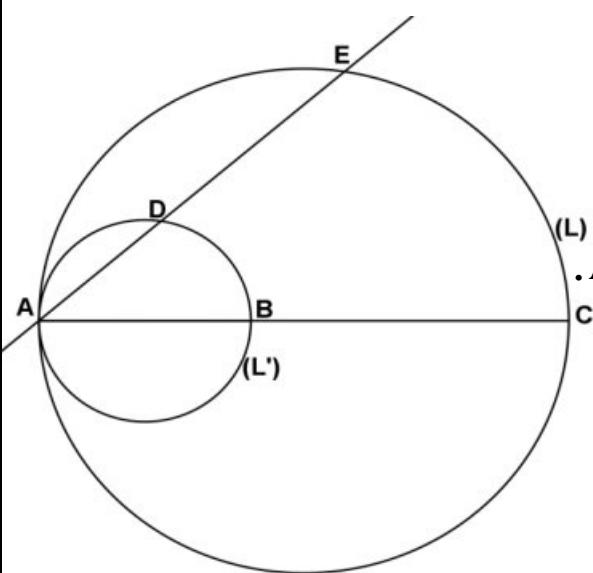
(1) بين نوع المثلثين  $AEC, ADB$ ،  $ADB$ ،  $AEC$ ؟ بره.

(2) ماذا تقول عن المستقيمين  $(DB, EC)$ ؟  $(DB, EC)$ ؟

(3) أرسم الشكل حيث:  $CA = BA$ ،  $mc01 = CA$ ،  $c4 = BA$ .

(أ) بين أن:  $EC = 6\text{cm}$ .

(ب) احسب  $DB$ .



الجزء الثاني:

الوضعية الادهماجية: ( 8 نقاط )

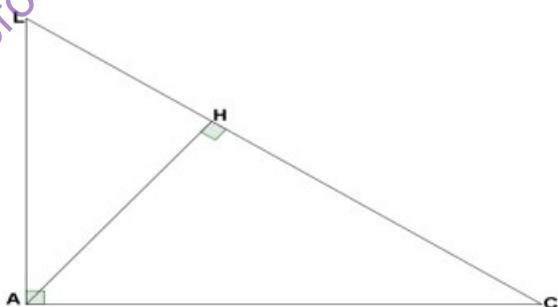
الفروع الأول:

ليكن  $LAC$  مثلث قائم في  $A$  حيث:  $[LC]$  هو الارتفاع المتعلق بالضلعين  $[AC]$  و  $[AH]$  حيث  $AC = 12\text{cm}$  ،  $LA = 9\text{cm}$

(1) احسب مساحة المثلث  $LAC$ .

(2) أوجد قيس الزاوية  $\widehat{ACL}$  و استنتج الطول  $AH$

(3) برهن أن:  $LC = 15\text{cm}$



الفروع الثاني:

نضع  $M$  نقطة من الصلع  $[LC]$  للمثلث  $LAC$  و نرمز بـ  $x$  للطول  $LM$  حيث:  $(0 < x < 15)$ .

(1) احسب الطول  $MC$  بدلالة  $x$ .

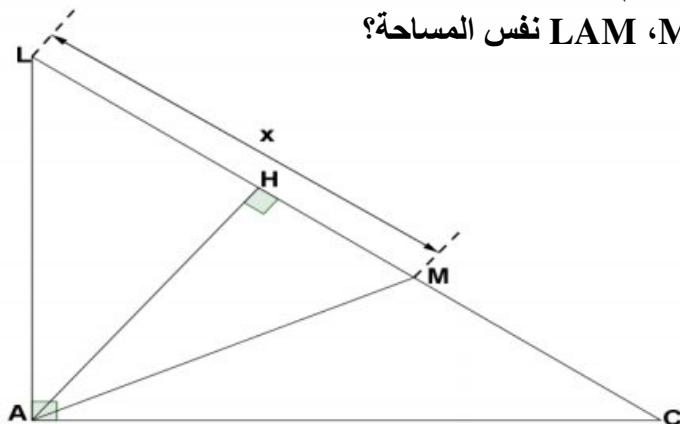
(2) القطعة  $[AH]$  يمكن اعتبارها في نفس الوقت ارتفاعا للمثلثين  $LAM$  ،  $MAC$  ،

أ) برهن أن: مساحة المثلث  $LAM$  هي  $3,6x(\text{cm}^2)$

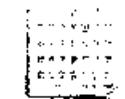
ب) برهن أن: مساحة المثلث  $MAC$  هي  $54 - 3,6x(\text{cm}^2)$

ج) ما هي قيمة  $x$  التي تجعل المثلثين  $LAM$  ،  $MAC$  نفس المساحة؟

✓ و ما هي قيمتها عندئذ؟



اختبار الفصل الأول في مادة  
الرياضيات



## التمرين الأول: (3 نقاط)

أعداد حقيقة حيث :

$$c = (5\sqrt{2} + 7)(5\sqrt{2} - 7) \quad , \quad b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \quad , \quad a = \sqrt{3\sqrt{100} + 6}$$

$$R = \frac{18 + 7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

(1) بسط الأعداد :  $c, b, a$ (2) حول النسبة  $k$  إلى نسبة مقامها عدد ناطق .(3) برهن أن :  $a + b + c = k$ 

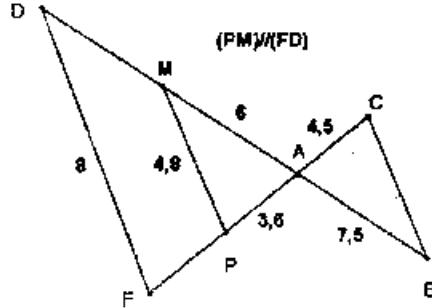
## التمرين الثاني: (3 نقاط)

 $M = (2x + 3)^2 + (4x - 5)(2x + 3)$  عبارة جبرية حيث  $M$ (1) أنشر ثم بسط العبارة  $M$ .(2) حلل العبارة  $M$ .(3) أحسب  $M$  من أجل  $x = \sqrt{5}$ 

## التمرين الثالث: (3 نقاط)

لاحظ جيداً الشكل المقابل

(وحدة الطول cm الأطوال ليست حقيقة)

(1) بيّن أن المثلث  $AMP$  قائم(2) أحسب الطولين:  $AF$  ،  $AD$ (3) برهن أن:  $(BC) \parallel (PM)$ 

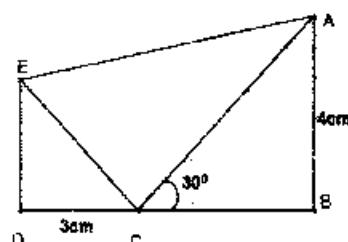
## التمرين الرابع: (3 نقاط)

تعن جيداً في الشكل المقابل (الأطوال ليست حقيقة)

طلب الأستاذ من زميلك حساب محيط المثلث القائم  $ACE$ . قائم في

ساعد زميلك في حساب محيط هذا المثلث ، علماً أن محيط

المثلث يساوي مجموع أطوال أضلاعه.





اختبار الفصل الأول في مادة  
الرياضيات

متوسطة أوماش الجديدة (بسكرة)

متوسط  
4



02  
ساعة



30 نوفمبر  
2015



التمرين الأول :

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 276 و 492 .
- 2) أكتب الكسر  $\frac{296}{492}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال .
- 3) استنتج مجموعة القواسم المشتركة للعددين 276 و 492 .

التمرين الثاني :

و B عدداً حيث:

$$B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3}, \quad A = 3 - 3 \div \frac{3}{7}$$

1). أحسب العدد A .

2). اكتب B على الشكل  $a\sqrt{3}$  .

3) إجعل مقام النسبة  $\frac{A}{B}$  عدداً ناطقاً .

التمرين الثالث: (03 ن):

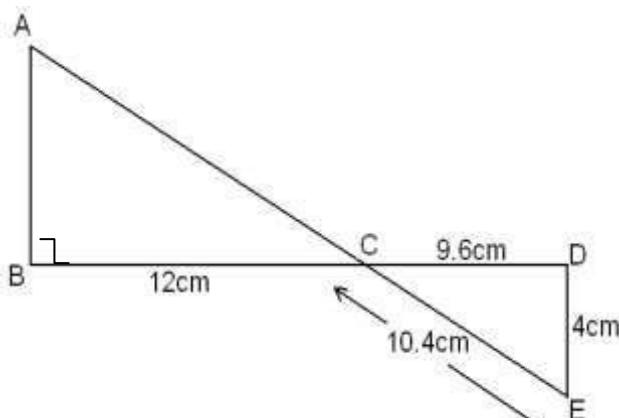
A عبارة جبرية معرفة بالشكل .

1). أنشر و بسط العبارة A

2). أحسب القيمة العددية للعبارة A من أجل  $\frac{1}{4}$

التمرين الرابع :

لاحظ الشكل المقابل حيث :



$BC = 12\text{cm}$ ,  $CD = 9.6\text{cm}$ ,  $DE = 4\text{cm}$ ,  $CE = 10.4\text{cm}$

1/ بين أن المثلث CDE قائم في D .

2/ استنتج أن المستقيمين (AB) , (DE) متوازيان .

3/ أحسب الطول AB

المشأة : (08 ن)

لعمي الحاج محمد في حقله نخلة مائلة كما هو مبين في الشكل.

**الجزء الأول:**

تميل هذه النخلة مشكلة مع سطح الأرض زاوية قدرها  $74^\circ$  ، عند

يكون طول ظلها  $BC = 6 \text{ m}$

1 - أحسب الارتفاع  $AC$  بالتدوير إلى الوحدة.

2 - أحسب طول النخلة  $AB$  بالتدوير إلى الوحدة.

**الجزء الثاني :**

صعد عمي محمد النخلة يحمل في يده منجل

لجنبي التمر ، وعند وصوله النقطة  $D$  وقع

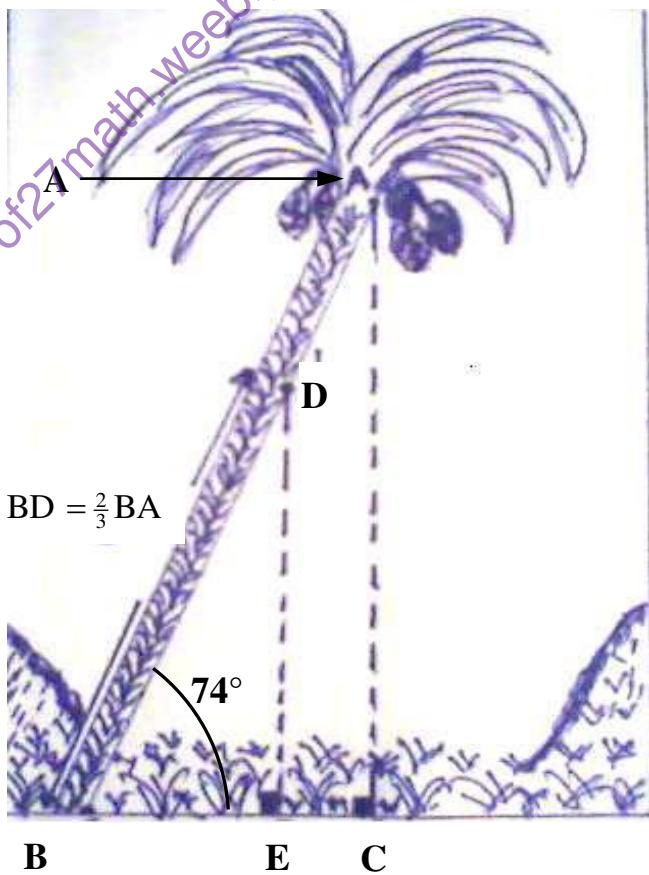
من يده المنجل بين سنابل القمح عند النقطة  $E$  (لاحظ الشكل)

حيث  $BD = \frac{2}{3}AB$

ساعد عمي محمد على إيجاد:

1) \_ بعد المنجل عن جذع النخلة .

2) \_ الارتفاع الذي سقط منه المنجل.



# إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التاريخ : 2015/12/01

المدة : 2 سا

المستوى :  
متوسط 4

متوسطة : عين  
عاشرة



التمرين الأول: (3 نقاط)

.  $z = (2 + \sqrt{3})^2$  ،  $y = \sqrt{147} - \sqrt{27}$  ،  $x = \text{PGCD}(721; 217)$  أعداد حيث :

- (1) ~ أوجد العدد  $x$ .
- (2) ~ أكتب العدد  $y$  على الشكل  $a\sqrt{3}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.
- (3) ~ أنشر وبسط العدد  $z$ .
- (4) ~ بيّن أن الجداء  $(y - z)x$  هو عدد طبيعي يطلب تعبيّنه.

التمرين الثاني: (3 نقاط)

لتكن  $M$  عبارة جبرية حيث :  $M = (5x - 3)^2 + (2x + 1)(5x - 3)$ .

- (1) ~ أنشر ثم بسط العبارة  $M$ .
- (2) ~ حلّل العبارة  $M$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
- (3) ~ في الشكل المقابل الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع .  
~ جد أطوال أضلاعه .



التمرين الثالث: (3 نقاط)

(c) دائرة مركزها  $O$  و  $[AB]$  قطر لها حيث :  $AB = 10\text{cm}$  ،  $D$  نقطة من الدائرة  $(O)$  بحيث .

- (1) ~ أرسم الشكل بدقة .
- (2) ~ مانعو المثلث  $ABD$  ؟ بّرر ذلك .
- (3) ~ أحسب الطول  $BD$ .
- (4) ~ عين النقطة  $M$  متنصف  $[OB]$  ثم عين النقطة  $H$  من  $[BD]$  بحيث :  $BH = 2\text{cm}$  .  
~ برهن أن  $(AD) // (MH)$  .

التمرين الرابع: (3 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل جيّداً حيث :  $ABCD$  مستطيل ،  $DM = 2\text{cm}$  ،  $AD = 4\text{cm}$  ،  $AB = 5\text{cm}$  .



قلب الورقة

## المسألة : (الوضعية الإدماجية) ( 8 نقاط )

أسامي تلميذ يدرس في مستوى الرابعة متوسط ، وبعد تحقيقه نتائج جيدة في دراسته قام والده بتنظيم رحلة له الى احدى المرتفعات الجبلية رفقة العائلة .

### الجزء الأول :

أثناء هذه الرحلة اشتري الأب قطعة من الحلويات على شكل مستطيل طولها  $72\text{ cm}$  وعرضها  $54\text{ cm}$  . وبعد مدة توقفوا للإستراحة ، فأراد الأب تقسيم قطعة الحلوى إلى مربيعات متماثلة بحيث يتحصل على أصغر عدد ممكн من القطع ، فعجز في ذلك وطلب من ابنه أسامة مساعدته في حساب طول ضلع القطعة الواحدة حتى يحقق رغبته .

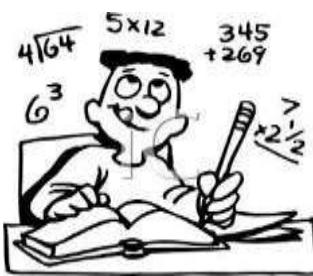
- 1) ~ فلو كنت أنت مكان أسامة ، كيف تحسب طول ضلع القطعة الواحدة .
- 2) ~ أحسب عدد القطع المتحصل عليها عندئذ .

### الجزء الثاني :

بعد الإستراحة أكملوا السير ، في الطريق شاهد أسامة اشارة مرور مكتوب عليها  $10\%$  فاستفسر عن معناها . فأجابه الأب معناه أن الطريق يرتفع  $10$  متر كل  $100$  متر من المستوى الأفقي ، فرد عليه أسامة يعني  $10\%$  تمثل نسبة ميلان الطريق عن الأفق ، فقال الأب نعم لقد فهمت المقصود .

### أنظر الشكل التوضيحي في الأسفل .....

- 1) ~ أحسب قيس زاوية ميل الطريق (زاوية الارتفاع بالتدوير الى الدرجة) .
- 2) ~ أثناء السير في المرتفع راقبأسامة عدد السيارة من المكان  $A$  الى المكان  $B$  فبقي ثابتًا عند السرعة  $70\text{ km/h}$  والزمن المستغرق لقطع المسافة بين المكانين هو  $12\text{ mn}$  .
- 2) ~ احسب المسافة بين المكانين  $A$  و  $B$  .
- 3) ~ عند الوصول الى المكان  $B$  شعرت الأم بصعوبة التنفس فقال لها أسامة : طبيعي يا أمي لأننا على ارتفاع قدره  $1400m$  .  
~ أنت : بين كيف حسب أسامة هذا الارتفاع .
- 4) ~ عند المكان  $B$  : سأله عن المسافة المتبقية له للوصول للمكان  $D$  .  
~ أجب أنت عن هذا السؤال .



## أساتذة المادة : يتمنون لكم التوفيق

الفشل : هو التوقف عن المحاولة

النجاح : هو الاستمرار في المحاولة

التميز : هو الاستمرار عندما يتوقف الآخرون

### اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

#### التمرين الأول: (3 نقاط)

1/ أحسب  $(\text{PGCD}(975, 1365))$ .

2/ في إطار التضامن المدرسي قررت مديرة المتوسطة توزيع 1365 كراساً و 975 قلماً بالتساوي على أكبر عدد من التلاميذ المعوزين.

أ/ ما هو عدد التلاميذ المستفيدين؟

ب/ على كم كراساً و قلماً يحصل كل تلميذ؟

#### التمرين الثاني: (3 نقاط)

نضع :  $B = \frac{180}{\sqrt{48}}$  ،  $A = 2\sqrt{3} + \sqrt{75} - \sqrt{27} + \sqrt{48}$

أ- أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{3}$  و  $B$  على شكل  $b\sqrt{3}$  حيث  $a$  و  $b$  عدوان طبيعيان.

ج- تحقق أن  $2A - B = \sqrt{3}$

#### التمرين الثالث: (3 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل (الشكل 1).

1- بين أن المثلث  $ABC$  متقارن الأضلاع.

2- باستخدام  $\sin \hat{B}$  أحسب  $AH$  بالتدوير إلى 1.

#### التمرين الرابع: (3 نقاط)

1- انشر ثم بسط العبارة  $L$  حيث  $L = (4x-1)^2 + (x+1)(x-1)$

2- أحسب العبارة  $L$  من أجل  $1 = x$  ثم من أجل  $\frac{1}{4}$

#### المسألة: (8 نقاط)

في الشكل المقابل (الشكل 2) الأطوال غير حقيقة حيث وحدة الطول هي cm.

نقطة من  $[BC]$  والمستقيم الذي يشمل  $F$  والعمودي على  $(BC)$  يقطع  $[AC]$  في  $E$ .

**الجزء I :** 1- بين أن المثلث  $ABC$  قائم.

2- أحسب مساحة المثلث  $ABC$ .

3- بين أن  $(EF) \parallel (AB)$ .

**الجزء II :** نفرض أن  $FC = 4\text{cm}$

1- بين أن  $EF = 3\text{cm}$

2- أحسب مساحة المثلث  $EBC$ .

**الجزء III :** نضع  $x = FC$  حيث  $0 < x < 16$

1- أحسب  $EF$  بدلالة  $x$ .

2- بين أن مساحة المثلث  $EBC$  هي  $6x$ .

3- ما هي قيمة  $x$  حتى تكون مساحة المثلث  $EBC$  تساوي مساحة المثلث  $BEA$ .

تذكر : (مساحة المثلث =  $\frac{\text{طول أحد أضلاعه} \times \text{الارتفاع المتعلق به}}{2}$ )

أساتذة المادة

بالتوفيق

ثق في قدراتك وارفع معنوياتك إن كانت لديك رغبة فسوف تصل

الاختبار الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

$$C = \frac{3 \times 10^4 \times 10^{-2} \times 5}{10^4} \quad B = \frac{2 + \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \quad A = \sqrt{98} + 2\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

لتكن الأعداد التالية : (1) أحسب  $C$  و أعط كتابتها العلمية.

(2) أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{2}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.

(3) بين أن :  $\frac{A}{B} = 14 - 7\sqrt{2}$  وأن :  $B = \sqrt{2}$

التمرين الثاني:

لتكن العبارة  $A$  حيث :  $A = (2x+3)(x-5)$

(1) أنشر و بسط العبارة  $A$

(2) حل العبارة  $B$  إلى جداء عاملين حيث :

//  $B = (x-5)(2-x)$  // نعطي :  $B = 0$  (3) حل المعادلة :

التمرين الثالث: // (تعطى القيم مضبوطة) //

(C) دائرة ،  $\hat{A}BD = 30^\circ$  قطر لها حيث  $[AB]$  ،  $AB = 4\text{cm}$  ،  $D$  نقطة من  $(C)$  حيث

(1) ما نوع المثلث  $ABD$ ؟ على

(2) احسب كلا من  $BD$  ،  $AD$

(3) ما هي مساحة المثلث  $ABD$

التمرين الرابع:

$ABCD$  متوازي أضلاع .

(1) أنشيء النقطتين  $E$  و  $F$  حيث  $\overline{DE} = -\overline{DA}$  و  $\overline{AB} = \overline{BF}$

(2) أتمم ما يلي:  $\overline{AB} + \overline{AD} = \overline{BD}$  ،  $\overline{EC} = \overline{ED} + \overline{DC}$

(3) بين أن :  $\overline{EC} = \overline{CF}$

## الوضعية الإدماجية : // تؤخذ النتائج بالتدوير إلى 0,01 //

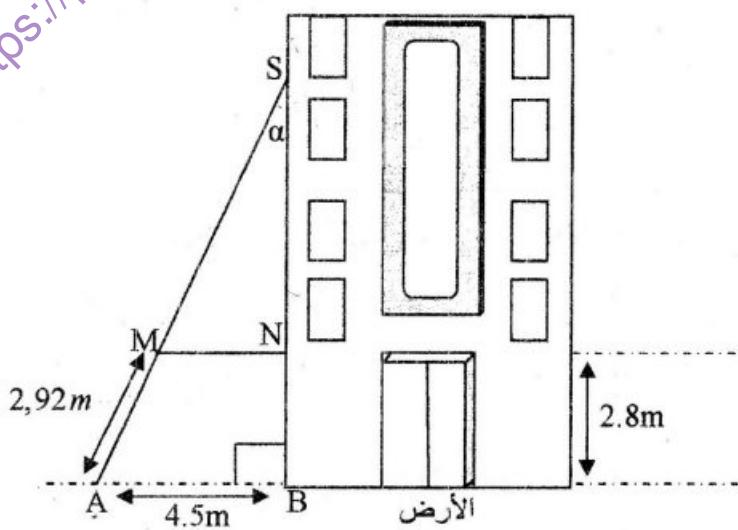
❖ أراد أحد المقاولين ترميم وطلاء واجهات عمارت حي في أحد الأحياء، فلاحظ وجود تصدعات وشقوق كثيرة في إحدى العمارت فقرر أن يضع لها سنداً خوفاً من سقوطها لحين إخلاءها وترميمها (لاحظ الشكل).

1. احسب الطول  $SA = 15m$  علماً أن

2. احسب الطولين  $SN$  و  $SM$ .

3. برهن أن :  $(AB) \parallel (MN)$

4. احسب  $\tan \alpha$  ثم استنتج قيمة  $\alpha$  بالتدوير إلى الوحدة.



❖ عدد العمال الذين يقومون بهذا العمل هو 240 بناء و 84 دهان ؛ ي يريد المقاول توزيع العمال على أكبر عدد من العمارت في الحي بحيث يكون عدد العمال متماثلاً في كل عماره من حيث عدد عمال البناء وعدد عمال الطلاء؛ ولا يبقى أي عامل دون عمل .

1. ما هو عدد العمارت التي بدأ العمال بترميمها ؟

2. ما هو عدد عمال الطلاء وعدد عمال البناء في كل عماره ؟

❖ يومية البناء  $DA = 1000$  و الدهان  $DA = 1200$  و ثمن المواد المستعملة في كل عماره  $90000 DA$

⇨ ما هي تكلفة ترميم كل عماره إذا علمت أن العمل أنجز في 15 يوماً ؟

ركز ، تمعن ولا تسرع

التمرين الأول : ( 3 نقط )

في مؤسسة تربوية يتناول تلاميذ وجبات غذائية سريعة، لذا طلب المقصد من التاجر تحضير 2125 قطعة جبن و 850 حبة بيض. توضع قطع الجبن و حبات البيض في أكياس بلاستيكية بحيث تكون هذه الأكياس متماثلة.

- ساعد التاجر في:

- أ • إيجاد أكبر عدد ممكن من الأكياس.
- ب • إيجاد عدد حبات البيض و عدد قطع الجبن في كل كيس.

التمرين الثاني : ( 3 نقط )

1) بسط كل من العبارتين  $E$  و  $F$  حيث:

$$F = (\sqrt{3} - 1)^2 \quad \text{و} \quad E = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$$

2) بيان أن  $E \times F$  هو عدد طبيعي.

3) اجعل مقام النسبة  $\frac{4-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$  عدداً ناطقاً.

التمرين الثالث : ( 3 نقط )

ABC مثلث قائم في A، حيث:  $BC = 7,5\text{cm}$  و  $AB = 4,5\text{cm}$ .  
1) أحسب الطول AC.

2) لتكن E نقطة من [AB] حيث:  $AB = 3 AE$ ، و D نقطة من [AC] حيث:  $DC = \frac{2}{3} AC$ .  
أ • أرسم الشكل.

ب • بيان أن:  $(DE) \parallel (BC)$ .

ج • أحسب الطول DE.

التمرين الرابع : ( 3 نقط )

OPR مثلث قائم في O حيث:  $OR = 6\text{cm}$  و  $\tan \widehat{R} = \frac{5}{3}$ .

1) أحسب الطولين OP و PR ثم  $\sin \widehat{P}$ .

2) أرسم الارتفاع [OH] المتعلق بالضلوع [PR].

أ • أحسب OH ثم PH.

مسألة : ( 8 نقاط )

(وحدة الطول هي cm)

في الشكل المقابل: AFET مستطيل و ETC مثلث قائم في T.

حيث:  $ET = 6$  ،  $TC = 5$  و  $EF = 3$ .

النقطة M متقللة على القطعة المستقيمة [TE].

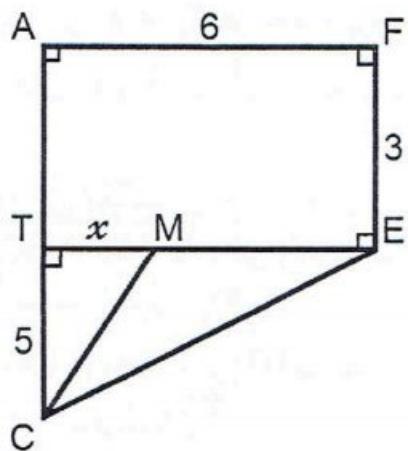
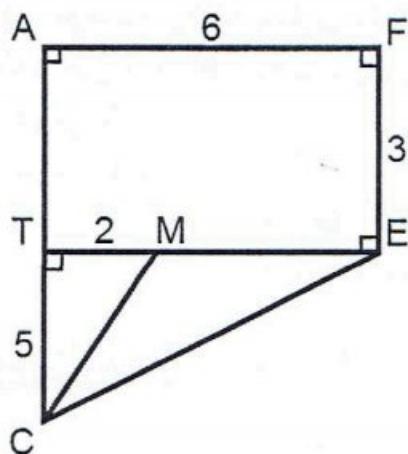
الجزء الأول :

في هذا الجزء، نأخذ:  $TM = 2$ .

1) أحسب القيمة المضبوطة للطول CM ثم القيمة المدورa إلى cm.

2) أحسب القيمة المضبوطة لـ  $\tan \widehat{TCM}$  ثم أعطى القيمة المدورa إلى الدرجة.

3) أحسب المساحة  $S_1$  للمثلث TCM و  $S_2$  للمثلث MEF.



الجزء الثاني :

في هذا الجزء، نأخذ:  $TM = x$ .

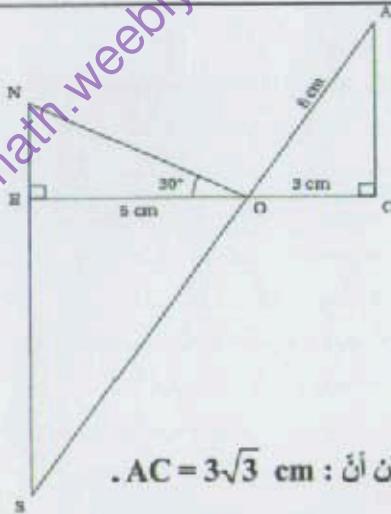
1) ما هي القيم الممكنة لـ  $x$  ؟

2) عبر بدلالة  $x$  عن المساحة  $S_1$  للمثلث TCM.

3) أ- عبر عن الطول ME بدلالة  $x$ .

ب- عبر بدلالة  $x$  عن المساحة  $S_2$  للمثلث MEF.

نتمى أن يكون النجاح حليفكم



.  $AC = 3\sqrt{3}$  cm : (1)  
(2)

أ) بين أن:  $(AC) \parallel (SN)$

ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من  $OS$  و  $ES$ .

احسب الطول  $ON$  علماً أن:  $\widehat{NOE} = 30^\circ$  (3)  
(4)

أ) احسب قيس الزاوية  $\widehat{AOC}$ .  
ب) بين أن المثلث  $SON$  قائم في  $O$ .

بالتوفيق

أنشطة عددية:

(1) لتكن العبارة  $A$  بحيث:  $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$

اكتب العبارة  $A$  على شكل  $a\sqrt{13}$  حيث  $a$  عدد تسمى صحيح.

(2) بين أن  $B$  عدد طبيعي حيث :

$$B = (3\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1) - 2\sqrt{2}$$

(3) اكتب  $C$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق حيث :

$$C = \frac{7\sqrt{2} - 3\sqrt{3}}{3\sqrt{5}}$$

أنشطة هندسية:

إليك الشكل التالي حيث:

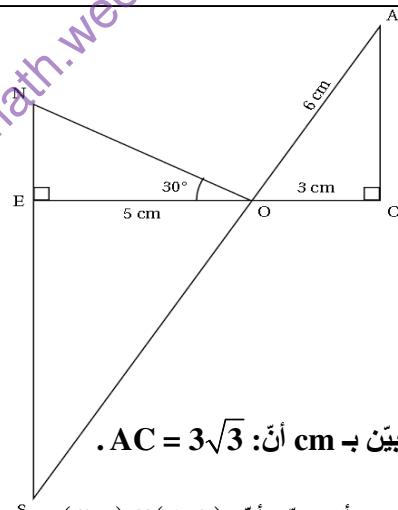
.  $OA = 6\text{cm}$  ،  $OC = 3\text{cm}$  ،  $OE = 5\text{cm}$  ✓

النقطة  $E$  ،  $O$  و  $C$  على استقامة واحدة. ✓

المثلثان  $COA$  ،  $ENO$  قائمان على الترتيب في النقطتين

$C$  و  $E$

✓ المستقيم  $(AO)$  يقطع المستقيم  $(NE)$  في النقطة  $S$ .



.  $AC = 3\sqrt{3}$  cm لأن: (1)

(2)

(أ) بين أن:  $(SN) \parallel (AC)$

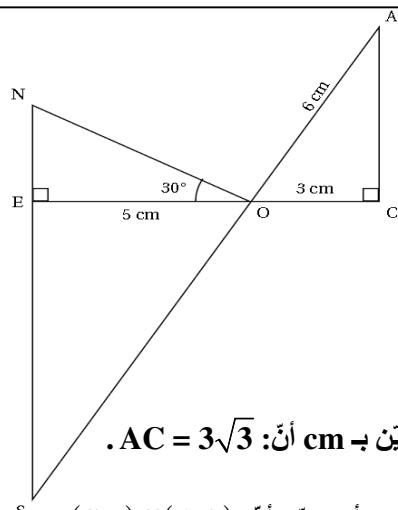
(ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من ES و OS.

(3) احسب الطول ON علماً أن  $\angle NOE = 30^\circ$ . (4)

(أ) احسب قيس الزاوية  $\angle AOC$ .

(ب) بين أن المثلث SON قائم في O.

بِالْتَّوْفِيقِ



.  $AC = 3\sqrt{3}$  cm لأن: (1)

(2)

(أ) بين أن:  $(SN) \parallel (AC)$

(ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من ES و OS.

(3) احسب الطول ON علماً أن  $\angle NOE = 30^\circ$ . (4)

(أ) احسب قيس الزاوية  $\angle AOC$ .

(ب) بين أن المثلث SON قائم في O.

بِالْتَّوْفِيقِ

أنشطة عدديّة:  
التمرين الأول:

(1) أوجد  $\text{PGCD}$  للعددين 1053، 325.

(2) اختزل الكسر  $\frac{325}{1053}$ .

(3) حل المعادلة  $.x^2 = \frac{325}{1053}$ .

(4) لتكن العبارة A بحيث:  $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$

✓ احسب العبارة A (تعطى النتيجة على شكل  $a\sqrt{13}$  حيث a عدد نسبي صحيح).

أنشطة هندسية:  
إليك الشكل أسفله حيث:

.  $OA = 6\text{cm}$  ،  $OC = 3\text{cm}$  ،  $OE = 5\text{cm}$  ✓

النقط E، O و C على استقامية.

✓ المثلثان COA، ENO قائمان على الترتيب في النقطتين C و E.

✓ المستقيم (AO) يقطع المستقيم (NE) في النقطة S.

أنشطة عدديّة:

(1) أوجد  $\text{PGCD}$  للعددين 1053، 325.

(2) اختزل الكسر  $\frac{325}{1053}$ .

(3) حل المعادلة  $.x^2 = \frac{325}{1053}$ .

(4) لتكن العبارة A بحيث:  $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$

✓ احسب العبارة A (تعطى النتيجة على شكل  $a\sqrt{13}$  حيث a عدد نسبي صحيح).

أنشطة هندسية:  
إليك الشكل أسفله حيث:

.  $OA = 6\text{cm}$  ،  $OC = 3\text{cm}$  ،  $OE = 5\text{cm}$  ✓

النقط E، O و C على استقامية.

✓ المثلثان COA، ENO قائمان على الترتيب في النقطتين C و E.

✓ المستقيم (AO) يقطع المستقيم (NE) في النقطة S.

المدة : ساعة واحدة

المستوى : 4م

اليوم : 2016/11/20 م

### الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (7ن) .

(1)- أوجد المجهول  $x$  في كل حالة : أ)  $\frac{2}{\sqrt{5}} x = 2$  ب)  $x^2 = 84$

ج)  $7x^2 - 343 = 0$

(2)- بسط ما يلي :  $\sqrt{5^2(a+b)^2}$  ،  $\sqrt{36ab^2}$  ،  $\sqrt{2a^2b^2}$  ،  $\sqrt{4a^2b}$

التمرين الثاني : (6ن) .

إليك العبارتان الآتیتان :  $b = \sqrt{80}$  ،  $a = 2\sqrt{45}$

(1)- اكتب كلام من  $a$  و  $b$  على الشكل  $c\sqrt{d}$  حيث  $d$  هو أصغر عدد ممكن

(2)- بسط كلام من  $a+b$  و  $a+b$

(3)- احسب القيمة المقربة إلى  $10^{-2}$  بالنقصان للعدد  $a+b$

التمرين الثالث : (7ن) .

مثلث قائم في  $A$  حيث  $\widehat{ACB} = 30^\circ$  ،  $AB = 3 \text{ cm}$

(1)- احسب الطول  $BC$

(2)- احسب الطول  $AC$

(3)- الدائرة التي قطعها  $[AC]$  قطع القطعة  $[BC]$  في النقطة  $N$

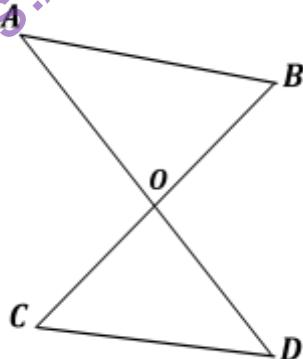
❖ احسب الطول  $CN$

بالتوفيق إن شاء الله

المستوى: رابعة متوسط

التمرين ①:

- احسب واحتزل إن أمكن:  $3 - 3 \div \frac{9}{2}$ .
- أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $a$  عدد ناطق و  $b$  عدد طبيعي أصغر ما يمكن حيث:  $A = \sqrt{12} - 4\sqrt{75}$ .
- أنشر ثم بسط:  $(\sqrt{5}x + 3)^2$ .
- أكتب  $C$  كتابة علمية حيث:  $C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$ .



في الشكل المقابل ( $AB // (CD)$ ) ووحدة الطول هي الـ cm، نضع  $OA = 5$     $OB = 6,66$ .

أحسب الطولين  $OC = 12$     $DC = 15$ .

أحسب  $\sin C$ .

أحسب  $\sin \hat{C}$ .

ثم استنتج قيس الزاوية  $\hat{C}$ . (النتيجة مدورة إلى الوحدة).

التمرين ③:

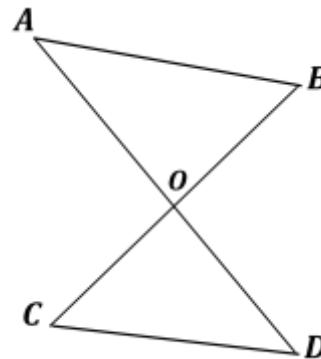
عدد الإناث في السنة الرابعة متوسط 108 وعدد الذكور 72، أراد مدير المؤسسة تكوين أفواج عمل للبحث والمراجعة والمنافسة بين التلاميذ.

- ساعد المدير في تكوين أكبر عدد ممكن من الأفواج؟
- ما هو عدد الإناث وعدد الذكور في كل فوج؟

المستوى: رابعة متوسط

التمرين ①:

- احسب واحتزل إن أمكن:  $3 - 3 \div \frac{9}{2}$ .
- أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $a$  عدد ناطق و  $b$  عدد طبيعي أصغر ما يمكن حيث:  $A = \sqrt{12} - 4\sqrt{75}$ .
- أنشر ثم بسط:  $(\sqrt{5}x + 3)^2$ .
- أكتب  $C$  كتابة علمية حيث:  $C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$ .



التمرين ②:

في الشكل المقابل ( $AB // (CD)$ ) ووحدة الطول هي الـ cm، نضع  $OA = 5$     $OB = 6,66$     $OC = 12$     $DC = 15$ .

أحسب الطولين  $AB$  ،  $OD$ .

أحسب  $\sin \hat{C}$ .

أحسب  $\sin \hat{C}$ .

ثم استنتاج قيس الزاوية  $\hat{C}$ . (النتيجة مدورة إلى الوحدة).

التمرين ③:

عدد الإناث في السنة الرابعة متوسط 108 وعدد الذكور 72، أراد مدير المؤسسة تكوين أفواج عمل للبحث والمراجعة والمنافسة بين التلاميذ.

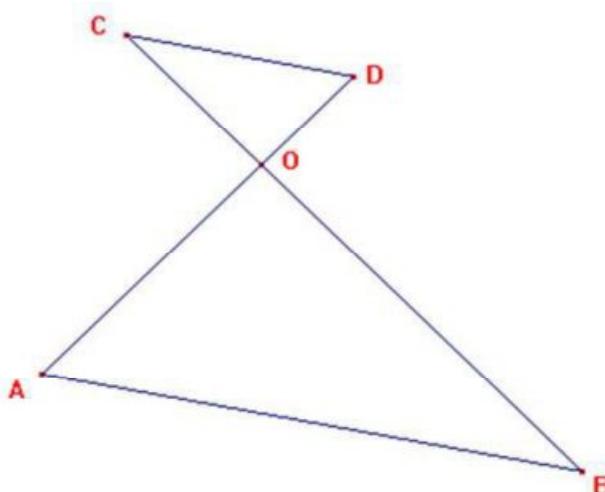
- ساعد المدير في تكوين أكبر عدد ممكن من الأفواج؟
- ما هو عدد الإناث وعدد الذكور في كل فوج؟

ملاحظة : يُنصح نقطة واحدة من أجل تحرير و تنظيم ورقة الإجابة

التمرين الأول :

1. أوجد  $PGCD(429; 165)$ .

2. اختزل الكسر  $\frac{165}{429}$  ثم احسب العدد  $M$  حيث :



.  $OA = 6 \text{ cm}$

.  $OD = 2 \text{ cm}$

.  $CO = 3 \text{ cm}$

.  $\tan \hat{A} = \frac{3}{2}$  زاوية قائمة ، و  $\widehat{AOB}$

(1) أحسب الطول  $OB$ .

(2) أحسب الطول  $CD$ .

(3) هل  $(AB) \parallel (DC)$ ؟ بره إجابتك.

(4) أحسب قيس الزاوية  $\hat{A}$ .

التمرين الثاني :

$x$  هو القيس بالدرجات لزاوية حادة حيث :  $\cos x = 0,6$

- أحسب  $x$  و  $\tan x$  و  $\sin x$  (باستعمال العلاقات بين النسب المثلثية)

بالتوقيت

م شاعون



ع.ج	التصحيح التموذجي	ع.ج	التصحيح التموذجي
01	<p><u>التمرين الثالث:</u></p> <p>1) الشكل:</p> <p>2) أبين أن المثلث <math>ABE</math> قائم في <math>E</math></p> <p>[<math>AB</math>] قطر الدائرة (<math>C</math>) وهو ضلع للمثلث المرسوم في الدائرة (<math>C</math>) و</p> <p>إذن: المثلث <math>EAB</math> قائم في <math>E</math> ووتره هو [<math>AB</math>] حسب النظرية العكسية للدائرة المحيطة بالمثلث.</p> <p><u>أبين أن: <math>EB = 3 \text{ cm}</math></u></p> <p>بما أن: المثلث <math>EAB</math> قائم في <math>E</math></p> <p>فإن: <math>EB^2 + EA^2 = AB^2</math> (حسب نظرية فيتاغورث)</p> <p><math>EB = \sqrt{9} = 3 \text{ cm}</math>: <math>EB^2 = 25 - 16 = 9</math></p> <p><u>حساب <math>\sin E\hat{B}A</math> (3)</u></p> <p>بما أن: المثلث <math>EBA</math> قائم في <math>E</math></p> <p><math>\sin E\hat{B}A = \frac{EA}{AB} = \frac{4}{5} = 0,8</math> فإن:</p> <p><math>\sin E\hat{B}A = 0,8</math> إذن:</p> <p><u>استنتاج قيس الزاوية <math>E\hat{B}A</math></u></p> <p><math>\sin E\hat{B}A = 0,8</math> لدينا:</p> <p>لدينا: <math>\sin 53,13</math></p> <p>إذن: <math>E\hat{B}A = 53^\circ</math> بالمدور إلى 0,1 من الدرجة</p> <p>4) أبين أن: <math>(EB) \parallel (MN)</math></p> <p>حساب النسبتين: <math>\frac{AE}{AN}</math> و <math>\frac{AB}{AM}</math></p> <p>لدينا: <math>\frac{AE}{AN} = \frac{4}{6-4} = \frac{4}{2} = 2</math></p> <p>لدينا: <math>\frac{AB}{AM} = \frac{5}{7,5-5} = \frac{5}{2,5} = 2</math></p> <p>نلاحظ أن:</p> <p>و النقط: <math>E, A, N</math> والنقط: <math>B, A, M</math> بنفس الترتيب إذن:</p> <p>(<math>EB</math>) <math>\parallel</math> (<math>MN</math>) حسب النظرية العكسية لنظرية طالس.</p>	<p>02</p> <p><u>التمرين الأول: (60ن)</u></p> <p>1) كتابة كلا من <math>A</math> و <math>B</math> على شكل <math>a\sqrt{b}</math></p> <p><math>A = \sqrt{98} = \sqrt{49 \times 2} = 7\sqrt{2}</math></p> <p><math>B = \sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = 6\sqrt{2}</math></p> <p>أحسب ما يلى:</p> <p>2) <math>A \times B = 7\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 42 \times 2 = 84</math></p> <p><math>\frac{A}{B} = \frac{7\sqrt{2}}{6\sqrt{2}} = \frac{7}{6}</math></p> <p><math>B - A = 6\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = -1\sqrt{2}</math></p> <p><math>A^2 - B^2 = (7\sqrt{2})^2 - (6\sqrt{2})^2</math></p> <p><math>A^2 - B^2 = 49 \times 2 - 36 \times 2 = 98 - 72</math></p> <p><math>A^2 - B^2 = 26</math></p>	<p>01</p> <p><u>التمرين الثاني: (60ن)</u></p> <p>1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 78 و 90</p> <p><math>90 = 78 \times 1 + 12</math></p> <p><math>78 = 12 \times 6 + 6</math></p> <p><math>12 = 6 \times 2 + 0</math></p> <p><math>\text{PGCD}(90; 78) = 6</math> إذن:</p> <p>2) تعين الكسر <math>\frac{x}{y}</math></p> <p>لدينا: <math>\frac{x}{y} = \frac{78}{90}</math> و منه: <math>90 \times x = 78 \times y</math></p> <p>كتابة <math>\frac{x}{y}</math> على شكل كسر غير قابل للاختزال</p> <p>0</p> <p>01</p> <p>لدينا: <math>\frac{x}{y} = \frac{78}{90} = \frac{78 \div 6}{90 \div 6} = \frac{13}{15}</math></p> <p><u>3) حساب أكبر عدد ممكن من الأقسام المشكلة:</u></p> <p>عدد الذكور هو: 78 تلميذ أي 168-90=78</p> <p>عدد الإناث هو: 90 تلميذة</p> <p>لا يحدأ أكبر عدد ممكن من الأقسام المشكلة يكفي</p> <p>حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 90 و 78 أي:</p> <p><math>\text{PGCD}(90; 78) = 6</math> ومنه: عدد الأقسام هو: 6 أقسام</p> <p>4) عدد الذكور، وعدد الإناث في كل قسم هو:</p> <p>عدد الذكور هو: 13 تلميذ أي 13×6=78</p> <p>عدد الإناث هو: 15 تلميذة أي 15×6=90</p>
1			
02			
01			

الموسم الدراسي: 2016 - 2017 المادة: ساعة	الفرض المحسوس الثاني لمادة الرياضيات للثلاثي الأول	المؤسسة: الأخوة الشهداء عامري المستوى: الرابعة متوسط
---	---	---

### التمرين الأول: (2 ن)

املا الفراغ بما يناسب:

$$(a + \dots)^2 = a^2 + \dots + 25 \quad .1$$

$$\frac{FE}{E} = \sin \dots = \cos \dots \quad .2 \quad \text{مثلث قائم في EFG}$$

### التمرين الثاني: (10 ن)

ليكن العددان الحقيقيان:  $B = (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 2)$  ;  $A = \sqrt{98} + 2\sqrt{32} - \sqrt{128}$

- أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{2}$  حيث:  $a$  أعداد طبيعية.
- انشر ويسط العباره  $B$ .
- بين أن:  $A \times B$  عدد طبيعي.
- اجعل مقام النسبة  $\frac{7\sqrt{2} - 5}{\sqrt{2}}$  عددا ناطقا.

### التمرين الثالث: (8ن)

$\sin \angle ACB = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ;  $AB = \sqrt{2}$  مثلث قائم في  $B$  حيث:  $ABC$

1. احسب  $AC$  و  $BC$ .
2. احسب  $\tan \angle$  واستنتج قيس الزاوية  $\angle$ . (أعط الناتج بالتدوير إلى  $1^0$ ).
3. احسب محيط الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$ .

التمرين الاول (4.5ن)

\* لتكن الاعداد  $A; B; C$  بحيث:

$$A = \frac{2 \times \frac{3}{7}}{\frac{5}{3} - 1} ; \quad B = 230000 \times 0.00025 ; \quad C = 3^6 \times 10^3 \times 8^4$$

(1)- اكتب العدد  $A$  على ابسط شكل ممكن

(2)- اعط الكتابة العلمية للعدد  $B$

(3)- بين إن  $9$  هو قاسم للعدد  $C$

التمرين الثاني(7.5ن)

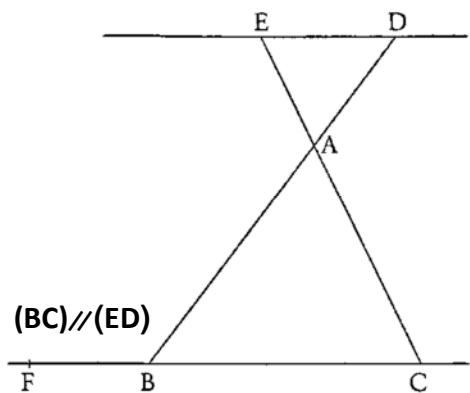
(أ)

(1)- هل العددان  $167$  و  $133$  أوليان فيما بينهما ؟ عل؟

(2)- ما هي مجموعة القواسم المشتركة للعددين  $161$  و  $133$  ؟

(3)- اخزل الكسور التالية الى كسور غير قابلة للاختزال:  $\frac{133}{161+133}$  ;  $\frac{161}{161+133}$  ;  $\frac{133}{161}$

ب) - اوجد عددين طبيعين مجموعهما  $81$  والقاسم المشترك الأكبر لهما يساوي  $27$



التمرين الثالث(8ن)

-الشكل هو غير مطابق لقياسات المعطاة.

- وحدة الطول هي السنتمتر.

- نعطي:  $BC = 9$  ;  $AB = 7,5$  ;

$BF = 6$  ;  $AE = 4$  ;  $AC = 6$

(1)- احسب  $AD$

(2)- هل المستقيمان  $(EF)$  و  $(AB)$  متوازيان ؟

(3)- احسب  $EF$

التمرين الأول 6 نقط

ساحة مستطيلة الشكل بعدها  $45dm$  و  $300dm$  يراد تبليطها ببلاطات مربعة الشكل طول كل منها عدد طبيعي.

- ما هي الاطوال الممكنة للبلاطات.
- ما هو الطول الأفضل حتى تتحصل على اقل عدد ممكن للبلاطات ؟ ثم استنتاج عدد البلاطات

التمرين الثاني 4 نقط

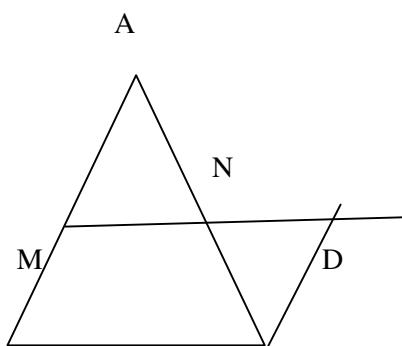
- برهن أن العدد  $2^{2015} + 2^{2014} + 2^{2013} + 2$  يقبل القسمة على 7
- لدى احمد و كريم حبل طوله  $314cm$ .

باستعمال الحبل كله انشأ احمد مربع و انشأ كريم دائرة

أي من الشكلين المحصل عليه اكبر مساحة ؟ علل .

التمرين الثالث 6 نقط

في الشكل الآتي لدينا :  $AC = 9cm$  و  $AB = 10.5cm$  و  $AN = 3cm$  و  $ND = 4cm$



1. احسب  $AM$  و  $ND$  .

نعتبر .

2. هل  $(CD) \parallel (AM)$  ؟ علل اجابتك .

التمرين الرابع 4 نقط

مثلث بحيث  $ABC$   $AC = 6cm$  و  $AB = 4cm$  و  $BC = 2\sqrt{13}$

1. بين ان المثلث  $ABC$  قائم

لتكن منتصف القطعة  $[AC]$

2. احسب الطول ثم استنتاج قيس الزاوية  $ABM$  بالتدوير إلى الدرجة

التمرين الأول:

$$A = \frac{104}{120} - \frac{1}{15}$$

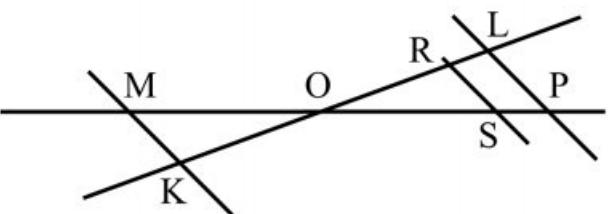
1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 104 و 120 .  
2) احسب A مع إعطاء النتيجة على شكل كسر غير قابل للإختزال.

التمرين الثاني:

في الشكل (KL) و (PM) متقاطعان في O ؛

(KM) و (PL) متوازيان ؛

$$OP = 6 \quad OL = 4 \quad ; \quad OK = 3,75$$



1) أوجد الطول OM .

2) يعطى  $OR = 3$  و  $PS = 1,5$  .

- ما هي وضعية المستقيمين (RS) و (LP) ؟ على .

التمرين الأول:

$$B = \frac{9}{14} + \frac{54}{252}$$

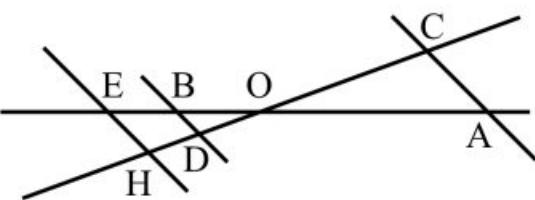
1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 54 و 252 .  
2) احسب B مع إعطاء النتيجة على شكل كسر غير قابل للإختزال.

التمرين الثاني:

في الشكل (AB) و (CD) متقاطعان في O ؛

(AC) و (BD) متوازيان ؛

$$OD = 1,5 \quad OC = 4,5 \quad ; \quad OB = 2$$



1) أوجد الطول OA .

2) يعطى  $BE = 1,8$  و  $OH = 2,85$  .

- ما هي وضعية المستقيمين (BD) و (EH) ؟ على .

## تصحيح الفرض المحروس رقم 1

### التمرين الأول :

1) إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعددين 54 و 252 :  
نستعمل خوارزمية إقليدس (القسمات المتتالية)

$$\begin{aligned} 252 &= 54 \times 4 + 36 \\ 54 &= 36 \times 1 + 18 \\ 36 &= 18 \times 2 + 0 \end{aligned}$$

آخر باق غير معدوم هو 18 ; إذن  $PGCD(252; 54) = 18$

### 2) حساب B :

$$\begin{aligned} B &= \frac{9}{14} + \frac{54}{252} \\ &= \frac{9}{14} + \frac{54 \div 18}{252 \div 18} \\ &= \frac{9}{14} + \frac{3}{14} \\ &= \frac{12}{14} \\ B &= \frac{6}{7} \end{aligned}$$

### التمرين الثاني :

#### 1) إيجاد OA :

(AB) و (CD) متقاطعان في O و (AC) // (BD)

$$\frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OD} = \frac{AC}{BD}$$

$$\frac{OA}{2} = \frac{4,5}{1,5} \quad \text{يُنتَج} \quad \frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OD}$$

$$\text{وَمِنْهُ} \quad OA = \frac{2 \times 4,5}{1,5}$$

$$OA = 6$$

## تصحيح الفرض المحروس رقم 1

### التمرين الأول :

1) إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعددين 104 و 120 :  
نستعمل خوارزمية إقليدس (القسمات المتالية)

$$\begin{aligned} 120 &= 104 \times 1 + 16 \\ 104 &= 16 \times 6 + 8 \\ 16 &= 8 \times 2 + 0 \end{aligned}$$

آخر باق غير معادم هو 8 ; إذن  $8 = \text{PGCD}(120; 104)$

### 2) حساب A :

$$\begin{aligned} A &= \frac{104}{120} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{104 \div 8}{120 \div 8} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{13}{15} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{12}{15} \\ A &= \frac{4}{5} \end{aligned}$$

### التمرين الثاني :

#### 1) إيجاد OM :

$(KM) \parallel (PL)$  و  $(KL) \parallel (PM)$  متقاطعان في O

$$\frac{OM}{OP} = \frac{OK}{OL} = \frac{MK}{PL}$$

$$\frac{OM}{6} = \frac{3,75}{4} \quad \text{يُنْتَج} \quad \frac{OM}{OP} = \frac{OK}{OL}$$

$$\begin{aligned} OM &= \frac{6 \times 3,75}{4} \quad \text{وَمِنْهُ} \\ OM &= 5,625 \end{aligned}$$

## التمرين الاول:

### حل المعادلات التالية :

$$-5x^2 = 20 \quad , \quad 7x^2 = 343$$

## التمرين الثاني:

## لِيُكَنُ الْعَدْدَانُ

$$A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$$

أكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{2}$  حيث  $a$  عدد طبيعي

$$\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3} \quad \text{بسط العدد } B \text{ ثم بين أن: } /2$$

### التمرين الثالث:

متلث EFG حيث  $\widehat{EGF} = 30^\circ$  و  $EH = 2.1\text{cm}$  ;

*FG=5.6cm*

كما هو مبين في الشكل المقابل.

### 1. احس الطوا

2. اوجد قيس الزاوية  $\widehat{FEG}$  ( بالتدوير الى الوحدة من الدرجة )

3. احسب  $\tan HFG$  بالتدوير الى 0.01

#### التمرين الرابع:

يقوم شخص من على سطح بيت علوه 10 m بمراقبة عصفور وهو يحلق على ارتفاع 60 m بزاوية قدرها  $20^\circ$

ما هو بعد العصفور عن الشخص إذا علمت أن طول هذا الشخص هو 1.7 m

بالتوفيق

التمرين الأول:

- حل كلا من المعادلات التالية:

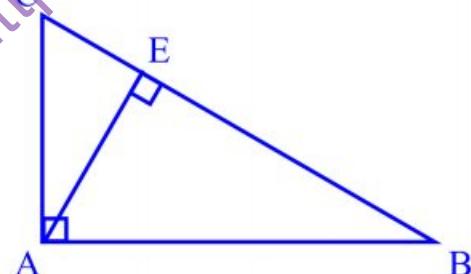
$$\frac{3x}{2} = \frac{28,5}{x} ; \quad \sqrt{7}x^2 + 6 = 1 ; \quad \frac{3}{5}x^2 = 27$$

التمرين الثاني:

- عبر بطريقتين مختلفتين عن كل من  $\tan C$  و  $\sin B$  :

- أحسب كلا من  $CE$  و  $AE$  :

عما أن  $AC = 3$  و  $AB = 4$ .



التمرين الثالث:

- بسط كلا من العبارات  $A$  و  $B$  و  $C$  حيث:

$$A = \frac{30}{\sqrt{20}}$$

$$B = \frac{15}{2\sqrt{5}} \times \sqrt{\frac{28}{5}}$$

$$C = \sqrt{63} + 4\sqrt{\frac{7}{16}} - \sqrt{175}$$

- احسب و بسط العبارة  $E$  حيث:

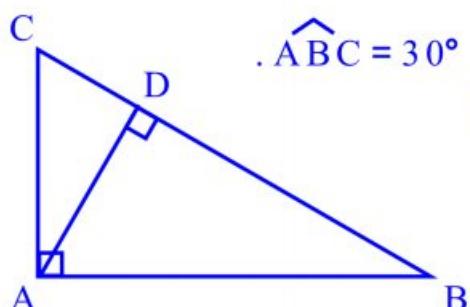
التمرين الأول:

- حل كلا من المعادلات التالية:

$$\frac{x}{10} = \frac{\sqrt{0,36}}{x} ; \quad \frac{7}{10}x^2 = -14 ; \quad 3x^2 = 150$$

التمرين الثاني:

إليك الشكل حيث  $BC = 16$  و  $\angle ABC = 30^\circ$



- أوجد القيم المضبوطة لكل من  $AC$  و  $AB$  و  $AD$ .

التمرين الثالث:

- بسط كلا من العبارات  $F$  و  $G$  و  $H$  حيث:

$$F = \frac{60}{\sqrt{75}}$$

$$G = \frac{6}{\sqrt{3}} \times \sqrt{\frac{20}{3}}$$

$$H = \sqrt{45} + 3\sqrt{\frac{5}{9}} - \sqrt{500}$$

- احسب و بسط العبارة  $K$  حيث:

## تصحيح الفرض المحروس رقم 2

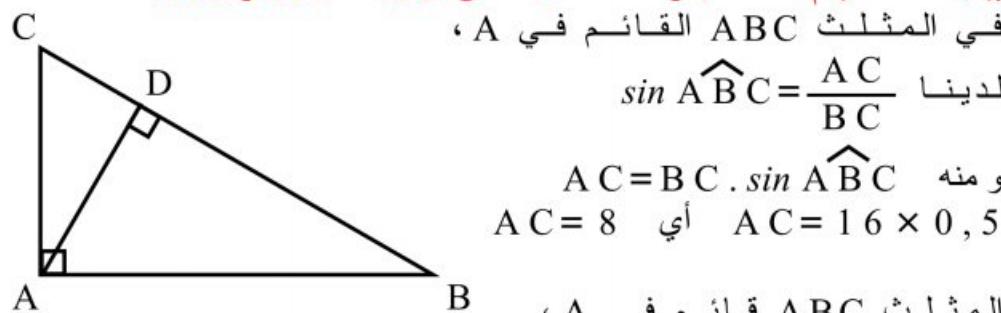
### التمرين الأول :

لدينا  $3x^2 = 150$  ومنه  $x^2 = 50$  أو  $x = \sqrt{50}$  و منه  $x = 5\sqrt{2}$  و  $-5\sqrt{2}$  .  
لدينا  $x^2 = -20$  ومنه  $\frac{7}{10}x^2 = -14$  .  
لدينا  $x^2 \geq 0$  لأن  $x^2 \geq 0$  و  $x \geq 0$  .

لدينا  $x = -\sqrt{6}$  و منه  $x = \sqrt{6}$  أو  $x = 6$  .  
لدينا  $x = -\sqrt{6}$  و منه  $x = \sqrt{6}$  .  
لدينا  $x = \sqrt{0,36}$  و منه  $x = 0,6$  .  
لدينا  $x = -\sqrt{6}$  و منه  $x = \sqrt{6}$  .

### التمرين الثاني :

إيجاد القيم المضبوطة لكل من  $AC$  ،  $AB$  و  $AD$  :



$$AC = BC \cdot \sin A \hat{B} C \quad \text{و منه} \quad AC = 8 \quad \text{أي} \quad AC = 16 \times 0,5$$

المثلث  $ABC$  قائم في  $A$  ،  
إذن حسب نظرية فيثاغورس

$$AB = \sqrt{BC^2 - AC^2} \quad \text{و منه} \quad AB^2 + AC^2 = BC^2$$

$$AB = \sqrt{16^2 - 8^2} = \sqrt{256 - 64}$$

$$= \sqrt{192} = \sqrt{64 \times 3}$$

$$AB = 8\sqrt{3}$$

في المثلث  $ABD$  القائم في  $D$  ،  
لدينا  $AD = AB \cdot \sin A \hat{B} D$  و منه  $\sin A \hat{B} D = \frac{AD}{AB}$   
 $AD = 4\sqrt{3}$  أى  $AD = 8\sqrt{3} \times 0,5$

### التمرين الثالث :

$$F = \frac{60}{\sqrt{75}} = \frac{60\sqrt{75}}{75} = \frac{4 \times 15 \times 5\sqrt{3}}{15 \times 5} = 4\sqrt{3}$$

$$G = \frac{6}{\sqrt{3}} \times \sqrt{\frac{20}{3}} = \frac{6\sqrt{20}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{3 \times 2 \times 2\sqrt{5}}{3} = 4\sqrt{5}$$

$$H = \sqrt{45} + 3\sqrt{\frac{5}{9}} - \sqrt{500}$$

$$= 3\sqrt{5} + 3 \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{9}} - \sqrt{100 \times 5}$$

$$= 3\sqrt{5} + 3 \times \frac{\sqrt{5}}{3} - 10\sqrt{5}$$

$$= (3 + 1 - 10)\sqrt{5} = -6\sqrt{5}$$

$$K = F - G + 2H$$

$$= 4\sqrt{3} - 4\sqrt{5} - 12\sqrt{5}$$

$$= 4\sqrt{3} - 16\sqrt{5}$$

## تصحيح الفرض المحروس رقم 2

مكعب 4 م  
العنوان

$$\tan \widehat{C} = \frac{A E}{C E} \quad \text{لدينا} \quad \tan \widehat{C} = \frac{A B}{A C} \quad \text{لدينا}$$

$$C E = \frac{A E \times A C}{A B} \quad \text{و منه} \quad \frac{A E}{C E} = \frac{A B}{A C} \quad \text{و منه}$$

$$C E = \frac{2,4 \times 3}{4} = 1,8$$

$$A = \frac{30}{\sqrt{20}} = \frac{30\sqrt{20}}{20} = \frac{3 \times 10 \times 2\sqrt{5}}{10 \times 2} = 3\sqrt{5}$$

$$B = \frac{15}{2\sqrt{5}} \times \sqrt{\frac{28}{5}} = \frac{15\sqrt{28}}{2\sqrt{5} \times \sqrt{5}}$$

$$= \frac{3 \times 5 \times 2\sqrt{7}}{2 \times 5} = 3\sqrt{7}$$

$$C = \sqrt{63} + 4\sqrt{\frac{7}{16}} - \sqrt{175}$$

$$= 3\sqrt{7} + 4 \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{16}} - \sqrt{25 \times 7}$$

$$= 3\sqrt{7} + 4 \times \frac{\sqrt{7}}{4} - 5\sqrt{7}$$

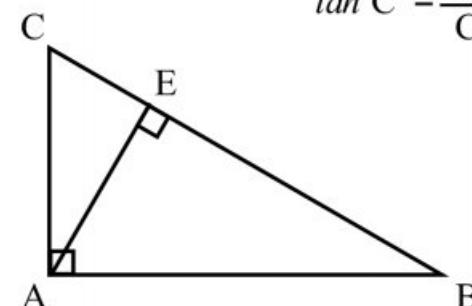
$$= (3 + 1 - 5)\sqrt{7} = -\sqrt{7}$$

$$E = A - B + 9C$$

$$= 3\sqrt{5} - 3\sqrt{7} - 9\sqrt{7}$$

$$= 3\sqrt{5} - 12\sqrt{7}$$

### التمرين الثالث:



### التمرين الأول:

$$x = \pm \sqrt{45} \quad x^2 = 45 \quad \text{و منه} \quad \frac{3}{5} x^2 = 27 \quad \text{لدينا}$$

$$-3\sqrt{5} \quad \text{لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما } \sqrt{5} \text{ و } -\sqrt{5}$$

$$\cdot \sqrt{7} \quad x^2 = -5 \quad \text{و منه} \quad \text{لدينا } 1 = 1$$

$$-5 \quad \text{هذه المعادلة ليس لها حلول حقيقة لأن } x^2 \geq 0 \quad \text{و } 0 < 0$$

$$x = \pm \sqrt{19} \quad x^2 = 19 \quad \text{و منه} \quad \frac{3}{2} x = \frac{28,5}{x} \quad \text{لدينا}$$

$$-\sqrt{19} \quad \text{لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما } \sqrt{19} \text{ و } -\sqrt{19}$$

### التمرين الثاني:

التعبير بطريقتين مختلفتين عن كل من  $\tan \widehat{B}$  و  $\sin \widehat{C}$ :

$$\sin \widehat{B} = \frac{A C}{B C} \quad \text{في المثلث } ABC \text{ القائم في } A, \text{ لدينا}$$

$$\sin \widehat{B} = \frac{A E}{A B} \quad \text{في المثلث } ABE \text{ القائم في } E, \text{ لدينا}$$

$$\tan \widehat{C} = \frac{A B}{A C} \quad \text{في المثلث } ABC \text{ القائم في } A, \text{ لدينا}$$

$$\tan \widehat{C} = \frac{A E}{C E} \quad \text{في المثلث } ACE \text{ القائم في } E, \text{ لدينا}$$

حساب كلا من  $CE : AE$  ،  
المثلث  $ABC$  قائم في  $A$  ،  
إذن  $BC^2 = AB^2 + AC^2$  (نظرية فيثاغورس)  
 $BC = 5$  و منه

$$\sin \widehat{B} = \frac{A E}{A B} \quad \text{و} \quad \sin \widehat{B} = \frac{A C}{B C} \quad \text{لدينا}$$

$$A E = A B \times \frac{A C}{B C} \quad \text{و منه} \quad \frac{A E}{A B} = \frac{A C}{B C} \quad \text{و منه}$$

$$A E = 4 \times \frac{3}{5} = 2,4$$

التمرين الأول : ( 03 نقط )

1- أحسب  $( \text{PGCD } 301 ; 210 )$ .

2- لصاحب مكتبة 301 كتاب رياضيات و 210 كتاب تكنولوجيا يريد ترتيبها في رفوف مكتبه بحيث تكون كل الرفوف متماثلة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا.

أ- ما هو اكبر عدد من الرفوف المستعملة؟

ب- ما هو عدد الكتب في كل رف؟

ج- إذا كان سمك كتاب الرياضيات  $1.5 \text{ cm}$  وسمك كتاب التكنولوجيا  $1 \text{ cm}$  فما هو طول كل رف؟ (توزيع الكتب جنبا إلى جنب في كل رف)

التمرين الثاني : ( 03 نقط )

(وحدة الطول هي السنتمتر)

ليكن المستطيل  $STUV$  بعدها هما  $ST = 16 + 4\sqrt{2}$  و  $TU = 16 - 4\sqrt{2}$

1- أعط القيمة المضبوطة لكلا من:

أ- محيط المستطيل  $STUV$

ب- مساحة المستطيل  $STUV$

2- احسب الطول  $SU$  قطر المستطيل  $STUV$

التمرين الثالث : ( 03 نقط )

وحدة الطول هي السنتمتر (cm) ؛ في الشكل المجاور الأطوال ليست حقيقة

1- أ- احسب الطول  $AC$  وأعط الناتج على شكل  $a\sqrt{b}$

ب- استنتج أن:  $(AC) \parallel (ES)$

2- احسب القيمة المضبوطة للطول  $OS$  .

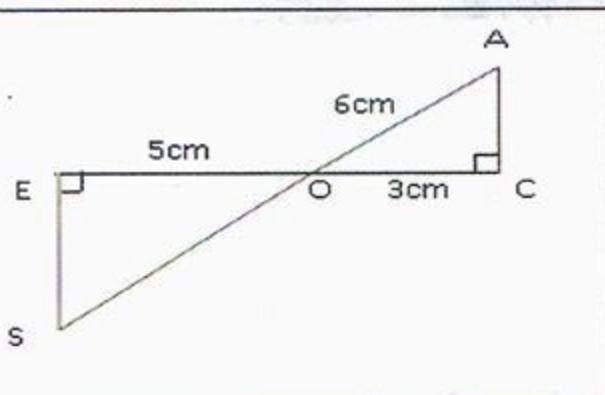
التمرين الرابع : ( 03 نقط )

$ABCD$  مستطيل حيث:  $AB = 3\sqrt{3} \text{ cm}$  ،  $AD = 3 \text{ cm}$

1/ أنشئ الشكل وارسم القطر  $AC$  ثم احسب قيس الزاوية  $\hat{ACD}$  بالدرجات (بالتدوير إلى الوحدة)

2/ نقطتان من  $[AD]$  ،  $[DC]$  على الترتيب حيث  $DM = \sqrt{3} \text{ cm}$  و  $DN = 1 \text{ cm}$  و

- بين أن:  $(NM) \parallel (AC)$  -



المشارة: (08 نقاط)

من أجل تهيئة الطريق المزدوج الرابط بين حي البدر وهي 542 مسكن بمدينة المشرية قامت المؤسسة المكلفة بالإنجاز بشحن شاحنة بالحجارة من محجرة إسعادي التي قامت باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه حيث:

- طول البساط المتحرك:  $CD = 11,70m$ .

- طول الأرضية:  $CA = 10,80m$ .

-  $(DA)$  و  $(CA)$  متعامدان.

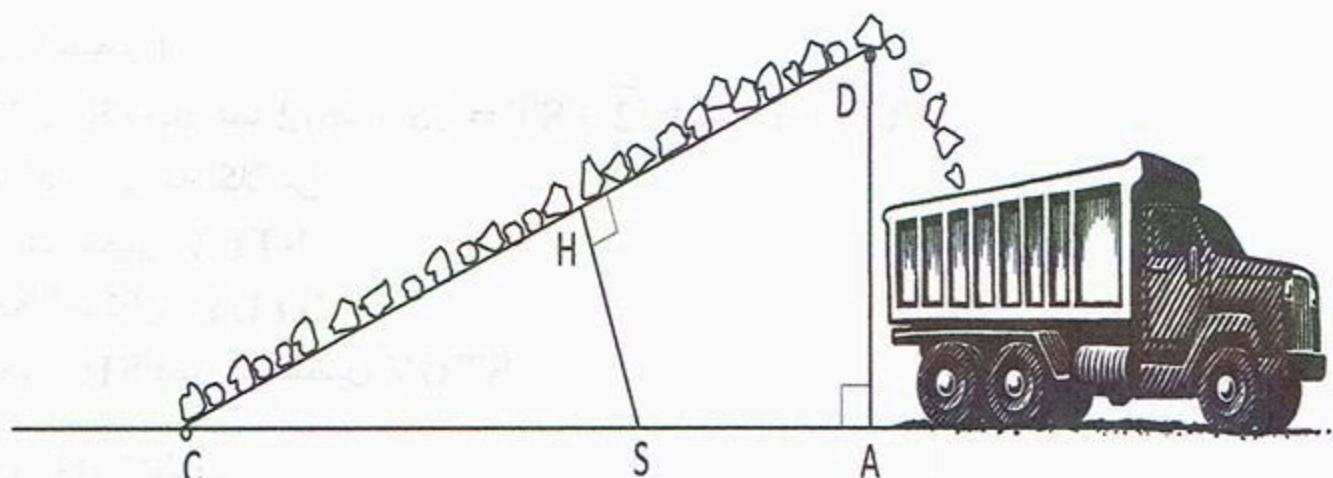
(1) أحسب  $DA$  ارتفاع قمة البساط عن سطح الأرض.

(2)

أ/ أحسب  $COSDCA$  ثم استنتج قيس الزاوية التي يصنعها البساط مع الوضع الأفقي (الأرضية) بالتدوير إلى الوحدة.

ب/ من أجل تمسك جهاز البساط قمنا بثبيته بواسطة عمود  $[HS]$  طوله  $2,50m$  حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة  $S$  ومثبت عموديا على البساط في النقطة  $H$  (انظر الشكل).

أحسب المسافة  $CS$ .



ملاحظة: الكتابة تكون بالقلم الأزرق أو الأسود فقط

تحظى موفق الجميع

يوم: الثلاثاء 06 ديسمبر 2016  
المدة: 2 ساعة

متوسطة الشهيد بن موسى الحاج  
المستوى: رابعة متوسط

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

### الجزء الأول: (12 نقطة)

#### التمرين الأول: (03 نقاط)

$$A = \frac{5 \times 10^{23} \times 13}{5 \times 10^{-7}} ; B = 2 - \frac{5}{2} \times \frac{8}{25} ; C = 3\sqrt{50} - \sqrt{32} + 2\sqrt{98}$$

لتكن الأعداد: 1) اكتب العدد  $A$  كتابة علمية.

2) احسب العدد  $B$  ، ثم اختزل الناتج ان أمكن.

3) اكتب  $C$  على شكل  $a\sqrt{2}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.

#### التمرين الثاني: (03 نقاط)

$$b = \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{7}} ; a = \frac{\sqrt{7}-\sqrt{2}}{\sqrt{7}}$$

1) احسب القيمة المقربة الى  $10^{-2}$  بالنقصان للعدد  $a$ .

2) اجعل مقام العدد  $b$  ناطق.

#### التمرين الثالث: (03 نقاط)

1) تتحقق أن العددان 1317 و 1756 غير أوليين فيما بينهما.

2) عند بستانى 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، يريد تشكيل باقات متماثلة بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء.

أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟

ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟

#### التمرين الرابع: (03 نقاط)

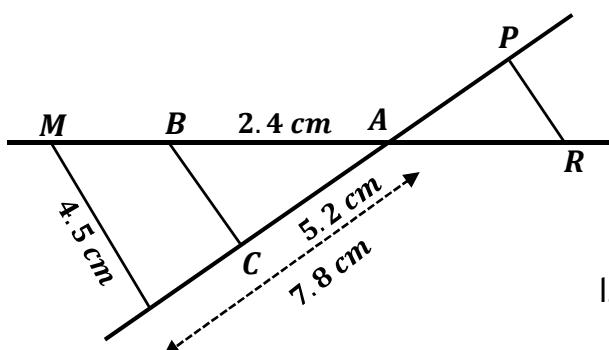
المستقيمان  $(BC)$  و  $(MN)$  متوازيان.

(الأطوال في الرسم المقابل ليست حقيقة)

1) احسب الطولين  $AM$  و  $BC$ .

2) بين أن المستقيمان  $(BC)$  و  $(PR)$  متوازيان ، إذا

علمت أن:  $AP = 2.6 \text{ cm}$  و  $AR = 1.2 \text{ cm}$

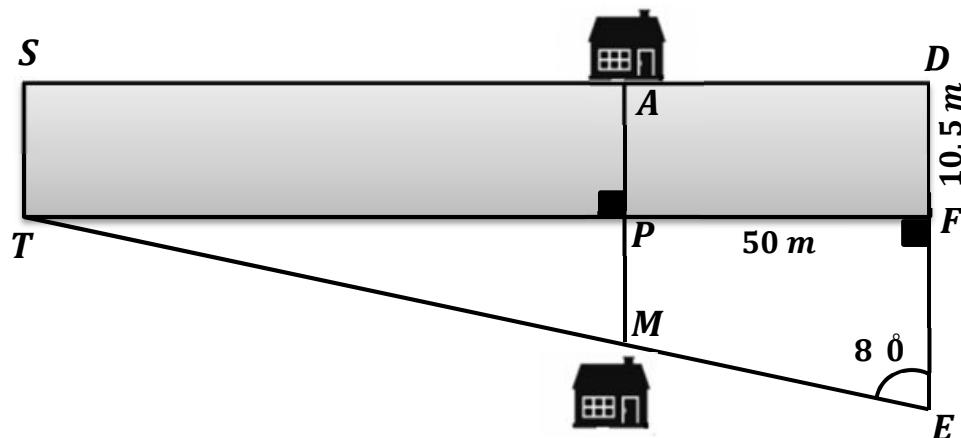


## الجزء الثاني: (08 نقاط)

### المشـأـلة:

اقسم أحمد و عيسى قطعة أرض ، فأخذ أحمد القطعة المستطيلة  $DSTF$  . وأخذ عيسى القطعة المثلثية  $FET$  كما هو مبين في الشكل التالي حيث :

$$DS = 120 \text{ m}$$



- 1) هل هذه القسمة عادلة (يمكن حساب مساحة المستطيل و مساحة المثلث)
- 2) النقطة  $A$  تمثل منزل أحمد ، والنقطة  $M$  تمثل منزل عيسى، إتفقا الإخوان على حفر بئر في النقطة  $P$ .
  - هل المنزلان يبعدان بنفس المسافة عن البئر.
- 3) احيطت القطعة الكلية بسياج ثمن المتر الواحد هو  $250DA$ .
  - اوجد كلفة هذا السياج.

الأستاذ : بلعكري عادل

<https://www.facebook.com/groups/1245852252107916/>

### التمرين الأول:

لدينا العبارة الجبرية  $A$  حيث:  $A = (3x-2)(3x+2) - (3x-2)(x-3)$

- أنشر ثم بسط العبارة الجبرية  $A$ .
- احسب العبارة الجبرية  $A$  من أجل  $x = \sqrt{2}$ .

### التمرين الثاني:

- احسب العبارة الجبرية  $B$  حيث:  $B = \frac{2}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{4}$
- أكتب العبارة  $C$  على شكل:  $a\sqrt{3}$  حيث:  $C = \sqrt{75} + 4\sqrt{27} - 5\sqrt{48}$
- أوجد:  $\text{BGCD}(1610; 854)$

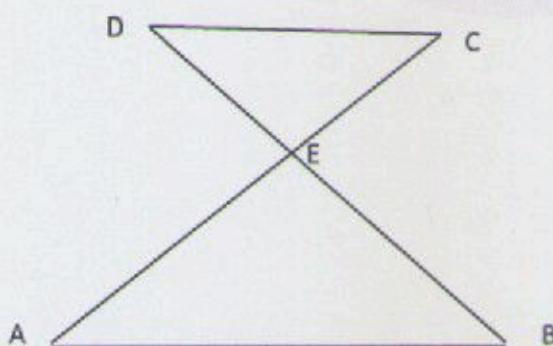
### التمرين الثالث:

$ABC$  مثلث قائم في الرأس  $B$  حيث:  $BC = 3,6\text{cm}$ ;  $AB = 2,7\text{cm}$ .

- احسب الوتر  $AC$ .
- احسب  $\sin BAC$ .

### التمرين الرابع:

$EC = 5,4\text{cm}$ ;  $EA = 7,2\text{cm}$ ;  $EB = 10\text{cm}$ ;  $ED = 7,5\text{cm}$



- بين أن:  $(AB) \parallel (DC)$
- إذا علمت أن:  $CD = 6,3\text{cm}$
- احسب الطول:  $AB$



$AB=6\text{cm}$  ;  $AD=4\text{cm}$ . حيث  $ABCD$  مستطيل ✓

$0 < X \leq 4$  و  $BM=CN=X$  على الترتيب حيث  $N, M$  نقطتان من  $[BC]$  و  $[DC]$  ✓

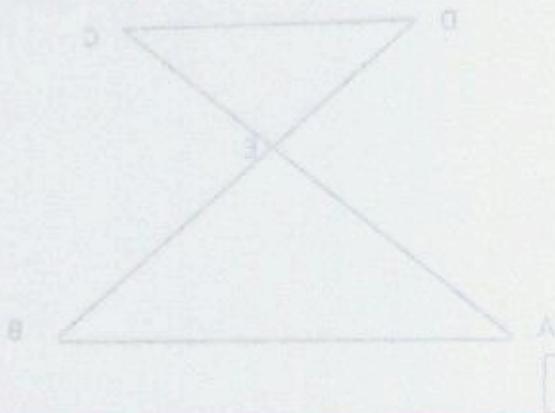
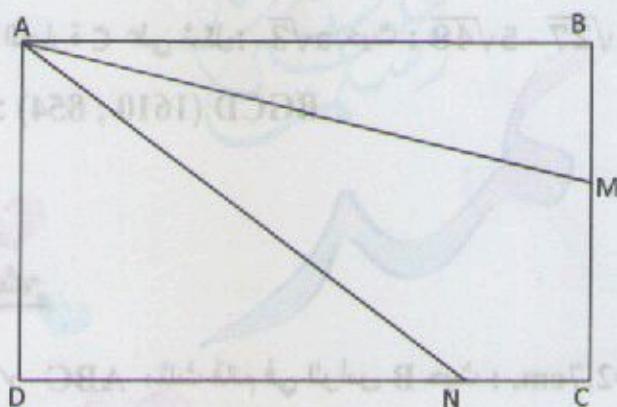
1- عبر عن مساحة المثلث  $ABM$  بدلالة  $X$ .

2- أحسب  $DN$  بدلالة  $X$ .

3- عبر عن مساحة المثلث  $ADN$  بدلالة  $X$ .

4- إذا علمت أن:  $S_1=S_2$  ، أحسب العدد  $X$ .

5- عبر عن مساحة الرباعي  $AMCN$  بدلالة  $X$ .



ملاحظة  
جميع الحقوق محفوظة  
Miloud bounedjat

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

## التمرين 01 :

أكتب العبارتين  $A$  و  $B$  على أبسط شكل ممكن:

$$A = 9\sqrt{2} - \sqrt{98} + \sqrt{20} - 4\sqrt{5}$$

$$B = \sqrt{20} + \sqrt{8}$$

$$\frac{A+B}{\sqrt{2}} ; \frac{A-B}{\sqrt{5}}$$

$$\text{استنتج } (A+B)(A-B)$$

## التمرين 02 :

أنشر و بسط العبارات التالية باستعمال المتطابقات الشهيرة:

$$A = (2x+1)^2 + (x+3)(-x+3)$$

$$B = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - (4x-1)(x+1)$$

$$C = \sqrt{2\sqrt{5}-2} \times \sqrt{2\sqrt{5}+2}$$

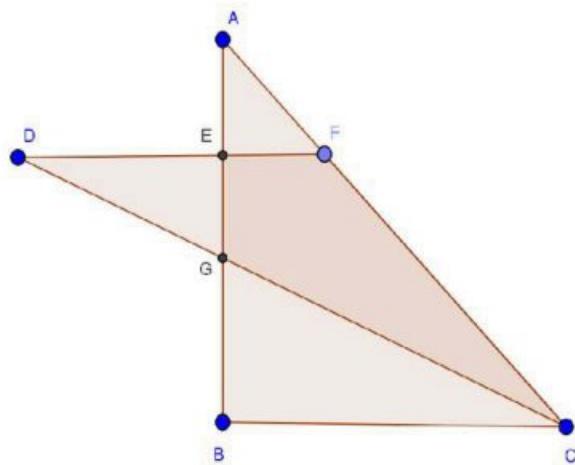
## التمرين 03 :

 $R$  مثلث قائم في  $RTS$ 

$$\sin T = 0.8$$

$$\tan T ; \cos T$$

أنشئ الشكل دون حساب قيس الزاوية.



## التمرين 04 :

إليك الشكل التالي حيث:  $(DF)$  يوازي  $(BC)$  و

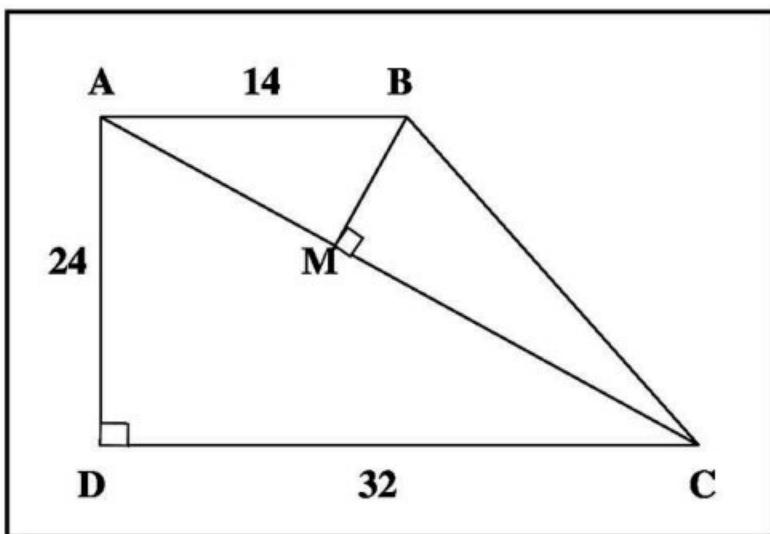
$$BC = 6\text{cm} ; EG = 1.5\text{cm} ; DG = 3.9\text{cm}$$

$$EF = 1.2\text{cm} ; AE = 1\text{cm}$$

أحسب  $AB$  ثم استنتج  $BG$ أحسب  $ED$ هل  $(GF)$  يوازي  $(DA)$ بين أن المثلث  $DGE$  قائم

مسألة : ( 8 ن )

وحدة الطول هي cm  
يعبر الشكل التالي عن حقل لفلاح حيث ABCD شبه منحرف قائم في A و D حيث  $AB = 14$  ،  $DC = 32$  ،  $AD = 24$   
[BM] هو الارتفاع المتعلق بالضلع [AC] في المثلث ABC ( الشكل )



الجزء 1:

\* بين أن مساحة شبه المنحرف ABCD هي  $552 \text{ cm}^2$

\* بين أن مساحة المثلث ADC هي  $384 \text{ cm}^2$

\* استنتج مساحة المثلث ABC

\* أحسب  $\sin M\hat{A}B$  ثم أعط المدور إلى الوحدة لقياس الزاوية  $M\hat{A}B$

الجزء 2:

يريد صاحب الحقل غرس شجيرات على محيط المثلث ADC بحيث تكون متساوية البعد فيما بينها

- جد أكبر بعد ممكّن بين كل شجرتين متباورتين .

- جد عدد الشجيرات اللازمة لغرس كل المحيط.

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{(\text{قاعدة أ} + \text{قاعدة ب}) \times \text{ارتفاع}}{2}$$

بالنوفيق

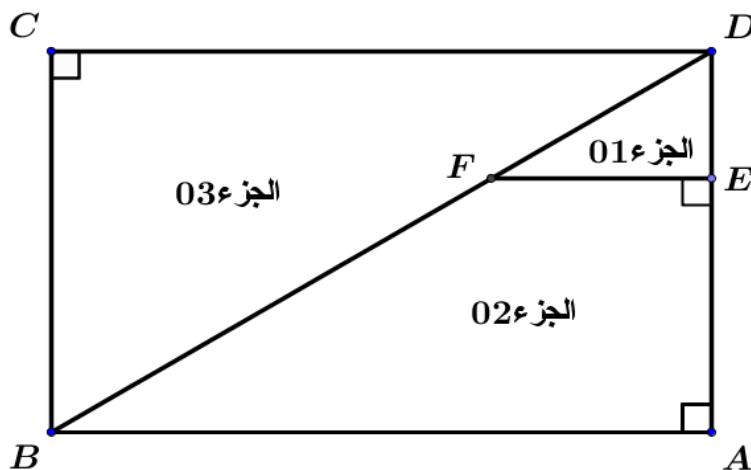
انتهى



## الجزء الثاني: ( 08 نقاط )

## مسألة:

في بداية الموسم الزراعي قررت التعاونية الفلاحية أن تغرس في كل جزء من القطعة محصول معين. قسمت إلى ثلاثة أجزاء بإقامة حواجز عليها كما هو مبين في الشكل. تملك تعاونية فلاحية قطعة أرض مستطيلة الشكل بعدها  $120\text{ m}$  و  $90\text{ m}$ .



## الجزء (01): لغرس الفراولة.

الجزء (02) : لغرس البطاطا.

### الجزء (03): لغرس الجزر .

أولاً:

1.  $BD = 150 \text{ m}$  الطول أنْ بَيِّن .

$$. DE = \frac{1}{3} AD \text{ حيث: } [AD] \text{ نقطة من } E$$

2. بین ان  $(EF)$  و  $(AB)$  متوازیان.

3. أحسب كل من:  $FD$  ؛  $EF$  ؛  $DE$

ثانياً:

- أحسب مساحة الجزء (03) و مساحة الجزء (02).

શાલ

في إطار الدعم الفلاحي دَعمت الْحُكُومَةُ التَّعَاوِنِيَّةُ الْفَلَاحِيَّةَ بِـ 285 بَقَرَةً وَ 798 رَأْسَ غَنَمَ، وَ لِتَسْهِيلِ الاعْتَنَاءِ بِهَذِهِ الْأَبْقَارِ وَ الْأَغْنَامِ وَرَزَعَتْ إِلَيْ مَجْمُوعَاتِ مُتَمَاثِلَةٍ مِنْ حِيثُ عَدْدِ الْأَبْقَارِ وَ عَدْدِ الْأَغْنَامِ، قَرَدَتْ التَّعَاوِنِيَّةُ تَوظِيفَ أَكْبَرِ عَدْدِ مُمْكِنٍ مِنِ الْعَمَالِ بِحِيثُ بَعْتَهُ كُلُّ عَامٍ بِمَحْمُومَةٍ وَاحِدَةٍ.

1. اوجد أكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية.

2. ما هو عدد الأبقار و عدد الأغنام في كل مجموعة.

$$\therefore AD = 90 \text{ m} \quad ; \quad AB = 120 \text{ m} \quad : \text{ذكير}$$

- تعطى: مساحة الشبه المنحرف:  $S = \frac{(B+b) \times h}{2}$  (  $B$  القاعدة الكبرى ،  $b$  القاعدة الصغرى ،  $h$  الارتفاع )

العلامة الكلية	العلامة المجزأة	التصحيح النموذجي	النفرین
		1. حساب $PGCD$ للعددين 798 و 285 . $798 = 285 \times 2 + 228$ $285 = 228 \times 1 + 57$ $228 = 57 \times 4 + 0$ $PGCD(798; 285) = 57$	
ن03	0,75 0,25 01 01	2. اختزال الكسر $\frac{1375}{825}$ بحيث يكون الناتج كسر غير قابل للاختزال . $\frac{798}{285} = \frac{798 \div 57}{285 \div 57} = \frac{14}{5}$ 3. حساب و تبسيط العدد $P$ . $P = \frac{798}{285} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{2} = \frac{14}{5} - \frac{21}{10} = \frac{14 \times 2}{5 \times 2} - \frac{21}{10} = \frac{28}{10} - \frac{21}{10} = \frac{7}{10}$	النفرین الأول
	0,75	إليك العددان $A$ و $B$ حيث: $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$ و $B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$ . 1. إثبات أن $A = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$ $A = \sqrt{12} + \sqrt{60} = 2\sqrt{3} + 2\sqrt{15} = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$ 2. جعل مقام النسبة $B$ عدداً ناطقاً: $B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}} = \frac{(1 + \sqrt{5})\sqrt{3}}{\sqrt{3}^2} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3}$ 3. إثبات أن: $\frac{1}{2}A = 3B$ حساب: $\frac{1}{2}A = \frac{1}{2} \times 2(\sqrt{3} + \sqrt{15}) = \sqrt{3} + \sqrt{15}$ $3B = 3 \left( \frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3} \right) = \sqrt{3} + \sqrt{15}$ إذن: $\frac{1}{2}A = 3B$	النفرین الثاني
ن03	0,75	4. حل المعادلة التالية إن أمكن: $3x^2 - 45 = -18$ $3x^2 - 45 = -18$ $3x^2 = -18 + 45 = +27$ $x^2 = +9$ $x = -3$ $x = +3$	إذن للمعادلة حلان هما: $-3$ و $+3$

1. إثبات أن المستقيمين  $(AD)$  و  $(BC)$  متوازيان.

لدينا: النقط  $A; O; B$  و  $D; O; C$

$$0,25 \quad \begin{cases} \frac{OB}{OA} = \frac{3}{6} = 0,5 \\ \frac{OC}{OD} = \frac{4}{8} = 0,5 \end{cases}$$

$$0,25 \quad \frac{OB}{OA} = \frac{OC}{OD} = 0,5 \quad \text{و منه:}$$

إذن:  $(AD) // (BC)$  (حسب نظرية العكسية لطالس)  
2. إثبات أن المثلث  $OBC$  قائم.

لدينا:

.  $DMA$  [قطر للدائرة  $(C)$  و ضلع للمثلث  $DMA$ ]

.  $DMA$  [محيطة بالمثلث  $DMA$ ]

. إذن:  $DMC$  مثلث قائم في  $A$ .

1. حساب  $\cos \widehat{ABC}$

لدينا:  $ABC$  مثلث قائم في  $C$

0,5 .....

$$\sin^2 \widehat{ABC} + \cos^2 \widehat{ABC} = 1$$

$$\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \cos^2 \widehat{ABC} = 1$$

$$0,75 \quad \cos^2 \widehat{ABC} = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$$

$$\cos \widehat{ABC} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

• 2. حساب  $\tan \widehat{ABC}$

$$0,75 \quad \tan \widehat{ABC} = \frac{\sin \widehat{ABC}}{\cos \widehat{ABC}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{2}{1} = \sqrt{3}$$

2. حساب  $: AC$

$$0,75 \quad \sin \widehat{ABC} = \frac{AC}{AB}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{6}$$

$$AC = 3\sqrt{3} \text{ cm}$$

• 3. حساب  $: BC$

بتطبيق نظرية فيثاغورس المباشرة نجد:

$$0,75 \quad AB^2 = AC^2 + BC^2$$

$$BC^2 = AB^2 - AC^2 = 36 - 27 = 9$$

$$BC = 3 \text{ cm}$$

الجزء الأول:

1. تبيان أن الطول  $BD = 150 m$  لدينا:  $BDC$  مثلث قائم في  $C$ .

$$BD^2 = BC^2 + CD^2 = 90^2 + 120^2 = 8100 + 14400 = 22500$$
$$BD = \sqrt{22500} = 150 m$$

2. تبيان أن  $(AB) \parallel (EF)$  متوازيان:

$$\begin{cases} (EF) \perp (AD) \\ (AB) \perp (AD) \end{cases}$$

لدينا: إذن:  $(EF) \parallel (AB)$  حسب نظرية التوازي و التعامد

$$DE = \frac{1}{3} \times 90 = 30 m$$

3. حساب  $DE$ :

• حساب  $EF$ :

$$\text{لدينا: } (EF) \parallel (AB)$$

النقط  $D; F; B$  و  $D; E; A$  على استقامة واحدة و بنفس الترتيب.

$$\frac{DE}{DA} = \frac{DF}{DB} = \frac{EF}{AB}$$

$$\frac{30}{90} = \frac{DF}{150} = \frac{EF}{120}$$

$$EF = \frac{120 \times 30}{90} = 40 \quad \text{و منه: } \frac{30}{90} = \frac{EF}{120}$$

• حساب  $FD$ :

$$FD = \frac{150 \times 30}{90} = 50 m \quad \text{و منه: } \frac{30}{90} = \frac{DF}{150}$$

الجزء الثاني:

• مساحة القطعة  $(03) = 5400 m^2$

$$S_{03} = \frac{CD \times BC}{2} = \frac{120 \times 90}{2} = 5400$$

• مساحة القطعة  $(02) = 4800 m^2$

$$S_{02} = \frac{(AB + EF)EA}{2} = \frac{(120 + 40)60}{2} = 4800$$

الجزء الثالث:

1. اكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية هو: 57 عامل

$$798 = 285 \times 2 + 228$$

$$285 = 228 \times 1 + 57$$

$$228 = 57 \times 4 + 0$$

.....

2. حساب عدد الأبقار التي يعتني بها كل عامل: 5 أبقار

$$285 \div 57 = 5$$

• حساب عدد الأغنام التي يعتني بها كل عامل: 14 رأس غنم

$$798 \div 57 = 14$$

الملف: 2

أختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

المستوى: 4 متوسط

التمرين الأول: 2 ن

$$B = \frac{12}{5} \div \left( \frac{3}{5} + 2 \right)$$

$$A = \frac{1}{6} \times 5 - \frac{5}{10} \times \frac{4}{3}$$

1- أحسب كلا من  $A$  و  $B$  مع توضيح مراحل الحساب و إعطاء النتائج على شكل كسور غير قابلة للاختزال.

التمرين الثاني: 3 ن

،  $D$  عداد حقيقيان حيث:

$$C = 2\sqrt{125} - \frac{15}{\sqrt{45}} + \frac{\sqrt{500}}{5}$$

$$D = \frac{\sqrt{5} + 35}{\sqrt{5}}$$

1- أكتب العدد  $C$  على شكل  $m\sqrt{n}$  حيث  $n$  أصغر ما يمكن.

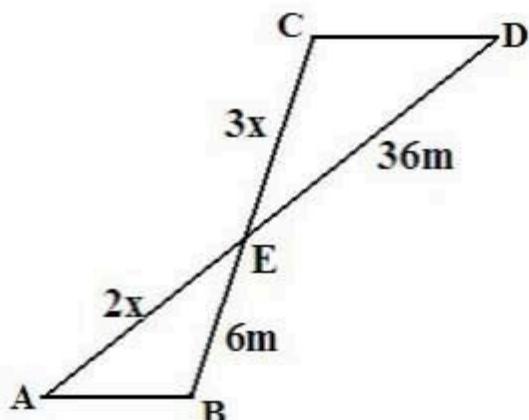
2- أكتب العدد  $D$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

3- أحسب  $E$  حيث:  $E = C - D + 1$

التمرين الثالث: 3 ن

تعن في الشكل المقابل جيدا. (الشكل ليس مرسوما بالأبعاد الحقيقة).

(AB) // (CD) نعطي

1- أوجد  $x$ .2- أحسب الطول  $EA$  ثم  $EC$ 

التمرين الرابع: 4 ن

وحدة الطول هي: m :

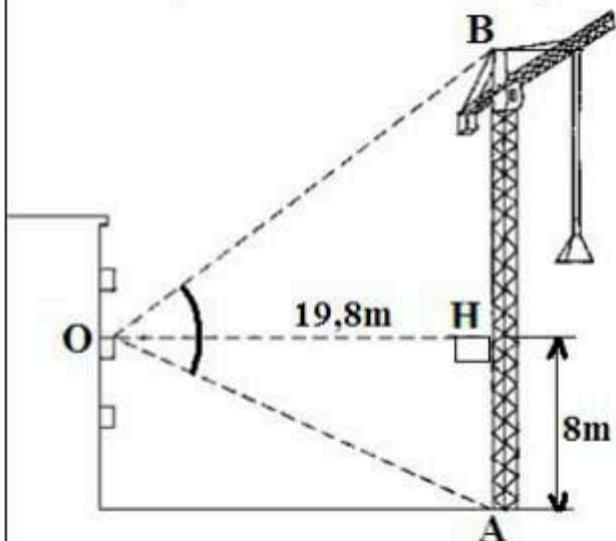
تقع شرفة عمارة على بعد 8m عن الأرض . لحمل الأثاث إليها نستعمل الرافعة كما هو موضح في الشكل.

$$A\hat{O}B = 61^\circ$$

1- أحسب  $H\hat{O}A$  . (تعطى الزاوية بالتدوير إلى الوحدة).

2- استنتج قيس الزاوية  $H\hat{O}B$  .

3- أحسب المسافة  $OA$  ثم  $OB$  . (القيمة مقربة إلى 0,1 بالتقىصان)



١) -في إحدى المباريات بين فريقين يضمان اللاعبين الجزائريين سفيان فيغولي (نادي فالنسيا) و مهدي لحسن (نادي خيتافي) ، جلس أنصار الفريقين على المدرجات في صفوف متقابلة و متساوية من حيث عدد المقاعد. بلغ عدد مشجعي فريق فالنسيا 9000 شخص و عدد مشجعي فريق خيتافي 4950 شخص.

1- ما هو أكبر عدد من المقاعد في كل صف؟

2- كم بلغ عدد صفوف مشجعي فريق فالنسيا؟

3- كم يبلغ عدد صفوف مشجعي فريق خيتافي؟

١١) - بعد مدة زمنية من الشوط الأول، سدد اللاعب سفيان فيغولي كرة قوية من الموضع A ، شكل المسار المستقيم للكرة مع الأرض زاوية قيسها  $7^\circ$  (لاحظ الشكل)، اصطدمت الكرة بأعلى القائم C، حيث علو القائم  $BC=2,40m$ .

1- أحسب  $AB$  بعد اللاعب سفيان فيغولي عن القائم.

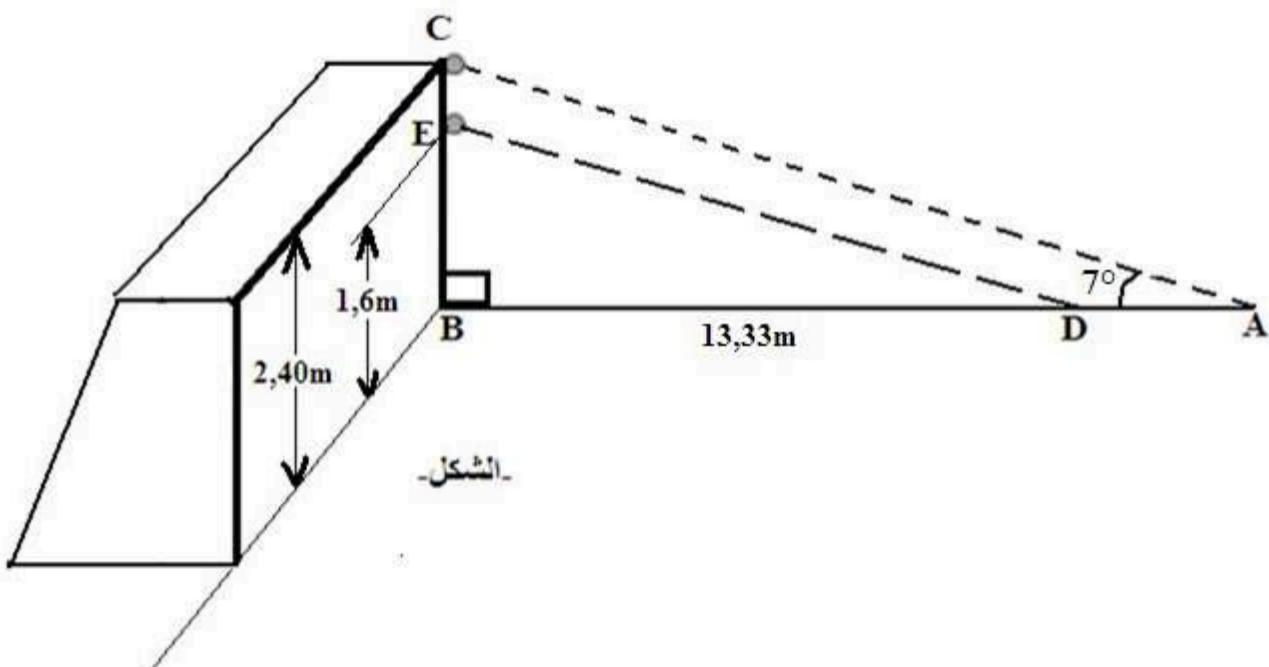
2- أحسب المسافة  $AC$  التي قطعتها الكرة للوصول إلى أعلى القائم. (القيمة مقربة إلى 0,01 بالنقصان

III) خلال الشوط الثاني تموّل اللاعب مهدي لحسن في النقطة D، حيث  $BD=13,33m$ . وقام بتسديدة من النقطة D فاصطدمت بالقائم في النقطة E حيث  $BE=1,6m$ .

1- أحسب قيس الزاوية  $\hat{E}DB$  التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض. (بالتدوير إلى الوحدة).

2- أحسب المسافة التي قطعتها الكرة للوصول إلى النقطة E. (القيمة مقرية إلى 0,01 بالنقصان

3- پین آن مسار کره سفیان فیگولی (AC) پیوازی مسار کره مهدی لحسن (DE).



بالتوفيق.

انتهی

ومن لم يدق من التعلم ساعة تجرع ذل الجهل طول حياته

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

متوسطة باي محمد - طريق عين

وزارة التربية الوطنية

قاسمة -

المستوى الرابع متوسط

مديرية التربية لولاية تيارت

المدة : ساعتان

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

## الجزء الأول: (12 نقطة)

### التمرين الأول: (03 نقاط)

1) هل العددان 243 و 162 أوليان فيما بينهما؟ برهن جوابك.

2) أكتب الكسر  $\frac{162}{243}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال

3) إذا وضعنا  $PGCD(243, 162) = x$

$$x^2 - 80x - 81 = 0 \quad \checkmark$$

## التمرين الثاني: (06 نقاط)

أعداد حقيقية حيث: A و B و C

$$C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \div \frac{5}{4} \quad , \quad B = (1 + \sqrt{2})^2 \quad , \quad A = 3\sqrt{50} - 5\sqrt{8} - \sqrt{18}$$

1) أكتب كل من A و B و C على أبسط شكل ممكن

2) أكتب النسبة  $\frac{A}{B}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

3) حل في R المعادلات التالية

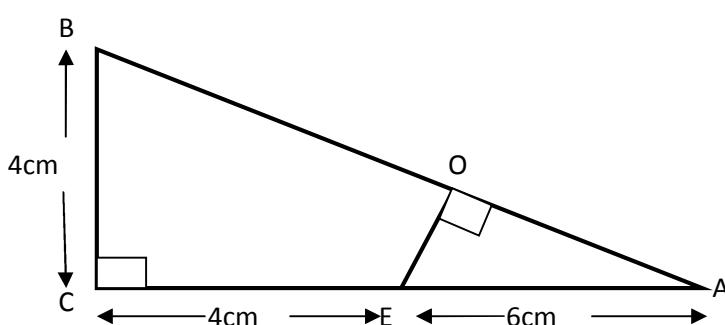
$$\frac{4}{9}x^2 = 0 \quad ; \quad -2x^2 = 4 \quad ; \quad \tan 45^\circ + \cos 90^\circ = x^2$$

## التمرين الثالث: (03 نقاط)

إليك الشكل غير مرسوم بالأبعاد الحقيقية

1) أرسم الشكل بالأبعاد الحقيقية

2) أحسب الطول OE



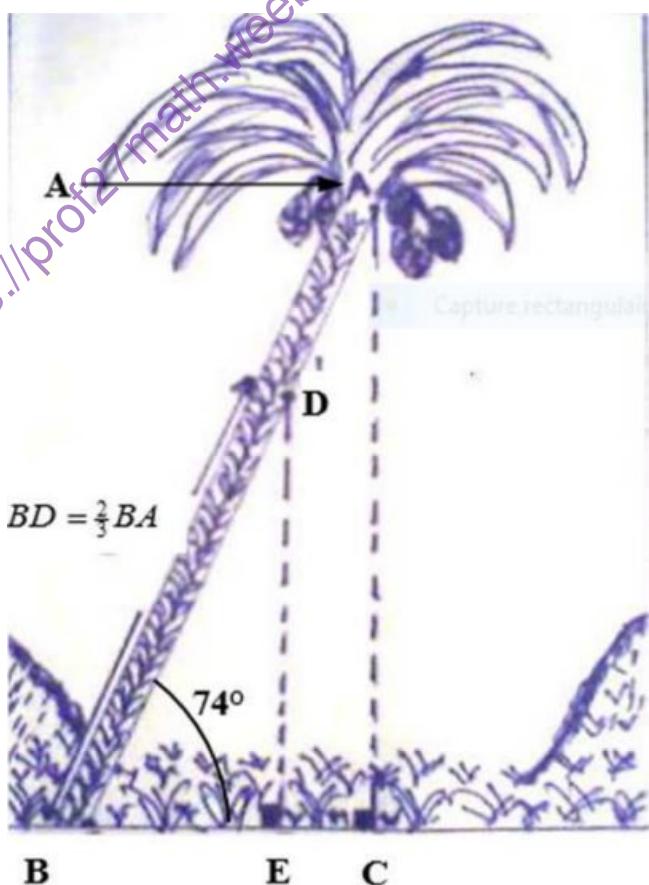
لعمي الحاج محمد في حقله نخلة مائلة كما هو مبين في الشكل.

### الجزء الأول:

تميل هذه النخلة مشكلة مع سطح الأرض زاوية قدرها  $74^\circ$  ، عندما تقع عليها أشعة الشمس يكون طول ظلها  $BC = 6\text{m}$

(1) أحسب الارتفاع  $AC$  بالتدوير إلى الوحدة.

(2) أحسب طول النخلة  $AB$  بالتدوير إلى الوحدة.



### الجزء الثاني:

صعد عمي محمد النخلة و يحمل في يده منجل لجني التمر ، و عند وصوله إلى النقطة D وقع من يده المنجل بين سنابل القمح عند النقطة E (أنظر الشكل)

حيث  $BD = \frac{2}{3} AB$

ساعد عمي محمد على إيجاد:

(1) بعد المنجل على جذع الشجرة.

(2) الارتفاع الذي سقط منه المنجل.

ركز ، تمعن و لا تتسرع

\_\_\_\_\_أستاذة المادة \_\_\_\_\_بالتوقيع\_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_ق

صفحة 2 من 2

## التصحيح النموذجي للإختبار الأول للثلاثي الأول

المؤشرات	حل التمارين	التفصيط
التمرين الأول : حساب PGCD	<p>1) للإجابة على السؤال يجب أولا حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 243 و 162</p> $\text{PGCD}(243, 162) = 81$ $243 = 162 \times 1 + 81 \quad \dots \quad 0.25$ $162 = 81 \times 2 + 0 \quad \dots \quad 0.25$ <p>العددان 243 و 162 ليسا أوليان فيما بينهما لأن القاسم المشترك الأكبر بينهما لا يساوي الواحد</p> $2 \times 0.5 \quad \dots \quad \frac{162}{243} = \frac{162 \div 81}{243 \div 81} = \frac{2}{3} \quad \dots \quad 0.50$ <p>2) اختزال الكسر</p> <p>3) التحقق من المساواة</p> $x^2 - 80x - 81 = 0$ $81 \quad \dots \quad \text{نوع المجهول بـ القاسم المشترك الأكبر وهو 81}$ $(81)^2 - 80 \times (81) - 81 = 6561 - 6480 - 81 = 0$ $0.5 \quad \dots \quad 0.5$	ن01
تعويض المجهول	<p>ن03</p> <p>ن 1</p> <p>ن 1</p>	<p>التمرين الثاني : حساب على الجذور</p> <p>4) كتابة العبارة A على شكل <math>a\sqrt{b}</math></p> $A = 3\sqrt{50} - 5\sqrt{8} - \sqrt{18} \quad \dots \quad 0.25$ $A = 3\sqrt{25 \times 2} - 5\sqrt{4 \times 2} - \sqrt{9 \times 2} \quad \dots \quad 0.25$ $A = 3\sqrt{25} \times \sqrt{2} - 5\sqrt{4} \times \sqrt{2} - \sqrt{9} \times \sqrt{2} \quad \dots \quad 0.25$ $A = 3 \times 5\sqrt{2} - 5 \times 2\sqrt{2} - 3\sqrt{2} \quad \dots \quad 0.25$ $A = 15\sqrt{3} - 10\sqrt{3} - 3\sqrt{2} \quad \dots \quad 0.25$ $A = \sqrt{2}(15 - 10 - 3) \quad \dots \quad 0.25 \quad A = 2\sqrt{3} \quad \dots \quad 0.25$
المتطابقات الشهيرة	<p>ن04</p> <p>ن01</p> <p>ن 1</p>	<p>تبسيط العدد B</p> $B = (1 + \sqrt{2})^2 \quad \dots \quad 0.25$ $B = (1)^2 + (\sqrt{2})^2 + 2(1 \times \sqrt{2}) \quad \dots \quad 0.25$ $B = 1 + 2 + 2\sqrt{2} \quad \dots \quad 0.25 \quad B = 3 + 2\sqrt{2} \quad \dots \quad 0.50$ <p>5) حساب العدد C</p> $C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \div \frac{5}{4} \quad \dots \quad 0.25 \quad C = \frac{3}{2} + \frac{4}{2} \quad \dots \quad 0.25$ $C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \times \frac{4}{5} \quad \dots \quad 0.25 \quad C = \frac{7}{2} \quad \dots \quad 0.50$ <p>تطبيق مقام نسبة <math>\frac{A}{B}</math></p> $\frac{A}{B} = \frac{2\sqrt{2}}{3 + 2\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}(3 - 2\sqrt{2})}{(3 + 2\sqrt{2})(3 - 2\sqrt{2})} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{(3)^2 \times (2\sqrt{2})^2} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{9 - 8}$ $\frac{A}{B} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{1} = 6\sqrt{2} - 8 \quad \dots \quad 4 \times 0.25$
حل معادلة من الشكل $x^2 = b$	<p>3) حل المعادلات:</p> <p>ن01</p> <p>ن 0.5</p> <p>ن 0.5</p>	$\tan 45 + \cos 90 = x^2 \quad \dots \quad -2x^2 = 4 \quad \dots \quad \frac{4}{9}x^2 = 0$ $1 + 0 = x^2 \quad 0.25 \quad \dots \quad x^2 = \frac{4}{-2} \quad \dots \quad x^2 = 0 \quad 0.25$ <p>المعادلة لها حل وحيد وهو 0</p> $x^2 = 1 \quad 0.25 \quad \dots \quad x^2 = -2 \quad \dots \quad 0.25$ <p>ليس للمعادلة حل</p> $x = \sqrt{1} = 1 \quad 0.25 \quad \dots \quad 0.25$ <p>للمعادلة حلان هما 1 و -1</p> $x = -\sqrt{1} = -1 \quad 0.25 \quad \dots \quad 2 \times 0.25$

## التصحيح النموذجي للإختبار الأول للثلاثي الأول

		1) رسم الشكل بدقة	التمرين الثالث
ن03	ن01	رسم شكل بالأبعاد الحقيقية.	
ن03	ن01	<p>2) حساب الطول : <math>OE</math> : <math>\widehat{BAC}</math> حساب الزاوية</p> <p>في المثلث القائم <math>BAC</math> : <math>\widehat{BAC} = 22^\circ</math> ..... 0.50</p> <p>في المثلث القائم <math>EOA</math> : <math>\sin 22^\circ = \frac{OE}{OA}</math> بالتعويض</p> <p>و منه <math>OE = \sin 22^\circ \times 6</math> إذن <math>OE = 2.2\text{cm}</math></p> <p>الطول <math>OE</math> هو <math>2.2\text{cm}</math></p>	حساب زاوية بتطبيق النسب المثلثية
ن03	ن01	<p>2x0.25 ..... <math>\tan \widehat{A} = \frac{\text{القائل}}{\text{المجاور}} = \frac{BC}{CA} = \frac{4}{10} = 0.4</math> في المثلث القائم <math>BAC</math> : <math>\widehat{BAC} = 22^\circ</math> ..... 0.50</p> <p>في المثلث القائم <math>EOA</math> : <math>\sin 22^\circ = \frac{OE}{OA}</math> بالتعويض</p> <p>و منه <math>OE = \sin 22^\circ \times 6</math> إذن <math>OE = 2.2\text{cm}</math></p> <p>الطول <math>OE</math> هو <math>2.2\text{cm}</math></p>	حساب طول بتطبيق النسب المثلثية
ن02	ن01	<p><u>الجزء الثاني:</u>  <u>الوضعية الإدماجية:</u> (08 نقاط)  <u>حساب الارتفاع :</u></p> <p>في المثلث القائم <math>ACB</math> : <math>\tan \widehat{B} = \frac{AC}{CB}</math> المقابل للمجاور</p> <p>و منه <math>AC = 6 \times \tan 74^\circ</math> إذن <math>AC = 20.92</math> و بالتدوير إلى الوحدة 21m</p> <p><u>الارتفاع <math>AC</math> هو 21m</u></p> <p><u>حساب طول النخلة :</u> <math>AB</math></p> <p>في نفس المثلث القائم : <math>\cos 74^\circ = \frac{BC}{AB}</math> المقابل للوتر</p> <p>و منه <math>AB = \frac{6}{\cos 74^\circ}</math> إذن <math>AB = 21.76</math> و بالتدوير إلى الوحدة 22m</p> <p><u>طول النخلة هو 22 m</u></p>	تطبيق النسب المثلثية
ن02	ن01	<p><u>الجزء الثاني :</u>  <u>حساب بعد المنجل على جذع الشجرة :</u>  <u>حساب الطول :</u> <math>BD</math></p> <p><math>BD = \frac{44}{3}m</math> و منه <math>BD = \frac{2}{3} \times 22</math> إذن <math>BD = \frac{2}{3}AB</math></p> <p>الطول <math>BD = 14.67</math> و بالتدوير إلى الوحدة 15 m</p> <p>بما أن المستقيمان <math>(AC)</math> و <math>(DE)</math> عموديان على نفس المستقيم <math>(BC)</math> فإنهما متوازيان (حسب خواص مستقيمان و قاطع لهما)</p> <p>حسب نظرية طالس نجد : <math>\frac{BE}{BC} = \frac{BD}{BA} = \frac{ED}{AC}</math></p>	استخراج طول من نسبة معطاة
ن02	ن01	<p>بالتعويض <math>BE = \frac{6 \times 15}{22} = \frac{15}{22} = \frac{ED}{6}</math> و منه <math>BE = 4.09</math> إذن <math>BE = 4m</math> بعد المنجل على جذع النخلة 4 m</p> <p><u>حساب الارتفاع الذي سقط منه المنجل :</u></p> <p>من النسب السابقة <math>ED = \frac{21 \times 15}{22}</math> إذن <math>ED = 14.31</math> بالتدوير إلى الوحدة 14 m</p> <p>الارتفاع الذي سقط منه المنجل هو 14 m</p>	برهان التوازي بخواص طالس في حساب طول أو طولين

الجزء الأول (١٢ ن)  
التمرين الأول:

(٣ نقاط)

$$A = \frac{\frac{61}{4} + \frac{7}{10} \times \frac{1}{2}}{\frac{13}{4}} \quad A \text{ عدد ناطق يكتب بالشكل:}$$

$$1- \text{ بين أن: } 0 = A - \frac{1248}{260}$$

2- أوجد  $PGCD$  للعددين ١٢٤٨ و ٢٦٠ .

3- أكتب العدد  $A$  على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني:

(٣ نقاط)

$x$ ،  $y$  أعداد حقيقة حيث :

$$y = 2\sqrt{80} + \sqrt{20} - 7\sqrt{5} \quad ; \quad 3x^2 - 6 = 42$$

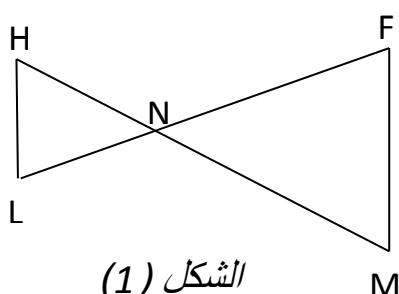
1- حل المعادلة ذات المجهول  $x$  .

2- أكتب العبارة  $y$  على الشكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $a$  و  $b$  عدوان طبيعيان و  $b$  أصغر عدد ممكن .

3- أكتب العبارة  $\frac{1-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثالث:

(٣ نقاط)



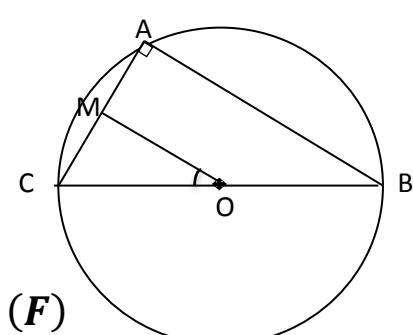
في الشكل (١) الأطوال بـ  $Cm$  حيث  $(MF) \parallel (LH)$

$$NH = 15 : NF = 4 : NL = 3 : LH = 24$$

- أحسب الطولين  $NM$  و  $MF$  .

(٣ نقاط)

التمرين الرابع:



لاحظ الشكل المقابل جيدا حيث (F) دائرة مركزها  $O$  و قطرها  $BC$

$$AC = 3 \text{ } Cm \quad ; \quad AB = 4 \text{ } Cm \quad \text{و} \quad (AB) \parallel (MO)$$

$$1- \text{ بين أن } BC = 5 \text{ } cm$$

2- ما نوع المثلث  $OMC$ ؟ على ؟

3- أحسب قيس الزاوية  $\widehat{MOC}$  بالتدوير إلى الوحدة وإستنتج قيس الزاوية  $\widehat{ABC}$  دون حساب .

$$\text{إذا علمت أن } CM = 1.5 \text{ } cm$$

ملاحظة: الرسم مرسوم بأقياس غير حقيقة

(8 نقاط)

شكل شبه منحرف قائم يريد مالكه تقسيمه إلى متجر ومخزن كما هو مبين في الشكل (3).

نضع  $DF = x$  ونسمى  $S_1$  مساحة المستطيل  $ABMF$  (المتجر) و  $S_2$  مساحة شبه المنحرف القائم  $FDCM$  (المخزن).

الحالة الأولى: نأخذ  $x = 1m$

1- أحسب المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  واستنتج أن:

الحالة الثانية: نأخذ  $9 < x < 0$

1- عبر عن المساحتين  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$ .

2- أوجد قيمة  $x$  التي من أجلها  $S_2 = S_1 + 8$

الحالة الثالثة: نأخذ  $x = 3,5 m$

1- أحسب بالسنتيمتر طول وعرض المتجر:  $AF$  و  $AB$ .

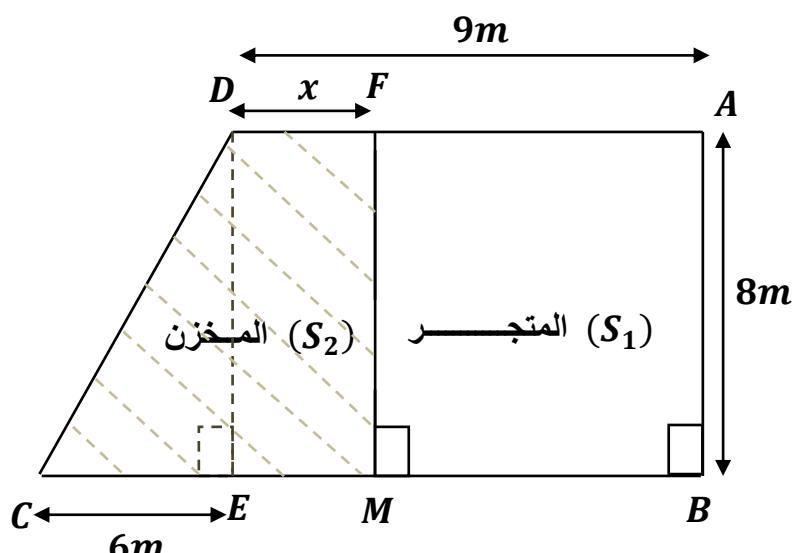
2- من أجل تبليط المتجر يريد صاحبه اختيار بلاطات مربعة الشكل ومتجانسة وبأكبر ضلع ممكن طوله  $a$ .

أ- أحسب الطول  $a$  المناسب للشروط السابقة مقدراً بالسنتيمتر.

ب- أحسب العدد الإجمالي لل بلاطات اللازمة لتغطية أرضية المتجر.

ج- ماهر ثمن البلاط إذا كان سعر البلاطة الواحدة منه هو 420 دينار.

تنكير: مساحة شبه منحرف ارتفاعه  $h$  قاعدته الكبرى  $x$  وقاعدته الصغرى  $y$  هي:



شكل (3)

## الأغتيال الأول للفصل الأول

### التمرين الأول:

لدينا حيث:  $A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{24}$  •

- أحسب ثم أعط الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال

لدينا  $B$  حيث:  $B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$  •

- أكتب  $B$  على الشكل  $a\sqrt{3}$

لدينا  $C = (5 + \sqrt{3})^2$  •

- أكتب  $C$  من الشكل  $m + n\sqrt{3}$

أنشر ثم بسط  $D$  حيث:  $D = (2x + 3)(7x - 4)$  •

- أحسب قيمة  $D$  من أجل  $x = -1$

### التمرين الثاني:

إذا علمت أن:  $\tan\alpha = \frac{7}{9}$  و  $\sin\alpha = \frac{7}{11}$

- أحسب  $\cos$  (دون حساب القيس)

- تحقق أن:  $\sin^2 = 1 - \cos^2$

### التمرين الثالث:

مثلث  $ABC$  حيث:  $BC = 9cm$  ،  $AC = 6cm$  و  $AB = 5cm$

- نقطة من  $[BC]$  حيث:  $CE = 3cm$

- المستقيم المار من  $C$  و الموازي لل المستقيم  $(AB)$  يقطع المستقيم  $(AC)$  في النقطة

- أجز الشكل

- أحسب:  $FC$  و

- نقطة من  $[BC]$  حيث:  $AD = 2cm$  و  $BI = 3cm$  نقطة من  $[AC]$  حيث:  $D$

- بين أن:  $\frac{BC}{AD} = \frac{AC}{BI}$

- استنتج أن:  $(AB) \parallel (ID)$

## الوضعية الادماجية:

"يجب إعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدورة إلى الوحدة"

- يعد الدوري الإسباني لكرة القدم من بين أفضل وأقوى الدوريات في العالم، حيث يتتوفر على فرق قوية

و خاصة فريق ريال مدريد و برشلونة اللذان يضمان أفضل لاعبين في العالم حاليا و هما البرتغالي رونالدو و

الأرجنتيني ميسي

- سجل ميسي منذ انضممه إلى البرسا 243 هدفا ، فيما سجل رونالدو منذ انضممه إلى ريال 162 هدفا ، نريد فرضا تقسيم عدد أهداف الاعبين على أكبر عدد ممكن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلا في كل مباراة من حيث عدد أهداف كل من ميسي و رونالدو

1) ما هو عدد هذه المباريات؟

2) ما هو عدد أهداف ميسي في كل مباراة؟ ما هو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة؟

- في إحدى مباريات ريال سدد رونالدو كرة قوية من الموضع A (لاحظ الشكل) شكل مسار الكرة مع الأرض زاوية قيسها  $B\hat{A}C = 25^\circ$  ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم، باعتبار أن مسار الكرة مستقيم و علو القائم

$BC = 24dm$  هو

1) أحسب البعد بعد رونالدو عن القائم

2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم؟

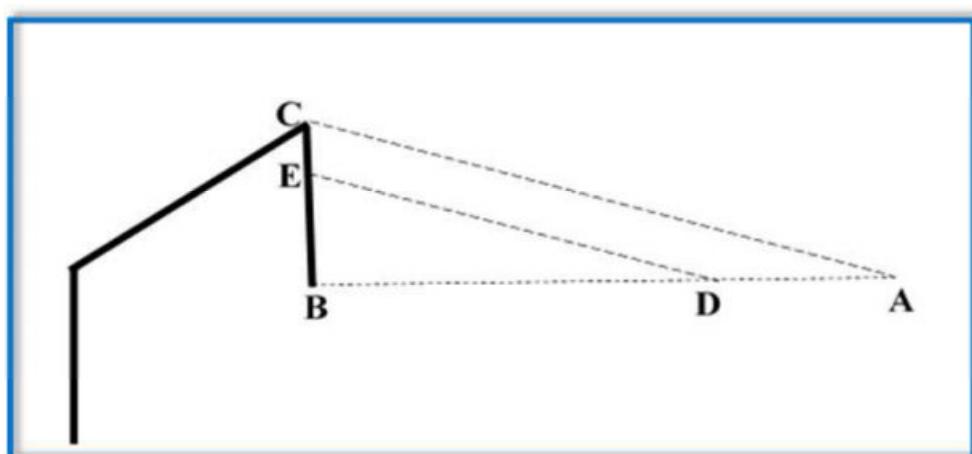
- وكذلك في إحدى مباريات البارسا سدد ميسي كرة قوية من الموضع d (لاحظ الشكل) اصطدمت هذه

التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع  $\frac{3}{4}$  القائم ، و يبعد ميسي عن القائم بمسافة  $BD = 40dm$

1) أحسب قيس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض  $E\hat{D}B$

2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم؟

3) أثبت أن مسار كرة رونالدو (AC) يوازي مسار كرة ميسي (DE)



بالتوفيق للجميع

# الاختبار الفصل الأول في الرياضيات

## التمرين الأول: (03 نقاط)

أوجد  $\frac{945}{1215}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال ثم أكتب  $\text{PGCD}(945, 1215)$  (1)  $A$  و  $B$  عدادان حقيقيان حيث :

$$A = \sqrt{80} + 2\sqrt{45} - 3\sqrt{20} , \quad B = (\sqrt{5} - 3)(3\sqrt{5} + 5)$$

- بين أن :  $A^2 - B^2 = 0$

$$k = \frac{\sqrt{2} - 3}{4\sqrt{2}} \quad (3) \quad \text{أكتب } K \text{ على شكل نسبة مقامها ناطق حيث :}$$

## التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن  $F$  عبارة جبرية حيث :  $F = (2x-5)^2 - (x+4)(2x-5)$  (1) أنشر وبسط العبارة  $F$ .

(2) حلل العبارة  $F$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى

$$(3) \quad \text{أحسب قيمة } F \text{ من أجل } x = -\sqrt{3}$$

## التمرين الثالث: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل :  $AH = 6 \text{ cm}$  (1) احسب  $AB : CH$

(2) قيس زاوية حادة حيث :

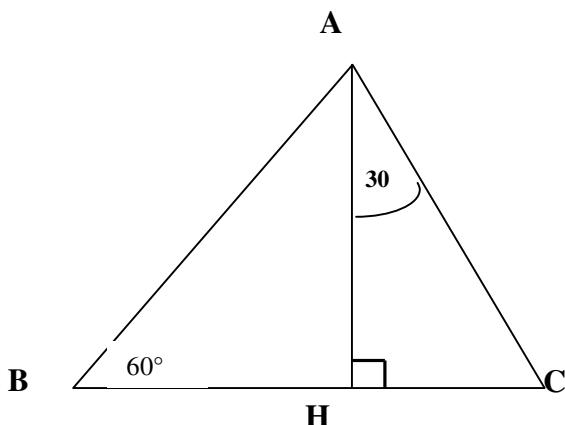
$$\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

أحسب :

$$(3) \quad \text{إليك العبارة } p \text{ حيث : } P = 2\cos^2 a + 2\sin^2 a - 1$$

إقلب الورقة

بين أن :  $p = 1$



### التمرين الرابع: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل: حيث  $(EF) \parallel (BC)$

$$AB = 6.5 \text{ cm} : AE = 3.9 \text{ cm}$$

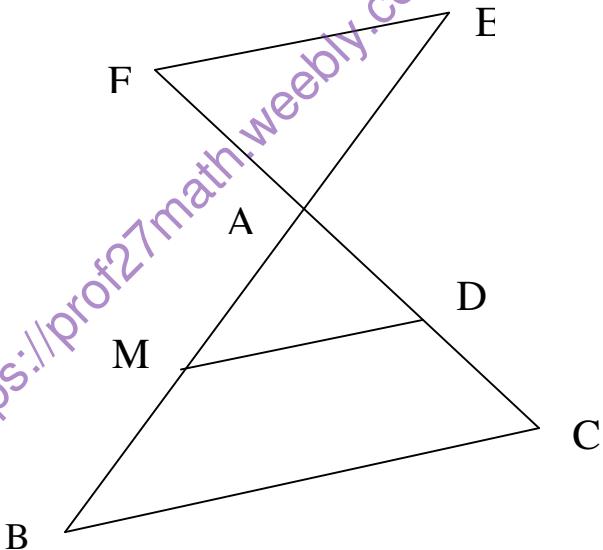
$$AC = 5 \text{ cm} : EF = 4.8 \text{ cm}$$

أحسب  $AF$  ،  $BC$  ، (1)

(2) أوجد قيمة حتى يكو  $(EF)$  و  $(MD)$  متوازيان

$$AM = 2.6 \text{ cm} : mc^2 = \text{حيث}$$

### المأسالة: (08 نقاط)



من أجل شحن شاحنة بالحجارة من محجر ، قمنا باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه.

حيث: طول البساط المتحرك:  $CD = 11,70 \text{ m}$

طول الأرضية:  $CA = 10,80 \text{ m}$

أحسب  $DA$  و  $(CA)$  متعامدان.

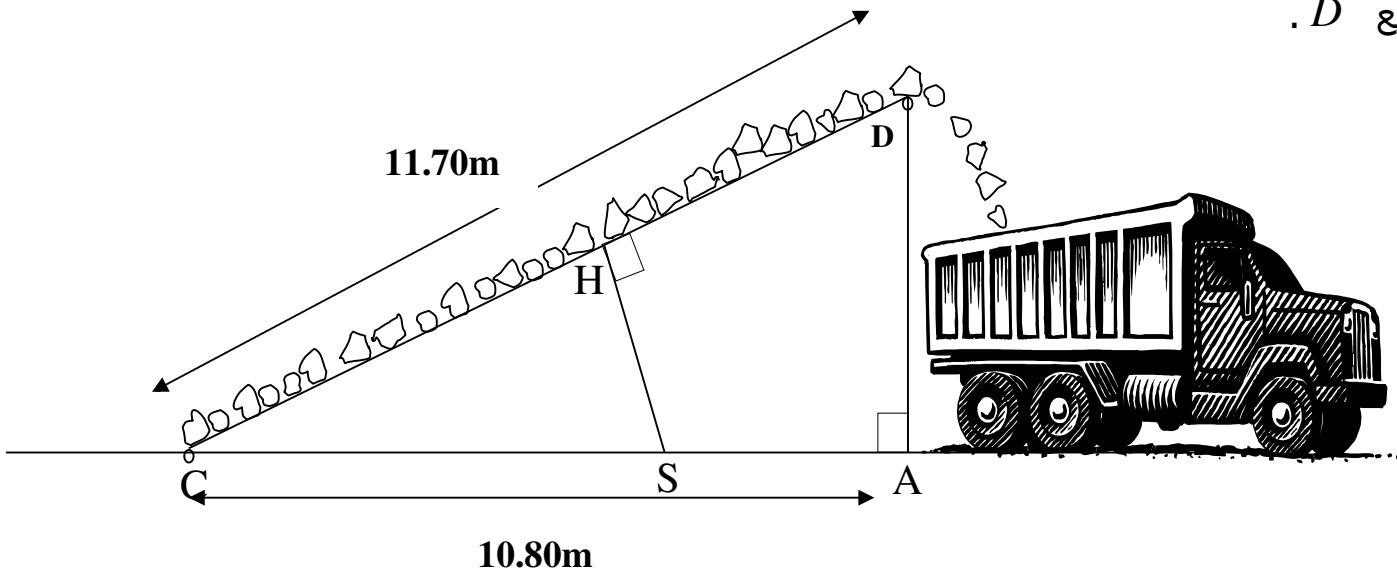
(1): أحسب  $DA$  ارتفاع قمة البساط عن سطح الأرض.

(2): أحسب قيس الزاوية التي يصنعها البساط مع المستوى الأفقي (الأرضية) بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة

ب. من أجل تماسك جهاز البساط قمنا بثبيته بواسطة عمود  $[HS]$  طوله  $2,50 \text{ m}$  حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة  $S$  وثبت عموديا على البساط في النقطة (أنظر الشكل).

أحسب المسافة  $CS$ .

(3): علما أن سرعة البساط  $1,5 \text{ m/s}$ . أحسب الزمن اللازم لانتقال حجرة من الوضع  $C$  إلى الوضع  $D$ .



ق

بالتوفيق



الجزء الأول: (12 نقطة)

0,5	<p>(إيجاد الطولين <math>OD</math> و <math>CD</math>)</p> <p><math>CD \parallel AB</math> متقاطعان في <math>O</math> بحيث <math>(BC) \parallel (AD)</math></p> $\frac{OD}{OA} = \frac{CD}{BA}$ <p>إذن حسب مبرهنة طالس</p> $OD = \frac{OA \times OC}{OB}$ ينتج $\frac{OD}{OA} = \frac{OC}{OB}$ من $OD = 8$ ومنه $OD = \frac{12 \times 4}{6}$ $CD = \frac{BA \times OC}{OB}$ ينتج $\frac{OC}{OB} = \frac{CD}{BA}$ من $CD = 10$ ومنه $CD = \frac{15 \times 4}{6}$
0,5	<p>(نبرهن أن <math>(RE) \parallel (BC)</math>)</p> <p><math>R \in (AO)</math> و <math>E \in (AB)</math> متقاطعان بحيث <math>(AO) \parallel (AB)</math></p> <p><math>R : A</math> مرتبة بنفس ترتيب النقط <math>E : B</math> إذن <math>E</math> بين <math>A</math> و <math>B</math>.</p> $\frac{AO}{AR} = \frac{AB}{AE}$ لنقارن النسبتين $\frac{AO}{AR} = \frac{12}{8} = 1,5$ و $\frac{AB}{AE} = \frac{15}{15-5} = 1,5$ $\frac{AO}{AR} = \frac{AB}{AE}$ نستنتج أن <p>شرط المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس متحققان!</p> <p>إذن <math>(RE) \parallel (BC)</math></p> <p>لكن <math>(RE) \parallel (BC)</math> نستنتج أن <math>C \in (BO)</math></p>
0,25	
0,25	
0,5	<p>(حساب <math>\tan KLM</math>)</p> <p>في المثلث <math>KLM</math> الف妄 في <math>K</math> ، لدينا</p> $\tan KLM = \frac{KM}{KL}$
0,25	$\tan KLM = \frac{3}{4} = 0,75$ <p>استنتاج قيس الزاوية <math>KLM</math></p> <p>بسنعمل الحاسبة وبالنذير إلى الوجهة من الدرجة نجد:</p> $KLM \approx 37^\circ$
0,5	<p>(حساب الطولين <math>LH</math> و <math>KH</math>)</p> <p>في المثلث <math>KLH</math> الف妄 في <math>H</math> ، لدينا</p> $\cos KHL = \frac{LH}{KL}$ و $\sin KHL = \frac{KH}{KL}$
0,25	$LH = KL \times \cos KHL$ و $KH = KL \times \sin KHL$ ومنه $KH = 4 \times \sin KHL = 4 \times 0,6 = 2,4 \text{ cm}$ $LH = 4 \times \cos KHL = 4 \times 0,8 = 3,2 \text{ cm}$

03	<p>عنصر الإجابة</p> <p>محاور الموضوع</p> <p>(حساب <math>\text{PGCD}(1785; 2380)</math>)</p> <p>نستعمل إحدى خوارزميات إقليديس:</p> $\text{PGCD}(1785; 2380) = 595$ <p>كتابة <math>\frac{2380}{1785}</math> على شكل كسر غير قابل للإختزال:</p> $\frac{2380}{1785} = \frac{2380 : 595}{1785 : 595} = \frac{4}{3}$ <p>تبيان أن <math>A</math> عدد طبيعي:</p> $A = \frac{11}{3} + \frac{2380}{1785} \times \frac{5}{2}$ $= \frac{11}{3} + \frac{4}{3} \times \frac{5}{2} = 7$ <p>تبيان أن <math>A</math> عدد طبيعي.</p>
01	<p>(كتابة العبارة <math>F</math> على الشكل <math>a\sqrt{5}</math>)</p> $F = \sqrt{45} - 2\sqrt{20} + \sqrt{500} - 3\sqrt{80}$ $= 3\sqrt{5} - 2 \times 2\sqrt{5} + 10\sqrt{5} - 3 \times 4\sqrt{5}$ $= (3 - 4 + 10 - 12)\sqrt{5}$ $F = -3\sqrt{5}$
03	<p>(جعل مقام النسبة <math>G</math> عدداً ناطقاً)</p> $G = \frac{7}{6\sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{5}}{6\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{5}}{30}$
01	<p>تبيان أن الجداء <math>F \times G</math> عدد ناطق:</p> $F \times G = -3\sqrt{5} \times \frac{7}{6\sqrt{5}} = -\frac{3 \times 7}{6 \times 2} = -\frac{7}{2}$ <p>الجداء <math>F \times G</math> عدد ناطق.</p>

اقتراح حل:

أ) حساب بعدى القطعة:

ليكن  $x$  طول القطعة،  $y$  عرضها و  $S$  مساحتها:

$$\text{إذن } S = y \cdot x \text{ و } y = \frac{2}{3}x$$

$$\text{ومنه } y \cdot x = 2400 \text{ و } S = 2400$$

$$\left(\frac{2}{3}x\right)x = 2400 \text{ و منه}$$

$$\frac{2}{3}x^2 = 2400 \text{ و منه}$$

$$x^2 = \frac{3}{2} \times 2400 \text{ و منه}$$

$$x = -60 \text{ مرفوض لأن الطول دائماً موجب}$$

$$x = +60 \text{ مقبول}$$

$$\boxed{x = 60} \text{ و منه}$$

$$y = \frac{2}{3}x$$

$$= \frac{2}{3} \times 60$$

$$\boxed{y = 40}$$

بعدا القطعة هما  $40m$  و  $60m$

ب) التعبير عن مساحتى الجزئين  $(R)$  و  $(S)$  بدلالة  $x$ :

ليكن  $R$  و  $S$  مساحتى الجزئين  $(R)$  و  $(S)$  على الترتيب:

$$\text{إذن } S = 2400 - R$$

$$\boxed{S = 2400 - 40x \text{ و } R = 40x}$$

إيجاد  $x$ :

$$R = 18 \times 80 = 1440 \text{ } m^2$$

$$\boxed{x = 36m} \text{ و منه } 40x = 1440$$

3) إيجاد عدد الشاحنات التي يمكن توقفها في الجزء  $(S)$ :

$$S = 2400 - 1440 = 960 \text{ } m^2$$

$$S \div 30 = 32$$

عدد الشاحنات التي يمكن توقفها في الجزء  $(S)$  هو 32 شاحنة.

المدة: ساعتان

اختبار الثلاثي الاول في

المستوى: 4 متوسط

التمرين الأول: (03 ن)

❶ هل العددان 580 و 928 أوليان فيما بينهما ؟ ببر جوابك دون حساب .

❷ أوجد  $\text{gcd}(928; 580)$  موضحا الطريقة المستعملة .

❸ أكتب الكسر  $\frac{928}{580}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال .

التمرين الثاني: (03 ن)

$$B = \sqrt{18} - \sqrt{20} \quad , \quad A = \sqrt{98} - \sqrt{8} \quad \text{و} \quad A \quad \text{عددان حقيقيان حيث :}$$

❶ بسط كلا من العددين  $A$  و  $B$  .

❷ أحسب الجداء  $A \times B$  .

❸ أكتب النسبة  $\frac{3\sqrt{2} - 2\sqrt{5}}{5\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثالث (03 ن)

نشئ المثلث  $ABC$  القائم في  $AC$  حيث :  $AC = 5\text{cm}$  و  $= 4$

❶ أحسب الطول  $AB$  .

نقطة من القطعة  $[N]$  حيث :  $= 1,6$  . أرسم المستقيم  $(d)$  الذي يشمل  $AC$  (ويوازي  $AC$ ) ويقطع

في  $N$  .

❷ أحسب كلا من الطولين :

التمرين الرابع (03 ن)

$$\tan R\hat{S}T = \frac{\sqrt{5}}{2} \quad \text{و} \quad = 6 \quad \text{حيث :} \quad RST \quad \text{مثلث قائم في}$$

❶ أوجد قيس الزاوية  $\hat{R}$  بالتدوير إلى الدرجة .

❷ أحسب القيمة المضبوطة لكل من  $\sin S\hat{T}R$  و  $ST$  و  $TR$  .

## المأسأة ( 8 نقاط ) :

I

الشكل المقابل يمثل قطعتي أرض مهيأتين للبناء .

القطعة  $ABCD$  مربعة الشكل ، اشتراها أحمد بسعر 4.000.000 .10.000 . حيث يبلغ سعر المتر المربع و اشتري عبد القادر القطعة المثلثية الشكل بسعر 12.000 للمتر المربع الواحد .

❶ أحسب مساحة القطعة المربعة الشكل .

❷ أوجد طول الصلع [ ] .

❸ أحسب مساحة القطعة التي اشتراها عبد القادر .

❹ ماهو المبلغ الذي دفعه عبد القادر .

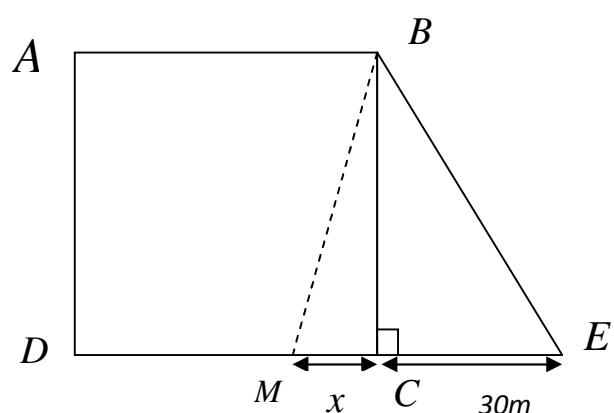
عجز أحمد عن دفع المبلغ المستحق لشراء القطعة المربعة لذلك تنازل عن الجزء Π

$$CM = x \quad \text{نضع}$$

❶ عبر بدلالة عن المساحة  $S_1$  للرباعي  $ABMD$

❷ عبر بدلالة عن المساحة  $S_2$  المثلث .

❸ أوجد قيمة  $S_1 = S_2$  بحيث :





## شبكة التقويم و التصحيح

النقطة	المعايير	المؤشرات	الأسئلة
3	الترجمة السليمة للوصعية  1 م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- ايجاد مساحة القطعة الأولى</li> <li>- التعبير عن مبلغ القطعة الأولى</li> <li>- التعبير عن المبلغ الذي دفعه عبد القادر للمساحة 2</li> <li>- التعبير عن مساحة القطعة الثانية</li> <li>- التعبير بدلالة <math>S_1</math> عن المساحة 1</li> <li>- التعبير بدلالة <math>S_2</math> عن المساحة 2</li> <li>- ايجاد</li> </ul>	1
2	استعمال سليم للادوات  2 م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- حساب مساحة القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- حساب طول القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- حساب مبلغ القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- حساب مساحة القطعة الثانية صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- كتابة <math>S_1</math> بدلالة وإن كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- كتابة <math>S_2</math> بدلالة وإن كانت الخوارزمية خاطئة</li> <li>- حساب صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة</li> </ul>	2
2	انسجام النتائج  3 م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- تقدير الأطوال محترم</li> <li>- وحدات القياس معطاة</li> <li>- خطوات الحل محترمة</li> </ul>	3
1	تقديم الورقة  4 م	<ul style="list-style-type: none"> <li>- الكتابة مقرودة</li> <li>- لا يوجد تشطيب</li> <li>- معقولية النتائج</li> </ul>	4

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

### الجزء الأول: (12 نقطة)

#### التمرين الأول: (3 نقاط)

$$667x = 493y \quad \text{عدادان طبيعيان حيث: } y, x$$

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667

(2) استنتج الكسر  $\frac{x}{y}$  ثم أكتب على شكل كسر غير قابل للإختزال

#### التمرين الثاني: (3 نقاط)

عدادان حقيقيان حيث: A, B

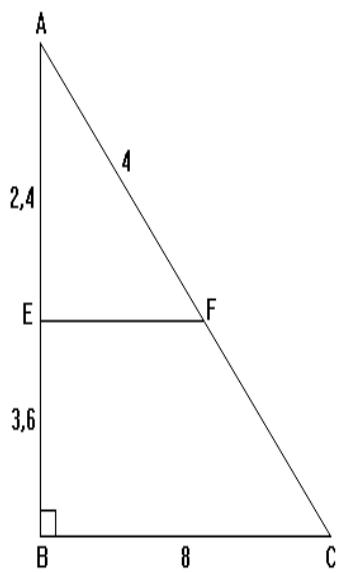
$$A = \sqrt{5} + \sqrt{18} - \sqrt{8}$$

$$B = \sqrt{45} - \sqrt{20} - \sqrt{2}$$

(1) أكتب كلا من A, B على أبسط شكل ممكن.

(2) بين أن الجداء  $A \times B$  عدد طبيعي.

(3) أجعل مقام النسبة  $C = \frac{1+\sqrt{5}}{3\sqrt{5}}$  عدد ناطق.



#### التمرين الثالث: (03 نقاط)

في الشكل المقابل المثلث ABC قائم في B (وحدة الطول هي cm)

$$BC = 8 \quad AF = 4 \quad EB = 3,6 \quad AE = 2,4$$

(1) - بين أن  $AC = 10$

(2) - بين أن  $(EF) \parallel (BC)$

(3) - أحسب EF

#### التمرين الرابع: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث:  $AB = 4.5\text{cm}$  و  $\cos \hat{B} = \frac{3}{5}$

(1) أحسب كلا من:  $\tan \hat{C}$ ,  $\sin \hat{B}$ ,  $AC$ ,  $BC$ ,

(2) استنتج قيس الزاوية  $\hat{B}$  بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

## الجزء الثاني : (07+1 نقاط)

### المسألة:

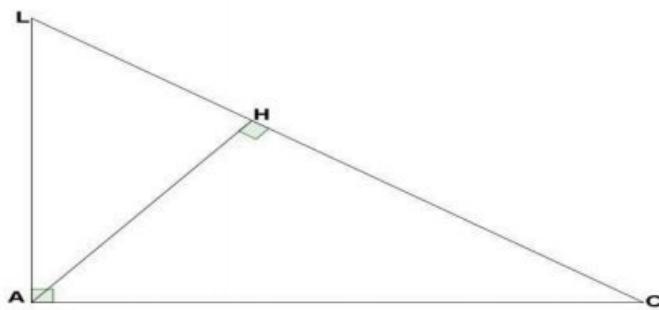
#### الجزء الأول:

LC = 15 cm ، AC = 12 cm ، LA = 9 cm : حيث A في قائم LAC

و [AH] هو الارتفاع المتعلق بالضلع [LC]

1- أحسب A مساحة المثلث LAC

2- بيّن أن  $AH = 7,2 \text{ cm}$



#### الجزء الثاني:

M نقطة من الضلع [LC] بحيث  $LM = x$  و  $(0 < x < 15)$ .

1- عُبّر عن الطول MC بدلالة x

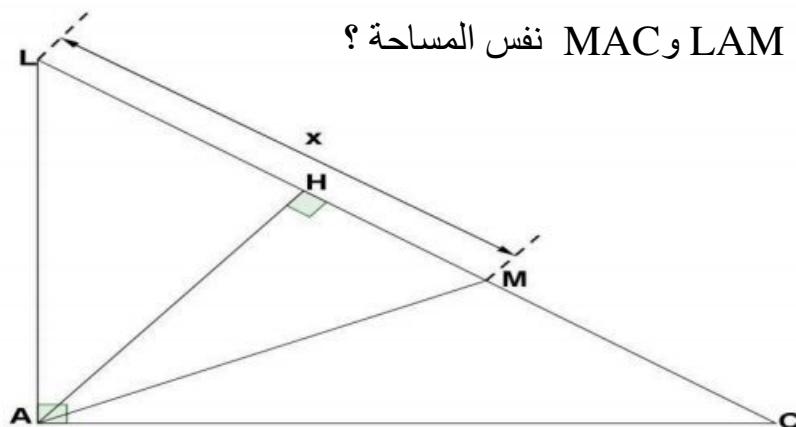
2- نعتبر القطعة [AH] ارتفاعا مشتركا للمثلثين MAC و LAM بحيث :

أ- بيّن أن مساحة المثلث LAM هي  $A_1 = 3,6x \text{ cm}^2$

ب- بيّن أن مساحة المثلث MAC هي  $A_2 = 54 - 3,6x \text{ cm}^2$

ج- أوجد قيمة x التي تجعل للمثلثين LAM و MAC نفس المساحة؟

وما هي قيمة المساحة عندئذ؟



## «اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات»

### التمرين الأول: (3ن)

1. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب

2. أكتب  $\frac{696}{406}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال

3. أحسب  $P$  حيث  $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$

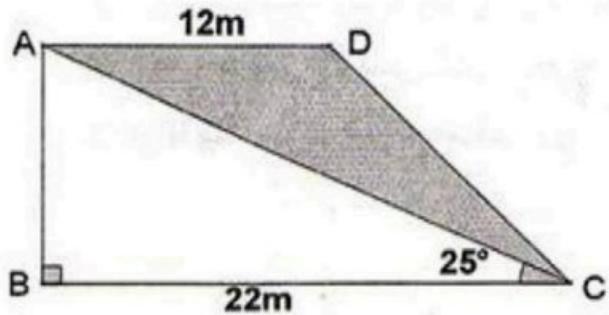
### التمرين الثاني: (3ن)

$$B = (\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 2) \quad \text{و} \quad A = 5\sqrt{12} + \sqrt{3} - 3\sqrt{27}$$

1) أكتب العبارة  $A$  على الشكل  $a\sqrt{3}$

2) أنشر ثم بسط العبارة  $B$

3) أجعل مقام النسبة  $\frac{B}{A}$  عدد ناطقا.



### التمرين الثالث: (4ن)

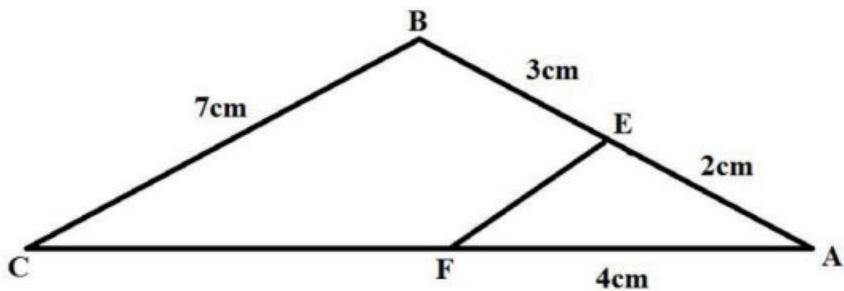
الشكل  $ABCD$  شبه منحرف قائم في  $B$  فيه  $\hat{A}CB = 25^\circ$

1. أحسب  $AB$  بالتدوير إلى الوحدة؟

2. أحسب مساحة الشبه المنحرف  $ABCD$  والمثلث  $ABC$  ثم المثلث

ثم أستنتج مساحة الجزء المظلل؟

$$\text{تعطى: مساحة الشبه المنحرف} = \frac{(\text{القاعدة الصغرى} + \text{القاعدة الكبرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$$



### التمرين الرابع: (3ن)

في الشكل المقابل  $(EF) \parallel (BC)$

• أحسب  $EF$  و  $FC$  ؟

❖ الجزء الأول:

من أجل شحن شاحنة بالحجارة . قمنا باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه

حيث : طول البساط المتحرك :  $CD = 11.7m$

وطول الأرضية:  $CA = 10.8m$

و  $(DA)$  و  $(CA)$  متعامدان

- أحسب  $DA$  ارتفاع قمة البساط عن سطح الأرض؟
- أحسب  $\cos DCA$  ثم إستنتج قيس الزاوية التي يصنعها البساط مع الوضع الأفقي (الأرضية) بالتدوير إلى الوحدة؟

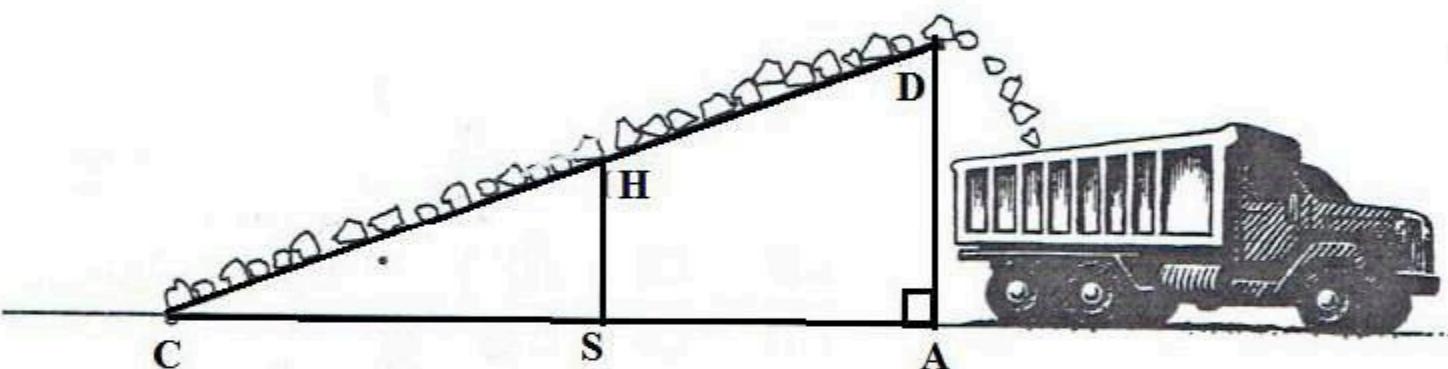
❖ الجزء الثاني:

من أجل تماست جهاز البساط قمنا بثبيته بواسطة عمود  $[HS]$  حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة  $S$  و ثبت على البساط في النقطة  $H$  (أنظر الشكل). علما أن  $CH = 6.3m$  و  $CS = 58m$

- يبين أن المستقيمين  $(DA) \parallel (HS)$ ؟
- أحسب طول العمود  $HS$ ؟

إذا علمت أن سرعة البساط هي  $1.5m/s$

- أحسب الزمن اللازم بالثانية لانتقال حجرة من الوضع  $C$  إلى الوضع  $D$ ؟



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية

متوسطة حواش عبد القادر  
التاريخ: 2016/12/06

مديرية التربية لولاية تيارت  
المستوى: الرابعة المتوسط

المدة: ساعتان

اختبار الأول في مادة: الرياضيات

**الجزء الأول: (12 نقطة)**

**التمرين الأول: (03 نقطة)**

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 468 و 637 ، ثم اختزل الكسر  $\frac{637}{468}$ .

2) بسط كلا من  $E$  و  $F$  حيث:  $E = \sqrt{637} + 3\sqrt{468} - 8\sqrt{117}$  و  $F = (3\sqrt{2} + 4)(3\sqrt{2} - 4)$

3) اجعل مقام النسبة  $\frac{\sqrt{13}+2}{\sqrt{13}}$  عدداً ناطقاً.

**التمرين الثاني: (03 نقاط)**

لتكن العبارة الجبرية  $N$  حيث:  $N = (2x - 3)^2 + (4x - 5)(x + 3)$

1) أنشر ثم بسط العبارة الجبرية  $N$ .

2) أحسب العبارة  $N$  من أجل  $x = \sqrt{2}$  و  $x = \frac{1}{3}$ .

3) حل المعادلة  $5x - 26 = 0$

**التمرين الثالث: (03 نقاط)**

1) مثلث قائم في  $A$  حيث  $ABC$  مترافق قائم في  $A$  و  $AB = 2\sqrt{5} \text{ cm}$  .  $\sin A\hat{C}B = \frac{\sqrt{5}}{5}$

أحسب الطولين  $AC$  ،  $BC$  .

2) أحسب مساحة المثلث  $ABC$

**التمرين الرابع: (03 نقاط)**

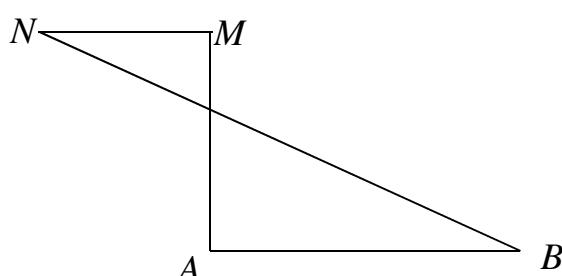
الشكل المقابل غير مرسوم بالأبعاد الحقيقية حيث:  $CM = 2,4 \text{ cm}$  ،  $BC = 13 \text{ cm}$  ،  $AB = 5 \text{ cm}$

$AC = 12 \text{ cm}$  ،  $CN = 2,6 \text{ cm}$

1) بين أن المستقيمان  $(AB)$  و  $(MN)$  متوازيان.

2) بين أن:  $C\hat{A}B = 90^\circ$

3) احسب الطول  $MN$



الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة:

الشكل المقابل يمثل رسم تخطيطي لقطعة أرض مهيئة لبناء مكتبة بمتوسطة كارمان الجديدة حيث:

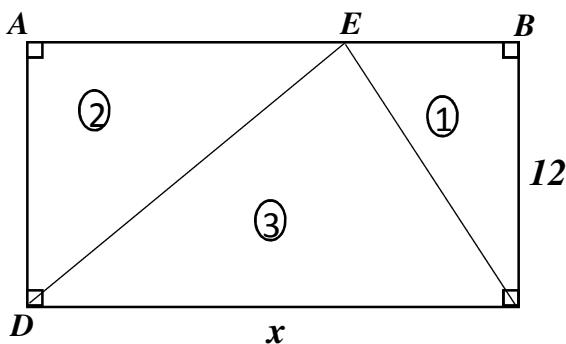
القطعة  $ABCD$  مستطيلة الشكل بعدها  $BC = 12 \text{ m}$  و  $DC = x \text{ m}$

وهي مقسمة كما يلي:

**الجزء 1:**  $EBC$  قاعة لوضع الكتب.

**الجزء 2:**  $AED$  قاعة اعلام الى.

**الجزء 3:**  $EDC$  قاعة مطالعة.



الجزء الأولى:

1) أحسب الطول  $EC$ ، ثم بسطه.

2) أحسب  $S_1$  مساحة المثلث القائم  $EBC$ .

3) احسب  $\sin E\hat{C}B$  ، ثم استنتج قيس الزاوية  $E\hat{C}B$  بالمدور الى الوحدة من الدرجة .

الجزء الثاني:

1) عبر بدلالة  $x$  عن  $S_2$  مساحة المثلث  $ADE$ .

2) عبر بدلالة  $x$  عن  $S_3$  مساحة المثلث  $EDC$ .

3) عبر بدلالة  $x$  عن  $S$  مساحة المكتبة بطرقين مختلفين.

4) أوجد قيمة  $x$  حتى تكون  $S_2$  مساحة قاعة الاعلام الالى تساوي ثلث  $S$  مساحة المكتبة.

التصحيح النموذجي	ع.ج	التصحيح النموذجي
<b>التمرين الثالث: (03 نقاط)</b> <b>(1) أحسب الطولين <math>AC</math> ، <math>BC</math></b> بما أن: المثلث $ABC$ قائم في $A$ $\sin A\hat{C}B = \frac{AB}{BC}$ : فإن: $\frac{\sqrt{5}}{5} = \frac{2\sqrt{5}}{BC}$ : ومنه $BC = \frac{5 \times 2\sqrt{5}}{\sqrt{5}}$ : ومنه $BC = 10 \text{ cm}$ : اذن: <b>(2) حساب الطول <math>AC</math></b> بما أن: المثلث $ABC$ قائم في $A$ فإن: $AC^2 + AB^2 = BC^2$ (حسب نظرية فيتاغورث) ومنه $AC^2 = BC^2 - AB^2$ : $AC^2 = 80$ : أي: $AC^2 = 100 - 20$ : منه $AC = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$ : معناه أو: $AC = -\sqrt{80} = -4\sqrt{5}$ (حل مرفوض) $AC = 4\sqrt{5} \text{ cm}$ : اذن: <b>(3) حساب مساحة المثلث <math>ABC</math></b> $S = \frac{AB \times AC}{2} = \frac{2\sqrt{5} \times 4\sqrt{5}}{2} = 20 \text{ cm}^2$	0,5	<b>(1) حساب (03 نقاط)</b> $PGCD(468 ; 637) = 13$ : إذن: $\frac{637}{468} = \frac{637 \div 13}{468 \div 13} = \frac{49}{36}$ تبسيط العبارتين $F$ و $E$ $E = \sqrt{637} + 3\sqrt{468} - 8\sqrt{117}$ $E = \sqrt{49 \times 13} + 3\sqrt{36 \times 13} - 8\sqrt{9 \times 13}$ $E = 7\sqrt{13} + 18\sqrt{13} - 24\sqrt{13}$ $E = \sqrt{13}$ : اذن: لدينا: $F = (3\sqrt{2} + 4)(3\sqrt{2} - 4)$ $F = (3\sqrt{2})^2 - 4^2 = 9 \times 2 - 16 = 18 - 16$ $F = 2$ : اذن: <b>(3) جعل مقام النسبة <math>\frac{\sqrt{13}+2}{\sqrt{13}}</math> عدداً ناطقاً</b> $\frac{\sqrt{13}+2}{\sqrt{13}} = \frac{(\sqrt{13}+2) \times \sqrt{13}}{\sqrt{13} \times \sqrt{13}} = \frac{13+2\sqrt{13}}{13}$
<b>التمرين الرابع: (03 نقاط)</b> <b>(1) أبين أن المستقيمان <math>(AB)</math> و <math>(MN)</math> متوازيان</b> حساب النسبتين: $\frac{CM}{CA}$ و $\frac{CN}{CB}$ $\frac{CM}{CA} = \frac{2,4}{12} = 0,2$ : $\frac{CN}{CB} = \frac{2,6}{13} = 0,2$ نلاحظ أن: $\frac{CN}{CB} = \frac{CM}{CA} = 0,2$ النقط $B$ ، $C$ ، $A$ ، $N$ و $M$ بنفس الترتيب إذن: $(MN) \parallel (AB)$ (حسب النظرية العكسية لطالس) <b>(2) أبين أن: <math>C\hat{A}B = 90^\circ</math></b> لكي أبين أن: $C\hat{A}B = 90^\circ$ يكفي إثبات أن المثلث $ABC$ قائم حساب $AB^2 + AC^2$ و $BC^2$ $AB^2 + AC^2 = 12^2 + 5^2 = 169$ $BC^2 = 13^2 = 169$ نلاحظ أن: $BC^2 = AB^2 + AC^2 = 169$ إذن: المثلث $ABC$ قائم في $A$ (حسب العكسية لفيتاغورث) <b>(3) احسب الطول <math>MN</math></b> بما أن: $C \in (MA)$ و $C \in (NB)$ و $(MN) \parallel (AB)$ (حسب نظرية طالس) فإن: $\frac{NM}{AB} = \frac{CN}{CB} = \frac{CM}{CA}$ (حسب نظرية طالس) $\frac{MN}{5} = \frac{2,6}{13} = \frac{2,4}{12}$ : بالتعويض: $MN = \frac{5 \times 2,6}{13} = 1$ : ومنه $MN = 1 \text{ cm}$	0,5	<b>(1) نشر و تبسيط العبارة <math>N</math> حيث:</b> $N = (2x - 3)^2 + (4x - 5)(x + 3)$ $N = 4x^2 - 12x + 9 + 4x^2 + 12x - 5x - 15$ $N = 8x^2 - 5x - 6$ : اذن: <b>(2) حساب العبارة <math>N</math> من أجل <math>x = \sqrt{2}</math></b> لدينا: $N = 8x^2 - 5x - 6$ $N = 8(\sqrt{2})^2 - 5\sqrt{2} - 6$ : ومنه: $N = 8 \times 2 - 5\sqrt{2} - 6$ $N = 10 - 5\sqrt{2}$ : اذن: حساب العبارة $N$ من أجل $x = \frac{1}{3}$ لدينا: $N = 8x^2 - 5x - 6$ $N = 8\left(\frac{1}{3}\right)^2 - 5\left(\frac{1}{3}\right) - 6$ : ومنه: $N = \frac{8}{9} - \frac{5}{3} - 6 = \frac{8}{9} - \frac{15}{9} - \frac{54}{9}$ $= \frac{8 - 69}{9}$ إذن: $N = -\frac{61}{9}$ <b>(3) حل المعادلة <math>N = 26 - 5x</math> معناه :</b> لدينا: $N = 26 - 5x$ $8x^2 - 5x - 6 = 26 - 5x$ ومنه: $x^2 = \frac{26+6}{8} = 4$ و منه: $8x^2 = 26 + 6$ إما: $x^2 = 4$
<b>01</b>		

$x = \sqrt{4} = 2$  أو:  $x = \sqrt{4} = 2$   
للمعادلة حلين متعاكسيين هما: 2 - و 2

المسألة: (08 نقاط)

الجزء الأولي:

(1) حساب الطول  $EC$ , ثم تبسيطه

بما أن: المثلث  $EBC$  قائم في  $B$

فإن:  $EC^2 = EB^2 + BC^2$  (حسب نظرية فيتاغورث)

$$EC^2 = 4^2 + 12^2$$

$$EC = \sqrt{160} = 4\sqrt{10} \quad EC^2 = 160$$

$$EC = -\sqrt{160} = -4\sqrt{10} \quad (\text{حل مرفوض})$$

إذن:  $EC = 4\sqrt{10}$

(2) حسب  $S_1$  مساحة المثلث القائم  $EBC$

$$S_1 = \frac{EB \times BC}{2} = \frac{4 \times 12}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

$$S_1 = 24 \text{ cm}^2$$

(3) حساب  $\sin E\hat{C}B$

بما أن: المثلث  $EBC$  قائم في  $B$

$$\sin E\hat{C}B = \frac{EB}{EC} = \frac{4}{4\sqrt{10}} = \frac{1}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

$$\sin E\hat{C}B = \frac{\sqrt{10}}{10} \quad \text{إذن:}$$

استنتاج قيس الزاوية  $E\hat{C}B$

$$\text{لدينا: } \sin E\hat{C}B = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

$$10 \sqrt{\quad} \div 10 = 2 \text{ndf} \quad \sin 18,4$$

إذن:  $E\hat{C}B = 18^\circ$

الجزء الثاني:

(1) أعتبر بدلالة  $x$  عن  $S_2$  مساحة المثلث  $ADE$

$$S_2 = \frac{12 \times (x - 4)}{2} = 6(x - 4) = 6x - 24$$

$$S_2 = (6x - 24) \text{ cm}^2$$

(2) أعتبر بدلالة  $x$  عن  $S_3$  مساحة المثلث  $EDC$

$$S_3 = \frac{DC \times BC}{2} = \frac{x \times 12}{2} = 6x$$

$$S_3 = 6x \text{ cm}^2$$

(3) عبر بدلالة  $x$  عن  $S$  مساحة المكتبة بطريقتين مختلفتين.

الطريقة الأولى:  $S = DC \times BC = x \times 12 = 12x$

$$S = 12x \text{ cm}^2$$

<https://prof27math.weebly.com/>

متوسطة مجاوي محمد الرمشي

وزارة التربية الوطنية

متوسطة قرين يوسف الرمشي

مديرية التربية لولاية تلمسان

المدة: ساعتان

اختبار الفصل الأول في مادة: الرياضيات (4 متوسط)

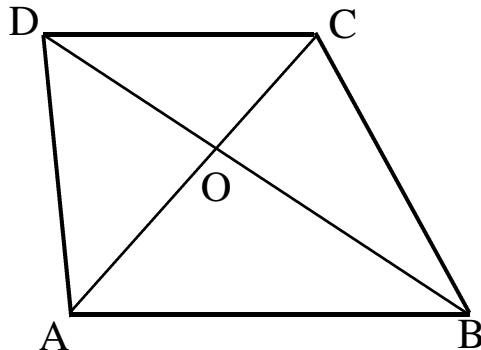
**التمرين الأول: (03 نقاط)**1. احسب العدد  $E = \frac{5}{3} - \frac{2}{3} \div \frac{10}{7}$  ثم اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال2. حل المعادلة:  $2x^2 - 18 = 0$ 3. اكتب العدد A على شكل نسبة مقامها عدد ناطق حيث:  $A = \frac{(2\sqrt{3} - 2)}{4\sqrt{2}}$ **التمرين الثاني: (03 نقاط)** $B = \sqrt{6\sqrt{121} + 15}$  ;  $D = -5\sqrt{27} + 7\sqrt{12} + 10\sqrt{3}$  أعداد حقيقة حيث: D , C , B

$$C = (5\sqrt{7} + 2)(\sqrt{7} - 2) + 8\sqrt{7}$$

1. بين أن B و C عدوان طبيعيان يطلب تعبيئهما

2. أكتب العدد D من الشكل  $a\sqrt{b}$  حيث a عدد طبيعي**التمرين الثالث: (03 نقاط)**.  $AD=3.5\text{cm}$  مستطيل طوله  $AB=6\text{cm}$  و عرضه. عين النقطة M من  $[BC]$  حيث:  $BM=2.5\text{cm}$ 1. احسب الطول  $AM$ 

المستقيم (AM) يقطع (CD) في النقطة N.

2. احسب الطول  $AN$  ؟**التمرين الرابع: (03 نقاط)**

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقة.

ABCD رباعي قطران متقطعان في النقطة O

حيث:  $OA=12\text{cm}$  ,  $OB=16\text{cm}$  $OC=4.5\text{cm}$  ,  $OD=6\text{cm}$ 

1. برهن أن المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان.

:  $AB=20\text{cm}$  إذا علمت أن

- بين أن المثلث ABO قائم في O.

### الجزء الثاني: (8 نقاط)

المسألة:

أولاً:

أراد مروان التعرف على ارتفاع العمارة التي يسكنها. فابتعد مسافة 27m عن العمارة ونظر إلى أعلىها بزاوية  $\alpha$  (قيس زاوية حادة) طول قامة مروان هي  $\sqrt{3} m$  كما هو مبين في الشكل(1).

1. إذا علمت أن:  $\sin\alpha = \frac{1}{2}$

• أحسب القيم المضبوطة لكل من  $\cos\alpha$  ثم  $\tan\alpha$ . (استعمل العلاقات بين النسب المثلثية)

2. استنتج القيمة المضبوطة لارتفاع العمارة EC.

3. احسب قيس الزاوية  $\alpha$  بالتدوير إلى الوحدة .

□ ( )

ثانياً:

أراد سكان العمارة غرس أشجار على محيط أرضيتها حيث توجد شجرة في كل ركن والمسافة الفاصلة بين الأشجار المجاورة متساوية وأكبر ما يمكن.

إذا علمت أن الأرضية شكلها مستطيل طوله 144 m و عرضه 99 m. (كما هو مبين في الشكل (2) )

1. أحسب المسافة الفاصلة بين شجرتين متجاورتين؟

2. أحسب عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول محيط الأرضية؟

1- اوجد القاسم المشترك الاقبر للعددين 945 ، 1215

2- اعط الكسر غير القابل للاختزال للكسر:  $\frac{945}{1215}$ 

التمرين الثاني:(4ن)

$$A = (2 - \sqrt{3})^2$$

$$E = \sqrt{27} - \sqrt{12} + 2\sqrt{48}$$

$$F = \frac{5}{2\sqrt{3}}$$

1- بسط العدد A حيث :

2- اكتب العبارة E على الشكل  $a\sqrt{3}$  حيث :

3- اجعل مقام النسبة التالية عدد ناطق :

4- اعط القيمة المقربة بالنقصان الى  $10^{-2}$  للعبارة G حيث :

$$G = (1 - 4\sqrt{3}) + \frac{5\sqrt{3}}{6}$$

التمرين الثالث:(3ن)

$\triangle ABC$  مثلث بحيث  $AC=9\text{cm}$  و  $AB=7.2\text{cm}$  و  $\frac{BC}{AC}=2$

D نقطة من  $[AB]$  بحيث :  $AD=2.4\text{cm}$ نقطة من  $[AC]$  بحيث :  $AE=3\text{cm}$ 

1- انشئ الشكل

2- بين ان المستقيمين  $(BC)$  و  $(DE)$  متوازيان

التمرين الرابع:(3ن)

$\triangle ABC$  مثلث قائم في A حيث  $AC=5\text{cm}$  و  $AB=3\text{cm}$  و  $\frac{BC}{AC}=2$

1- انشئ الشكل ثم حدد الطول  $AC$ نقطة من  $[AB]$  حيث  $AE=1\text{cm}$  بحيث  $E$  المستقيم الذي يشمل  $E$  و يعمد  $(AB)$  و يقطع  $(BC)$  فيالنقطة M . اوجد الطول BM ثم احسب  $\cos \angle ABC$  و استنتج قيس الزاوية  $\angle EBM$  مدور الى

الوحدة من الدرجة

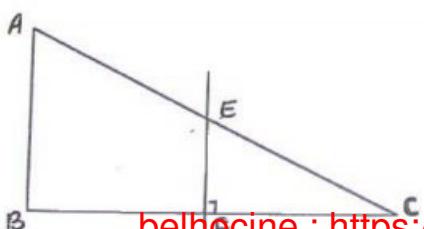
مسألة:(8ن)

في الشكل المقابل الاطوال غير حقيقة حيث  $AC=20\text{cm}$  و  $BC=16\text{cm}$  ،  $AB=12\text{cm}$  حيثنقطة من  $[BC]$  و المستقيم الذي يشمل F و العمودي على  $(AC)$  يقطع  $(BC)$  في E

الجزء -1

1- بين ان المثلث ABC قائم

2- احسب مساحة المثلث ABC

3- بين ان  $(AB) \parallel (EF)$ 

الجزء 2: نفرض ان  $FC = 4\text{cm}$

1- بين ان  $EF = 3\text{cm}$

2- احسب مساحة المثلث  $EBC$

الجزء 3: نضع  $x$  حيث  $0 < x < 16$

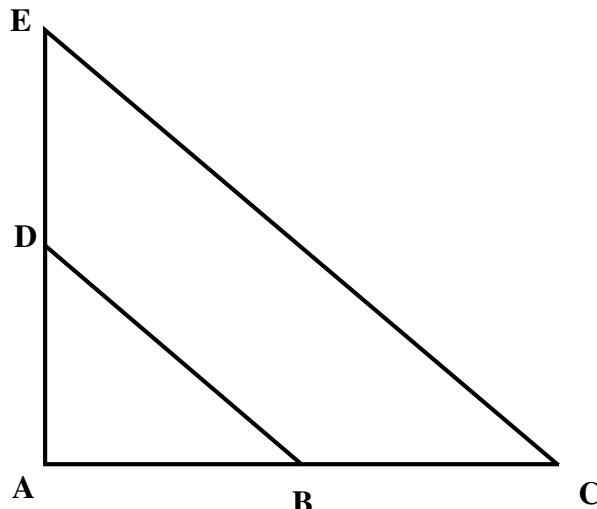
1- احسب  $x$  بدلالة  $EF$

2- بين ان مساحة المثلث  $EBC$  هي  $6x$

3- ما هي قيمة  $x$  حتى تكون مساحة  $EBC$  تساوي مساحة المثلث  $BEA$

تذكر مساحة المثلث =  $\frac{a \times h}{2}$  حيث  $a =$  طول الضلع و  $h =$  الارتفاع المتعلق بالضلع

ازاء هي

التمرين الأول: (03 ن)1. أوجد  $PGCD(1035; 322)$ 2. اكتب الكسر  $\frac{1035}{322}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.3. احسب العدد  $P$  ثم أعط الكسر غير القابل حيث:  $P = \frac{1035}{322} - \frac{5}{2} \times \frac{5}{7}$ التمرين الثاني: (03 ن)ليكن العددان الحقيقيان:  $B = \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$  ،  $A = 2\sqrt{45} + 3\sqrt{20} - 10\sqrt{5}$ 1. اكتب  $A$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث  $a$  و  $b$  عدوان طبيعيان و  $b$  أصغر عدد ممكن.2. أجعل مقام النسبة  $B$  عدداً ناطقاً.3. بين أن:  $A \times B = 4$ التمرين الثالث: (03 ن)

(وحدة الطول هي السنتمتر).

المثلث ACE قائم في A كما هو مبين في الشكل حيث:

 $AB = 3.2$  ،  $AD = 6$  ،  $CE = 10.2$  ،  $AE = 9$ 1. احسب  $AC$ .2. بين أن:  $(DB) \parallel (EC)$ 3. احسب  $BD$ .التمرين الرابع: (03ن)دائرة مركزها O و  $[AB]$  قطر لها حيث:  $BN = 3\text{cm}$  ،  $AB = 5\text{cm}$  ، N نقطة من الدائرة (C) بحيث:1. ما نوع المثلث  $ABN$ ؟ على؟2. أحسب:  $\hat{A}$  ثم استنتج المدور إلى الوحدة من الدرجة للزاوية  $\hat{A}$ .3. احسب  $\cos \hat{A}$ . (باستعمال العلاقة  $\cos^2 A + \sin^2 A = 1$ )

## المشكلة: (08)

تمتلك تعاونية فلاحية قطعة أرض مستطيلة الشكل أبعادها 120m و 90m، قسمت إلى ثلاثة أجزاء بإقامة حواجز عليها كما هو مبين في الشكل أدناه:

القطعة-1: لتخزين كل ما تأكله الحيوانات.

القطعة-2: لتربيه 285 رأس من البقر.

القطعة-3: لتربيه 798 رأس من الغنم.

### الجزء الأول:

للاعتناء بهذه الحيوانات وزرعت إلى فئات متماثلة وكل فئة يعتني بها عامل واحد فقط.

1- ما هو أكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية.

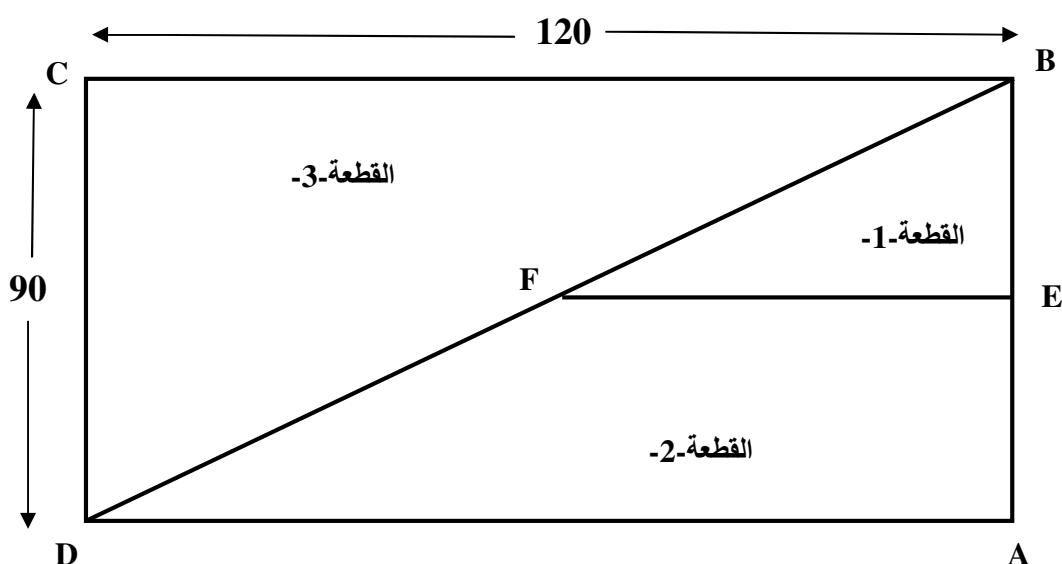
2- احسب عدد الأبقار والأغنام التي يعتني بها كل عامل.

### الجزء الثاني:

1- بين أن:  $DB = 150m$

$$\text{نضع } DB = \frac{1}{3} \text{ و}$$

2- أوجد قيمة  $x$  حتى يكون المستقيمان  $(EF)$  و  $(AD)$  متوازيان.



تمنياتي لكم بالتفوق

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

### الجزء الأول: (12 نقطة)

#### التمرين الأول: (3 نقاط)

$$667x = 493y \quad \text{عدادان طبيعيان حيث: } y, x$$

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667

(2) استنتج الكسر  $\frac{x}{y}$  ثم أكتب على شكل كسر غير قابل للإختزال

#### التمرين الثاني: (3 نقاط)

عدادان حقيقيان حيث: A, B

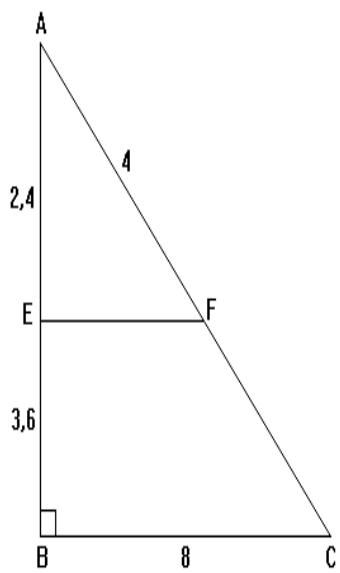
$$A = \sqrt{5} + \sqrt{18} - \sqrt{8}$$

$$B = \sqrt{45} - \sqrt{20} - \sqrt{2}$$

(1) أكتب كلا من A, B على أبسط شكل ممكن.

(2) بين أن الجداء  $A \times B$  عدد طبيعي.

(3) أجعل مقام النسبة  $C = \frac{1+\sqrt{5}}{3\sqrt{5}}$  عدد ناطق.



#### التمرين الثالث: (03 نقاط)

في الشكل المقابل المثلث ABC قائم في B (وحدة الطول هي cm)

$$BC = 8 \quad AF = 4 \quad EB = 3,6 \quad AE = 2,4$$

(1) - بين أن  $AC = 10$

(2) - بين أن  $(EF) \parallel (BC)$

(3) - أحسب EF

#### التمرين الرابع: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث:  $AB = 4.5\text{cm}$  و  $\cos \hat{B} = \frac{3}{5}$

(1) أحسب كلا من:  $\tan \hat{C}$ ,  $\sin \hat{B}$ ,  $AC$ ,  $BC$ ,  
(2) استنتج قيس الزاوية  $\hat{B}$  بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

## الجزء الثاني : (07+1 نقاط)

### المسألة:

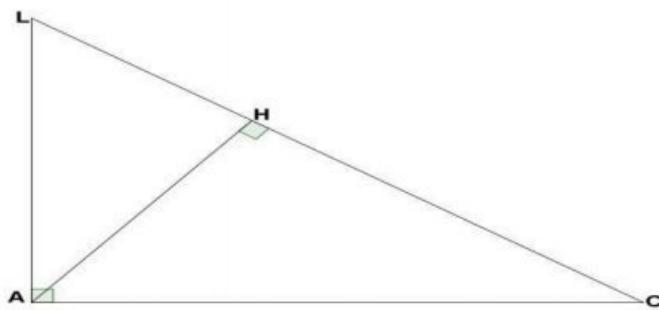
#### الجزء الأول:

LC = 15 cm ، AC = 12 cm ، LA = 9 cm : حيث A في قائم LAC

و [AH] هو الارتفاع المتعلق بالضلوع [LC]

1 - أحسب A مساحة المثلث LAC

2 - بَيْنَ أَنْ  $AH = 7,2 \text{ cm}$



#### الجزء الثاني:

نقطة M من الظلع [LC] بحيث  $LM = x$  و  $(0 < x < 15)$ .

1 - عَبَرْ عن الطول MC بدلالة x

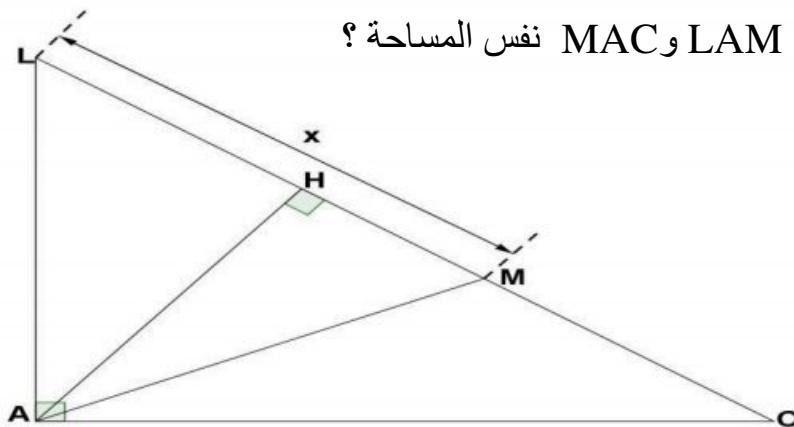
2 - نعتبر القطعة [AH] ارتفاعا مشتركا للمثلثين MAC و LAM بحيث :

أ - بَيْنَ أَنْ مساحة المثلث LAM هي  $A_1 = 3,6x \text{ cm}^2$

ب - بَيْنَ أَنْ مساحة المثلث MAC هي  $A_2 = 54 - 3,6x \text{ cm}^2$

ج - أوجد قيمة x التي تجعل للمثلثين LAM و MAC نفس المساحة؟

وما هي قيمة المساحة عندئذ؟



التمرين الأول: (4 نقاط)

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 579 و 1351.

(2) اختزل الكسر  $\frac{579}{1351}$ .

(3) احسب العدد  $M$  حيث  $M^2 = \frac{579}{1351} = \frac{172}{7}$

التمرين الثاني: (3 نقاط)ليكن العدد الحقيقي  $A$  حيث  $A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$ 

(1) بَيْنَ أَنْ:  $A = 4 + 2\sqrt{3}$ .

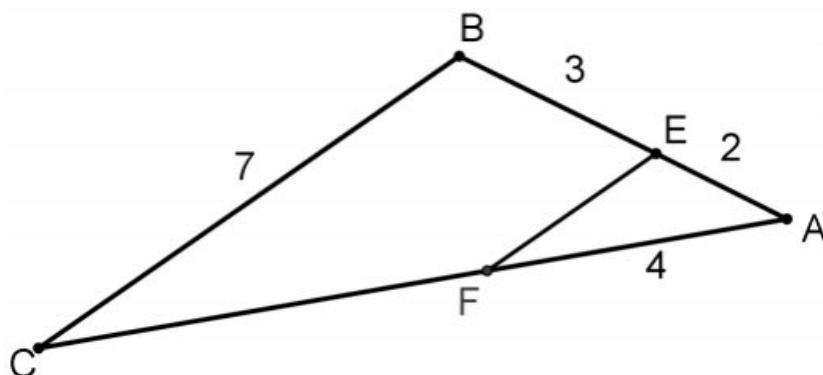
2) ليكن العدد الحقيقي  $B$  حيث  $B = 4 - 2\sqrt{3}$ .بَيْنَ أَنْ:  $A \times B$  عدد طبيعي.التمرين الثالث: (4 نقاط)

(1) تحقق بالنشر من أن  $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$ .

(2) لتكن العبارة  $A$  حيث  $A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2)$

- حل  $A$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) احسب  $A$  من أجل  $x = \frac{1}{2}$ .

التمرين الرابع: (3 نقاط)في الشكل المقابل  $(EF) \parallel (BC)$ .احسب الطولين  $EF$  ،  $FC$ .(وحدة الطول هي  $cm$ ).

## الهندسة الابداعية: (6 نقاط)

يريد بناء جدار في طابق الثاني لمنزل طلب من مساعد رفع رمل باستعمال الدلو و حبل.

أثناء الرفع يكون مساعد في النقطة **A** ويكون الحبل بزاوية  $74^\circ$  عن مستوى الأرض، عندما يصل الدلو منتصف يرجع مساعد إلى الخلف ب  $5\text{m}$  عند النقطة **O** فيصبح الحبل بزاوية  $45^\circ$  عن مستوى الأرض كما يوضحه الشكل في الأسفل.

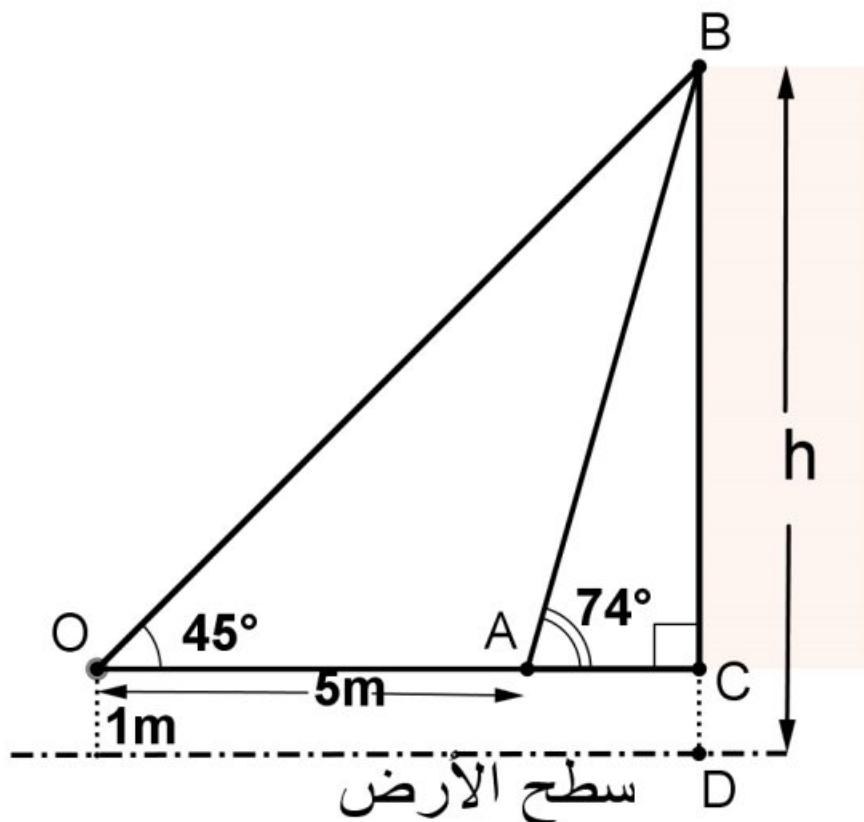
1) احسب الطول **BC**

2) احسب الارتفاع **h** (ارتفاع الدلو عند وصوله الطابق الثاني).

3) احسب الطول **OB**

$$OC = OA + AC \quad , \quad \tan 45^\circ = \frac{BC}{OC} \quad , \quad \tan 74^\circ = \frac{BC}{AC}$$

تعطى



متوسط الـ آيت عمران محمد دبئيل  
الاختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات 2016/2017

المدة : ساعتان .

المستوى : 4 متوسط

التمرين الأول : (3 نقاط)

1) أوجد  $PGCD(539; 396)$  ، و اخزل الكسر  $\frac{539}{396}$  .

$$2) \text{ بين أن } \sqrt{\frac{77}{3}} \times \frac{7}{132} = \frac{7}{6}$$

التمرين الثاني : (3 نقاط)

،  $M$  و  $G$  أعداد حقيقة حيث :

$$G = \frac{5}{3\sqrt{2}-1} , \quad M = (3\sqrt{2}-1)(3\sqrt{2}+1) , \quad E = \sqrt{6} - 3\sqrt{24} + \sqrt{54}$$

1. أكتب العدد  $E$  على الشكل  $a\sqrt{6}$

2. بين أن العدد  $M$  طبيعي .

3. إجعل مقام النسبة  $G$  عدداً ناطقاً .

التمرين الثالث : (3 نقاط)

مثلث قائم في  $A$  .  $(AH)$  هو الارتفاع المتعلق بالضلع  $[BC]$  .

✓ برهن أن  $AH \times BC = AB \times AC$  .

(يمكنك استعمال  $\sin \hat{B}$  في المثلث  $ABH$  و في المثلث  $(ABC)$ )

التمرين الرابع : (3 نقاط)

$x$  عدد حقيقي .

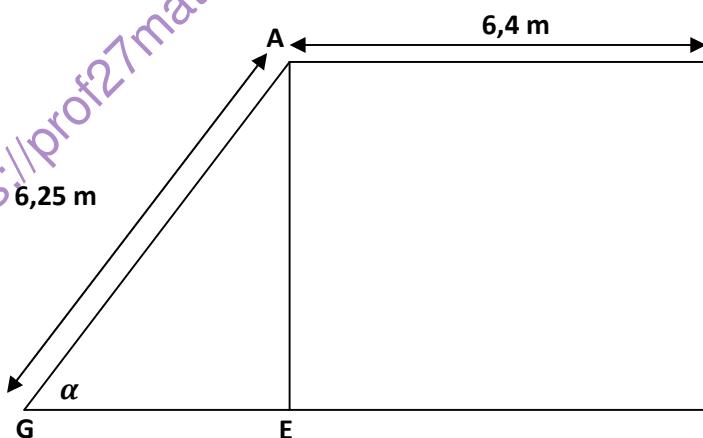
لتكن العبارتان  $P$  و  $Q$  حيث :

$$Q = 2(x+3)(x-1) , \quad P = (3x-1)^2$$

1. أنسر و بسط كلا من  $P$  و  $Q$  .

2. أحسب من أجل  $x = \frac{1}{3}$  ، و  $Q$  من أجل  $0 = x$  .

وضع صاحب محل لغسيل السيارات سلما طوله  $6,25\text{ m}$  من أجل الصعود للسطح كما هو موضح في الشكل المقابل ،



حيث أن  $\sin \alpha = 0,8$

الجزء 1 :

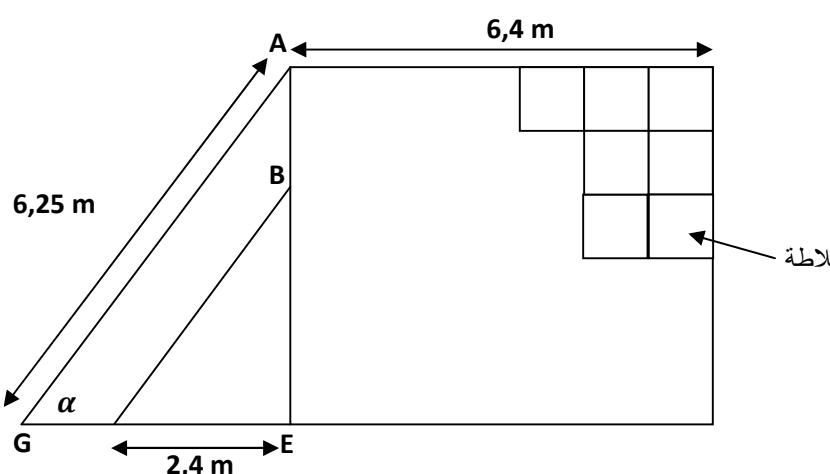
1. بين أن ارتفاع جدار المحل يساوي  $5\text{ m}$  .
2. أحسب بعد السلالم عن الجدار ( أي  $GE$  ) .
3. أحسب قيس الزاوية التي يشكلها السلالم مع سطح الأرض (  $\alpha$  ) .

الجزء 2 :

نضع  $GE = 3,75\text{ m}$

1. يستعمل صاحب المحل سلما آخرا من أجل الصعود إلى الموضع  $B$  ، فوضعيه على بعد  $2,4\text{ m}$  من الجدار و بشكل مواز للسلم الأول .

❖ أوجد طول السلالم الثاني .



2. أراد هذا الشخص تزيين جدار المحل ببلاطات مربعة الشكل و متقrossة ، حيث أن مساحة كل بلاطة تساوي  $0,64\text{ m}^2$  .

• كم عدد البلاطات اللازمة لتغطية الجدار بأكمله .

بالتوقيـق

الرياضيات كالنهر العظيم ، تبدأ ب قطرة و تنتهي بفيض .

## الاختبار الأول في الرياضيات

السنة الدراسية: 2016/2017

التاريخ: الخميس 08 ديسمبر 2016

المدة: ساعتان (2h)

## التمرين الأول: ( 4 نقاط )

(1) إليك المساويتين التاليتين حيث:

$$\frac{\sqrt{32}}{2} = 2\sqrt{2}$$

$$10^5 + 10^{-5} = 10^0$$

- ✓ من أجل كل مساواة، حدد إن كانت صحيحة أو خاطئة.
- ✓ إن كانت صحيحة، أكتب خطوات الحساب للحصول عليها.
- ✓ إن كانت خاطئة، صحق الخطأ.

(2) إليك العبارتين التاليتين حيث:

$$A = \sqrt{21^2 + 20^2}$$

$$B = \sqrt{63} - 2\sqrt{28} + \sqrt{700}$$

(أ) أكتب A على شكل عدد طبيعي.

$$(ب) بين أن: B = 9\sqrt{7}$$

## التمرين الثاني: ( 2,5 نقاط )

لتكن العبارة E بحيث:  $E = \frac{364}{637} + \frac{9}{7} \times \frac{1}{3}$ 

(1) أحسب .PGCD(637,364)

(2) اخترل الكسر  $\frac{364}{637}$ 

(3) احسب العبارة E.

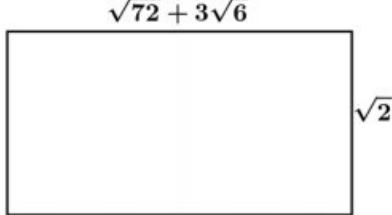
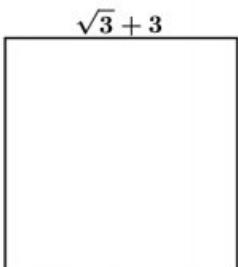
## التمرين الثالث: ( 3 نقاط )

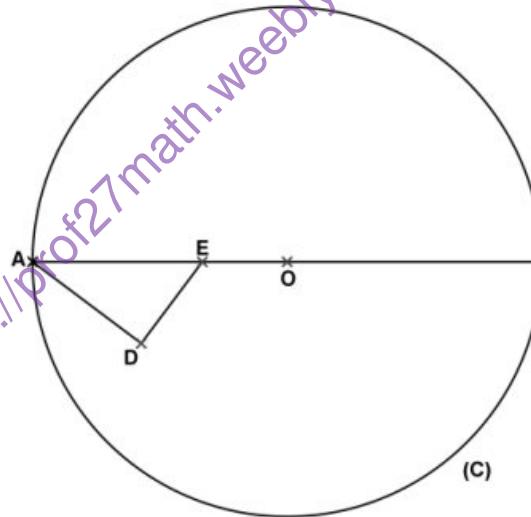
وحدة الطول هي cm.

طول ضلع المربع هو  $3 + \sqrt{3}$ .بعدا المستطيل هما  $\sqrt{72} + 3\sqrt{6}$  و  $\sqrt{2}$ .

بين أن للشكليين نفس المساحة.

## التمرين الرابع: ( 2,5 نقاط )

إليك العلاقاتين  $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$  و  $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ (1) ليكن  $\sin x = \frac{2}{5}$  و  $\cos x = \frac{\sqrt{21}}{5}$  حيث x هو قيس زاوية حادة.احسب القيمة المضبوطة ل  $\tan x$ .(2) بسط العبارة  $\cos x + \tan x \times \sin x$ 



### الوضعية الإدماجية: ( 8 نقط )

- (C) دائرة مركزها O ونصف قطرها .6cm
- [AB] قطر للدائرة (C).
- E نقطة من [AO] بحيث  $AE = 4\text{cm}$ .
- D نقطة بحيث  $DE = 2,4\text{cm}$  و  $AD = 3,2\text{cm}$ .

## المفعع الأول:

1) أعد رسم الشكل بأطواله الحقيقة.

(2)

أ) بين أن المثلث  $AED$  قائم في  $D$ .

ب) احسب  $\sin \bar{D}AE$  ثم استنتج قيس الزاوية  $\bar{D}AE$  بالتدوير إلى الدرجة.

ج) احسب مساحة المثلث  $AED$ .

## الفرع الثاني:

1) المستقيم  $AD$  يقطع الدائرة  $(C)$  في النقطة  $F$ ، عين النقطة  $F$ .

أ) بين أن المثلث AFB قائم في F.

ب) استنتج أن المستقيمين  $ED$  و  $BF$  متوازيان.

(2)

أ) احسب كلا من الطولين AF، BF.

ب) تحقق بالحساب من أن مساحة المثلث  $AFB$  تساوي 9 مرات مساحة المثلث  $AED$ .

3) المستقيم  $FO$  يقطع الدائرة  $(C)$  في النقطة  $G$ .

الخط المستقيم  $FE$  يقطع المستقيم  $(AG)$  في النقطة  $H$ .

أ) عيّن النقطتين G، H.

ب) أكتب النسبة  $\frac{AE}{AO}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.

ج) بيّن أنّ النقطة  $H$  هي منتصف القطعة  $[AG]$ .

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

<https://prof27math.weebly.com/>

## اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (03 نقاط)

1 - احسب:  $3 \div \frac{9}{2} = 3 - \frac{9}{2}$ .

3 - أنشر ثم بسط:  $(2\sqrt{5} - 2)(2\sqrt{5} + 2)$ .

4 - أكتب  $C$  كتابة علمية حيث:

التمرين الأول: (03 نقاط)

1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 200 و 150.

2) اختزل الكسر  $\frac{150}{200}$ .

التمرين الثاني: (03 نقاط)

1) أكتب من الشكل  $A = \sqrt{8} + \sqrt{50} - 2\sqrt{72}$  حيث  $a\sqrt{b}$ .

2) أكتب مقام النسبة  $X$  عدد ناطق حيث  $X = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ .

3) احسب العدد  $Y$  حيث  $Y = \sqrt{15} + 5X$ .

التمرين الثالث: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث  $AC=5.25$  ،  $AB=7$  وحدة الطول هي السنتمترنقطة من [AB] حيث  $AN=2.8$ نقطة من [AC] حيث  $AH=2.1$ 1- أثبت أن  $(NH) \parallel (BC)$ 2- أحسب  $BC$ 

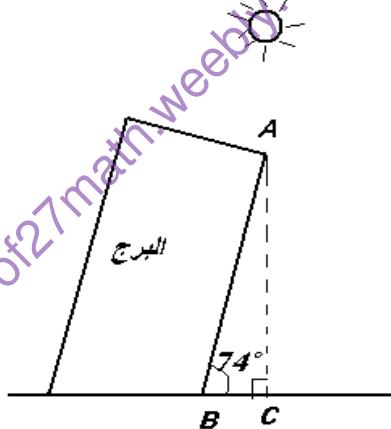
الوضعية الإدماجية (08 نقاط)

يقع برج بيزا المائل في إيطاليا ، وهو من عجائب الدنيا السبع وقد شرع في بنائه عام 1173 م وبعد فترة وجيزة بدأ في الميلان بسبب رخاوة التربة تحته ، وقد استمر بناؤه مدة 174 سنة ، وفي الوقت الحالي تم تثبيت البرج بتقنيات حديثة ولم يعد معرضًا للانهيار.. وهو قبلة للسياح.

يميل هذا البرج مشكلاً زاوية مع سطح الأرض تقدر بـ  $74^\circ$  ، عندما تقع عليه أشعة الشمس العمودية يكون طول ظل البرج على الأرض  $BC = 15m$

1- أحسب ارتفاع النقطة  $A$  عن سطح الأرض بالتدوير إلى الوحدة.

2- أحسب المسافة  $AB$  بالتدوير إلى الوحدة.

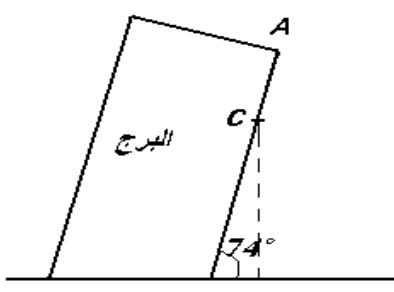


الجزء الثاني: نعتبر في هذا الجزء أن  $AB = 54m$  :

صعد سائح بالآلة تصويره إلى مسافة ثالثي ( $\frac{2}{3}$ ) طول البرج أي إلى غاية النقطة  $C$  ، وفي غفلة منه وهو ينظر من أحد نوافذ البرج ، سقطت آلتة على الأرض عند النقطة  $D$ .

1- بين أن نقطة السقوط  $D$  تبعد ب  $10m$  بالتدوير إلى الوحدة عن مدخل البرج  $B$ .

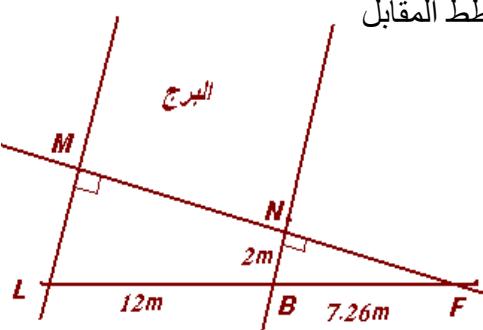
2- ما هو الارتفاع الذي سقطت منه آلة التصوير؟



الجزء الثالث: يربد أحد المهندسين أن يقيس طول قطر البرج، فقام برسم المخطط المقابل بالاستعانة بأرض الواقع.

1- بين أن  $NF \approx 7m$  وذلك بالتدوير إلى المتر .

2- أحسب قطر البرج  $MN$  بالتدوير إلى السنتمتر.



بال توفيق

<https://prof27math.weebly.com/>



<https://prof27math.weebly.com/>

التمرين الأول : ( نقط )

1) أثبت أن العددين 154020 و 103380 ليسا أوليان فيما بينهما.  
 2) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 154020 و 103380.  
 3) باائع حلويات له 154020 قطعة حلوي حمراء و 103380 قطعة حلوي بيضاء ، ي يريد أن يضعها في علب متساوية حمراء و بيضاء. للحصول على أكبر ربح يجب أن يكون عدد العلب أكبر ما يمكن مع استعمال كل الحلوي المتوفرة لديه.  
 أه ما هو عدد العلب التي يملأها؟  
 به ما هو عدد الحلوي الحمراء و عدد الحلوي البيضاء في كل علبة؟

التمرين الثاني : ( نقط )

نعتبر الأعداد التالية:  $A = \frac{7}{18} \times \frac{2}{7} - \left( \frac{5}{3} - 1 \right)^2$  ،  $B = \frac{3 \times 10^2 \times 5 \times 10^4}{12 \times (10^3)^3}$   
 $D = \sqrt{80} - \sqrt{20} + 1$  ،  $C = 2\sqrt{5} + 2\sqrt{125} - 7\sqrt{45}$

(1) أكتب  $A$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.  
 (2) أعط الكتابة العلمية للعدد  $B$ .  
 (3) بسط كلا من العددين  $C$  و  $D$ .  
 (4) أجعل مقام الكسر  $\frac{C}{D}$  عدداً ناطقاً.

التمرين الثالث : ( نقط )

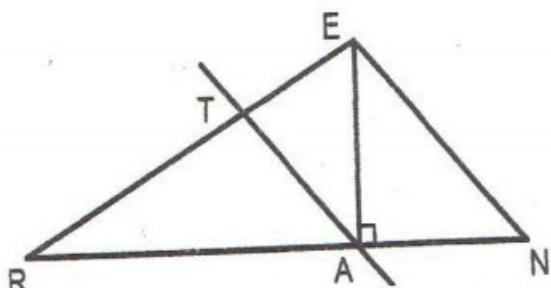
(1) أثبت أن:  $3 - 7x = 6x^2 - (2x - 3)(3x + 1)$ .  
 (2) إليك العبارة  $F$  حيث:  $F = (6x^2 - 7x - 3) - (2x - 3)^2$ .  
 أه حلل العبارة  $F$  إلى جداء عاملين.  
 به أحسب  $F$  من أجل:  $x = -3\sqrt{2}$ .

التمرين الرابع : ( نقط )

الأبعاد في الشكل ليست حقيقة.

في مثلث  $ERN$  ، نعطي  $ER = 10,6 \text{ cm}$  ،  $EN = 9 \text{ cm}$  ،  $\widehat{ENR} = 60^\circ$  .  
 الارتفاع المار من  $E$  يقطع الضلع  $[RN]$  في  $A$  ، الموازي للمستقيم  $(EN)$  والذي يمر من  $A$  يقطع الضلع  $[RE]$  في  $T$ .

(1) أه أثبت أن:  $AN = 4,5 \text{ cm}$ .  
 (2) به أحسب الطول  $EA$  (بالتدوير إلى 0,1).  
 (3) أه أحسب الطول  $AR$ .  
 (4) به أحسب  $TA$  (بالتدوير إلى 0,1).  
 (5) أحسب قيس الزاوية  $\widehat{ERA}$  (بالتدوير إلى الدرجة).



مسألة : (8 نقاط)

الشكل المعطى يمثل قطعة أرض بني عليها ورشة لمتوسطة، حيث قسمت إلى قاعتين. الأولى للأبحاث والثانية للعمل (كما هو موضح أسفله).

$DE = 6 \text{ m}$  ،  $BC = 8 \text{ m}$  ،  $AB = 9 \text{ m}$  و  $M$  نقطة من القطعة  $[AB]$ .

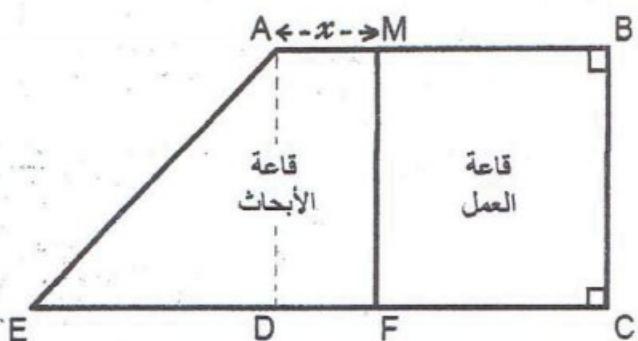
الجزء الأول :

في هذا الجزء، نضع  $AM = 2 \text{ m}$ .

(1) أحسب  $S_1$  مساحة قاعة الأبحاث.

(2) أحسب  $S_2$  مساحة قاعة الأبحاث.

(3) أحسب  $\tan \widehat{AED}$ . ثم استنتج القيمة المدوررة إلى الدرجة لقياس الزاوية  $\widehat{AED}$ .



الجزء الثاني :

نضع الآن:  $AM = x$

(1) عبر الطول عن  $MB$  بدلالة  $x$ .

(2) أحسب  $P_1$  محيط الرباعي  $MBCF$  بدلالة  $x$ .

(3) أحسب  $P_2$  محيط شبه منحرف  $AMFE$  بدلالة  $x$ .

(4) أوجد قيمة  $x$  حتى يتتساوى محيطا القاعتين.

تذكرة : مساحة شبه المنحرف هي نصف مجموع القاعتين في الارتفاع.

ثق في قدراتك وارفع معنوياتك إن كانت لك رغبة سوف تصل

المدة: ساعتان

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

الجزء الأول : (12 نقطة)

التمرين الأول : (2,5 نقاط)

1- اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 325 و 1053

2- اخترل النسبة  $\frac{325}{1053}$

التمرين الثاني : (3 نقاط)

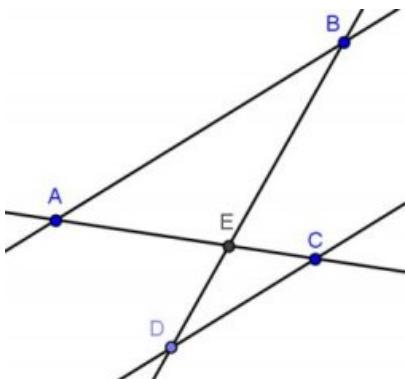
ليكن العددان A و B حيث :  $A = 3\sqrt{48} - \sqrt{75} + 3\sqrt{3}$  ،  $B = \sqrt{3}$

1) اكتب A على شكل  $a\sqrt{3}$  حيث a عدد طبيعي .

2) بيّن أن  $A \times B = 30$

3) اكتب الكسر  $\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$  على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

التمرين الثالث : (3 نقاط)



إليك الشكل المولاي (الأطوال غير حقيقة) حيث:

$EC = 9 \text{ cm}$  ،  $EB = 30 \text{ cm}$  ،  $EA = 20 \text{ cm}$

$DC = 18 \text{ cm}$  ،  $ED = 13,5 \text{ m}$

1) هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان؟ علل

2) احسب الطول AB

التمرين الرابع : (3,5 نقاط)

RT=7,5 cm في  $\sin S\hat{R}T = 0.6$  حيث: RST مثلث قائم

1) احسب الطول ST .

2) أعط قيس الزاوية  $S\hat{R}T$  بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .

## الجزء الثاني : (8 نقاط)

### المسألة: (تؤخذ النتائج في الجزء I بالتدوير إلى 0.01)

(I) أراد أحد المقاولين ترميم وطلاء عمارت احد الأحياء فلاحظ وجود تصدعات كثيرة في إحدى العمارت وقد أن يضع لها سندان خوفا من سقوطها لحين إصلاحها وترميمها (لاحظ الشكل أدناه)

1 - احسب الطول  $SA = 15m$  علما أن

2 - استنتج الطول  $SM$

3 - احسب  $\tan \alpha$  ثم استنتج قيمة الزاوية  $\alpha$  بالتدوير إلى الوحدة .

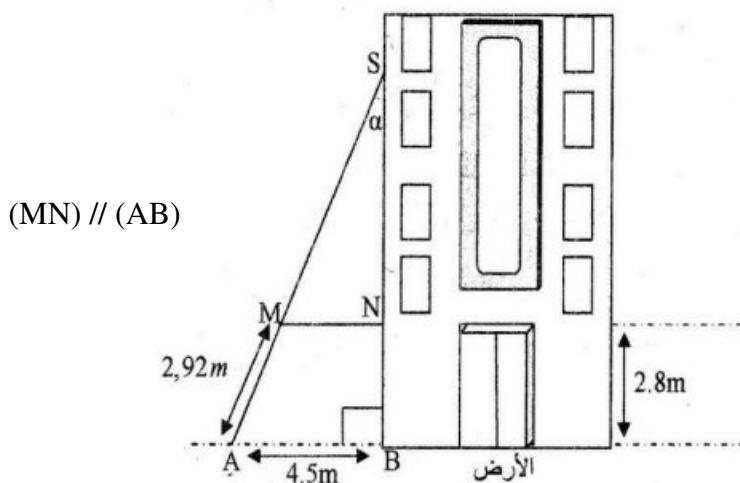
(II) عدد العمال الذين يقومون بهذا العمل هو 240 بناء و 84 دهان ، ي يريد المقاول توزيع العمل على أكبر عدد ممكن من العمارت بحيث يكون عدد العمال متماثلا في كل عماره من حيث عدد عمال البناء و عمال الطلاء ، وان لا يبقى عامل بدون عمل .

1 - ما هو عدد العمارت التي ستُرَمَّم ؟

2 - ما هو عدد عمال البناء و عدد عمال الطلاء في كل عماره ؟

3 - الأجرة اليومية للبناء 1000 DA والدهان 1200 DA و ثمن المواد المستعملة في كل عماره DA 90000 .

- إذا علمت أن العمل أُنجز في 10 أيام ، احسب تكلفة ترميم العماره الواحدة و اكتب النتيجة كتابة علمية .



أسرة المادة تمني لكم التوفيق والنجاح



مديرية التربية لولاية :  
أم البوادي  
متولدة : خليفي التهامي  
عبد الرحيم - عين مليلة -



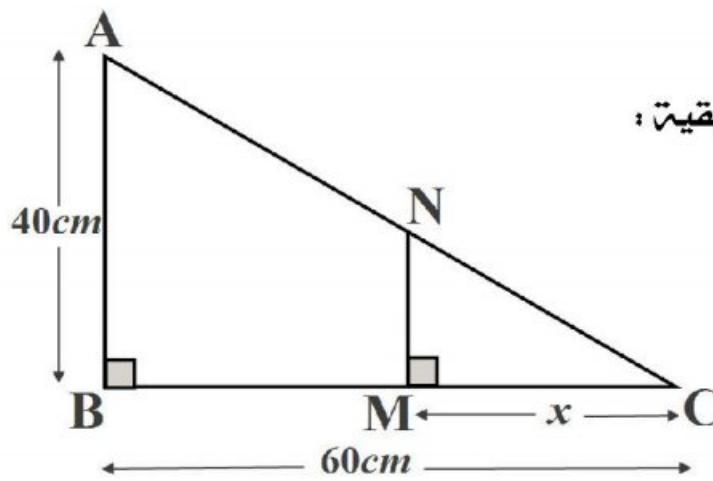
التوقيت: ساعتان

اختبار الثلاثي الأول في مادة : الرياضيات .

التمرين الأول : ( 2,5 ن )

1- أحسب :  $PGCD(1505; 1806)$ ثمن أكتب العدد :  $A = 2 \times \left( \frac{1505}{1806} \right)^2 - \frac{17}{12}$  على شكل كسر غير قابل للإختزال حيث :2- بين أن العدد :  $B = (1 - \sqrt{2})^{2017} \times (1 + \sqrt{2})^{2017}$  عدد ناطق حيث :

التمرين الثاني : ( 04 ن )

ليكن العددان :  $F = \sqrt{48} - 3\sqrt{12} + 4$  و  $D$  حيث :3-  $D = (1 + \sqrt{3})^2$ 4- بين أن :  $D = 4 + 2\sqrt{3}$  ،  $F = 4 - 2\sqrt{3}$ 5- بسط كل من العددان :  $\sqrt{D}$  ،  $\frac{F - D}{F \times D}$ 6- إجعل مقام النسبة :  $\frac{F}{\sqrt{3}}$  عدداً ناطقاً، وأحسب قيمتها المقرية بالتقسان إلى :  $10^{-3}$  .

التمرين الثالث : ( 03 ن )

الشكل المقابل غير مرسوم بالقياسات الحقيقية :  
مثلث قائمه مساحته :  $1200 \text{ cm}^2$  .1- اشرح لماذا :  $(MN) \parallel (AB)$  ،ثمن بين أن :  $MN = \frac{2}{3}x$  .2- عبر عن مساحة المثلث :  $MNC$  بدلالة :  $x$  .3- حل المعادلة :  $\frac{1}{3}x^2 = 300$  .4- استنتج قيمة :  $x$  التي تجعل مساحة المثلث :  $MNC$  هي ربع مساحة المثلث :  $ABC$  .

التمرين الرابع : ( 2,5 ن )

5- قيس زاوية حادة ، إذا علمت أن :  $\sin a = \frac{\sqrt{5}}{5}$ 6- أحسب :  $\tan a$  ،7- أثبت أن :  $\cos a = \frac{2\sqrt{5}}{5}$

الجزء الأول

إشتريت أم إسلام طاولة لِكَيِّ الملابس ،  
وَعِنْدِ إِسْتِعْمَالِهَا وَجَدَتْ بِهَا خَلَلَ .

{ تَعْنِي فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ ، ( وَحْدَةُ الطَّوْلِ هِيَ : cm ) .

1 - حَدِّدْ هَذَا الْخَلَلَ . ( بِرَرْ جَوَابَكَ رِيَاضِيًّا ) .

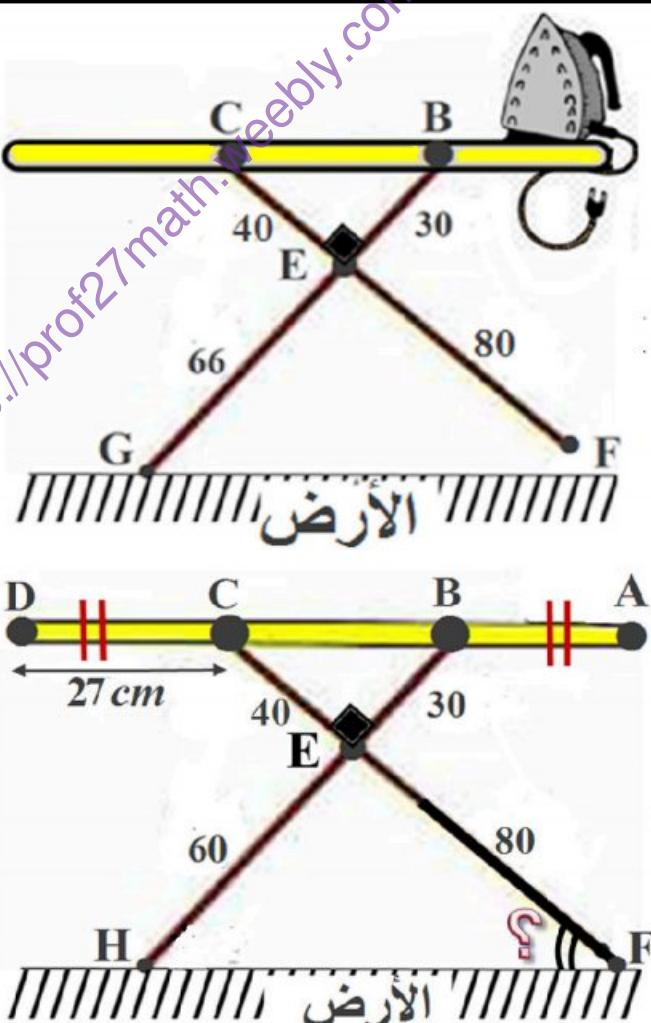
2 - فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ أَصْلِحْ إِسْلَامَ الْخَلَلَ .

- إِكْتَشِفْ مَاذَا فَعَلَ إِسْلَامَ ؟ .

- هَلْ أَصْلِحَ الْخَلَلَ فَعَلًا ؟ عَلَى .

- أَحْسِبْ :  $AD$  طَوْلُ سطحِ الطَّاولةِ .

- أَحْسِبْ الْقَيْسَ :  $\hat{E}FH$  بِالْتَّدْوِيرِ إِلَى الدَّرْجَةِ . . .



الجزء الثاني

يُراقبُ إِسْلَامُ أُمَّهُ مِنَ النَّقْطَةِ : A .

فَإِذَا عَلِمَتْ أَنَّ ارْتِفَاعَ سطحِ الطَّاولةِ

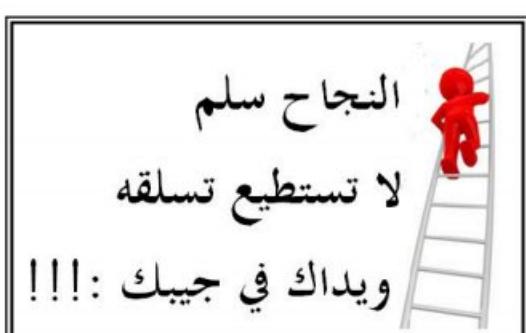
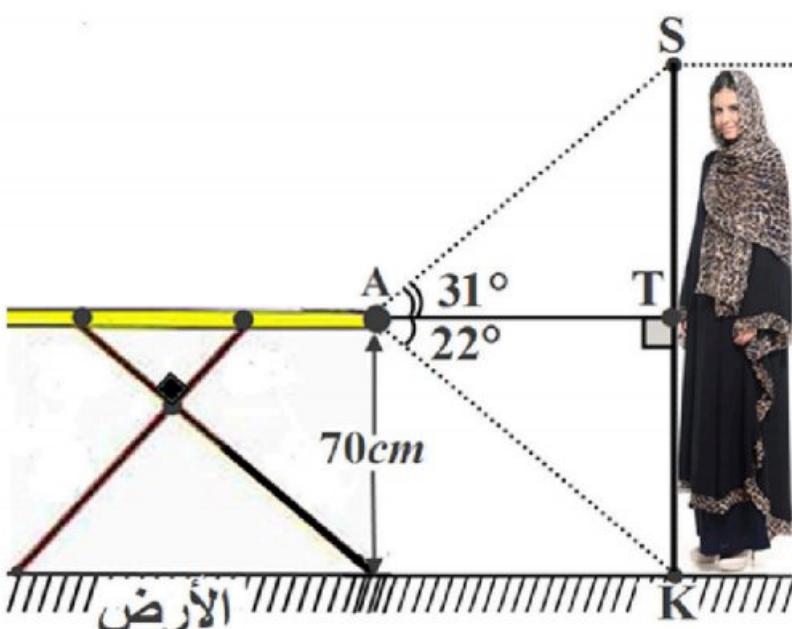
عَنِ الْأَرْضِ هُوَ : 70 cm .

فَأَحْسِبْ :

1 - الطَّوْلُ :  $AT$  .

بَعْدَ الْأُمْرِ عَنِ إِبْنِهِ إِسْلَامَ .

2 - قَامَةُ الْأُمْرِ بِهِ : ( المِتْر )



أَسَاذَةُ الْمَادَةِ يَتَمَنَّوْنَ لَكُم  
الْتَّوْفِيقَ وَالنَّجَاحَ

# الفرض الأول من الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (04 نقاط)

$$A = \frac{7 \times 10^{-12} \times 6 \times 10^5}{21 \times 10^{-4}}$$

$$B = \frac{1}{3} + \frac{14}{3} \div \frac{35}{12}$$

- أحسب  $A$  واتكتب الناتج على شكل كتابة علمية .
- اتكتب العدد  $B$  على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني : (08 نقاط)

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 276 و 312 .

(2) أحسب ما يلي  $\frac{276}{312}$  و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال .

(3) يملك محمد 276 كريمة حمراء و 312 كريمة سوداء . يريده أن يضعها في أكياس متماثلة من حيث عدد الكريات الحمراء و السوداء ويستعمل كل الكريات الحمراء و السوداء .

(a) ما هو أكبر عدد ممكن من الأكياس ؟

(b) ما هو عدد الكريات السوداء في الكيس الواحد ؟

(c) ما هو عدد الكريات الحمراء في الكيس الواحد ؟

التمرين الثالث : (08 نقاط)

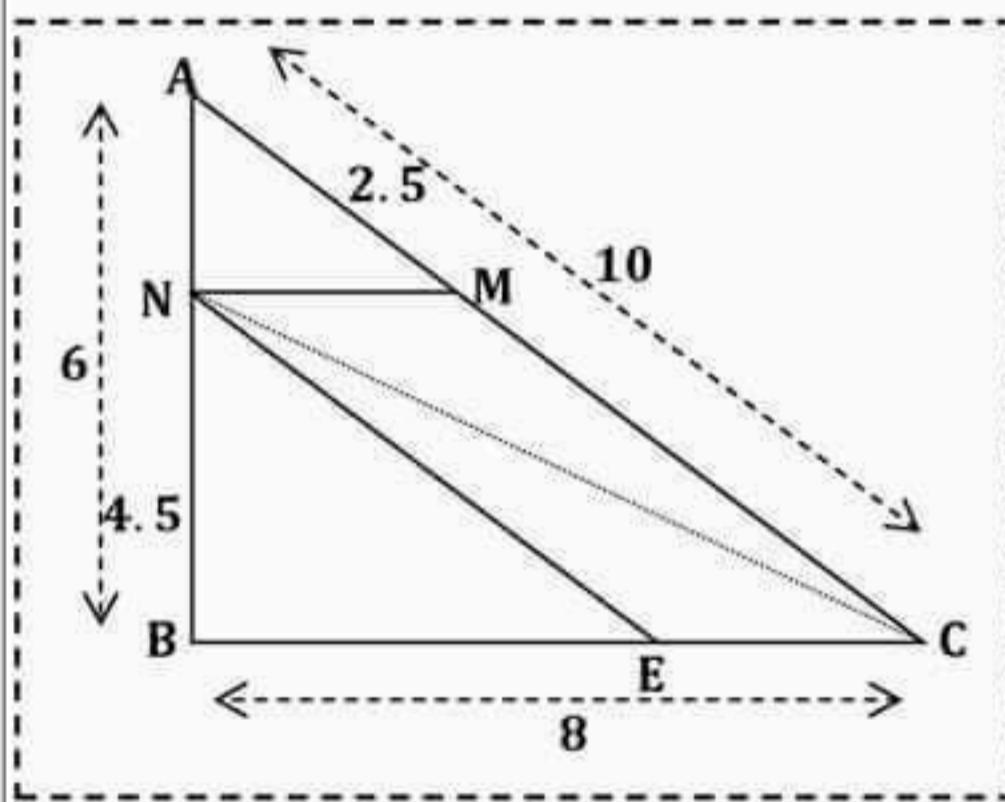
• لاحظ الشكل المقابل جيداً حيث :  
وحدة الطول هي السنتمتر (cm)

1. أثبت أن المثلث  $ABC$  قائم .

2. احسب الطول  $CN$  (القيمة المضبوطة) .

3. بين أن  $(BC) \parallel (MN)$  .

4. إذا علمت أن  $(AC) \parallel (EN)$  فاحسب الطول  $BE$  .



النجاح سلم لا تستطيع تسلقه و يداك في جيبك ١١١١١ بال توفيق والسداد

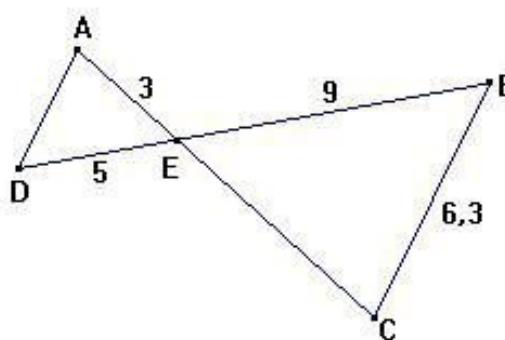
**الفرض المحسوس الأول للالفصل الأول**  
ت

**التمرين الأول :**

- \* أحسب الجداءات :  $\sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}}$  و  $\sqrt{3} \times \sqrt{12}$
- \* أكتب على الشكل  $a\sqrt{b}$  الأعداد :  $\sqrt{27}$  و  $\sqrt{10}$

**التمرين الثاني :**

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1631 و 932 .
- 2) يملك أحد هوا الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا. يريد بيع كل طوابعه على شكل مجموعات متماثلة ( لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية ).
- عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها.
- عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .



**التمرين الثالث :**

- \* وحدة الطول هي السنتمتر
- باستعمال معطيات الشكل المقابل
- و علما أن  $(BC) \parallel (AD)$
- احسب كلا من  $AD$  و  $EC$

**التمرين الرابع :**

أرسم مثلثا  $RST$  حيث :  $ST = 6 \text{ cm}$  و  $RS = 7.5 \text{ cm}$

- \* عين النقطة  $M$  من  $[ST]$  حيث :  $SM = 3 \text{ cm}$
- \* عين النقطة  $N$  من  $[RS]$  حيث :  $SN = 4.5 \text{ cm}$
- \* برهن أن  $(RT) \parallel (MN)$

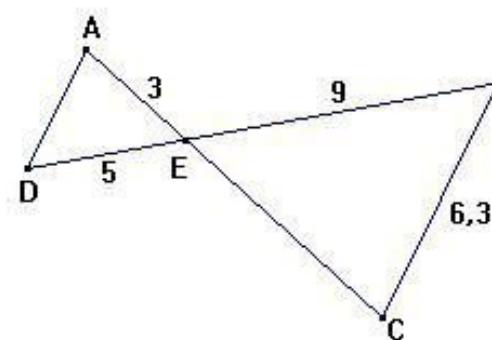
**الفرض المحسوس الأول للالفصل الأول**  
ت

**التمرين الأول :**

- \* أحسب الجداءات :  $\sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}}$  و  $\sqrt{3} \times \sqrt{12}$
- \* أكتب على الشكل  $a\sqrt{b}$  الأعداد :  $\sqrt{27}$  و  $\sqrt{10}$

**التمرين الثاني :**

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1631 و 932 .
- 2) يملك أحد هوا الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا. يريد بيع كل طوابعه على شكل مجموعات متماثلة ( لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية ).
- عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها.
- عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .



**التمرين الثالث :**

- \* وحدة الطول هي السنتمتر
- باستعمال معطيات الشكل المقابل
- و علما أن  $(BC) \parallel (AD)$
- احسب كلا من  $AD$  و  $EC$

**التمرين الرابع :**

أرسم مثلثا  $RST$  حيث :  $ST = 6 \text{ cm}$  و  $RS = 7.5 \text{ cm}$

- \* عين النقطة  $M$  من  $[ST]$  حيث :  $SM = 3 \text{ cm}$
- \* عين النقطة  $N$  من  $[RS]$  حيث :  $SN = 4.5 \text{ cm}$
- \* برهن أن  $(RT) \parallel (MN)$

# تصحيح الفرض الأول للفصل الأول

## التمرين الأول :

\* حساب الجداءات :

$$\sqrt{3} \times \sqrt{12} = \sqrt{36} = 6 ; \quad \sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}} = \sqrt{\frac{16}{144}} = \frac{4}{12} = \frac{1}{12}$$

\* كتابة الأعداد على الشكل  $a\sqrt{b}$

$$\sqrt{27} = \sqrt{9 \times 3} = 3\sqrt{3} ; \quad \sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$$

## التمرين الثاني

و منه :  $\text{PGCD}(1631; 932) = 233$   
و بالتالي فإن أكبر عدد للمجموعات التي  
يمكن للهاوي تشكيلها هو 233 :  
لدينا

$$\frac{1631}{233} = 7 \quad \text{و} \quad \frac{932}{233} = 4$$

$$\begin{aligned} 1631 &= 932 \times 1 + 699 \\ 932 &= 699 \times 1 + 233 \\ 699 &= 233 \times 3 + 0 \end{aligned}$$

في كل مجموعة يوجد إذن 7 طوابع جزائرية  
و 4 طوابع أجنبية.

## التمرين الثالث

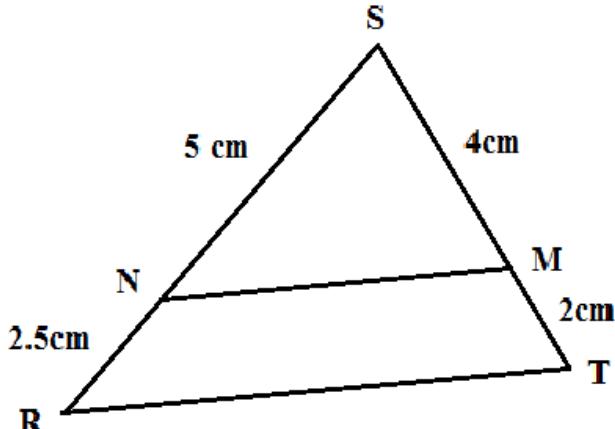
المستقيمان  $(AC)$  و  $(BD)$  متقطعان في  $E$ .

و بما أن المستقيمان  $(BC)$  و  $(AD)$  متوازيان

فإن حسب مبرهنة طالس :

$$AD = \frac{6,3}{9} \times 5 \quad \text{و} \quad EC = \frac{9}{5} \times 3 \quad \text{و منه} \quad \frac{EC}{3} = \frac{9}{5} = \frac{6,3}{AD} \quad \text{أي} \quad \frac{EC}{EA} = \frac{EB}{ED} = \frac{BC}{AD}$$

نجد بعد الحساب :  $AD = 3,5$  و  $EC = 5,4$



## التمرين الرابع :

إثبات أن  $(RT) \parallel (MN)$

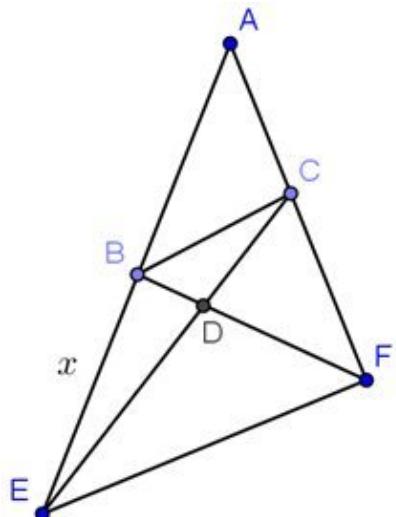
لدينا : 1 - النقاط  $T$  .  $M$  .  $S$  .  $R$  .  $N$  .  $S$  إستقامة

$$\frac{SM}{ST} = \frac{SN}{SR} \quad \text{إذن} : \quad \frac{SM}{ST} = \frac{5}{7.5} = \frac{1}{3} ; \quad \frac{SN}{SR} = \frac{4}{6} = \frac{1}{3} \quad \text{و} \quad 2$$

و منه حسب النظرية العكسية لطالس فإن  $(RT) \parallel (MN)$

الوضعية الأولى (12 ن):

- 1- بين دون حساب أن الكسر  $\frac{360}{198}$  قابل للاختزال.
- 2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 360 و 198 ، ثم أوجد القواسم المشتركة لهما.
- 3- اكتب الكسر  $\frac{360}{198}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.



الوضعية الثانية (08 ن):

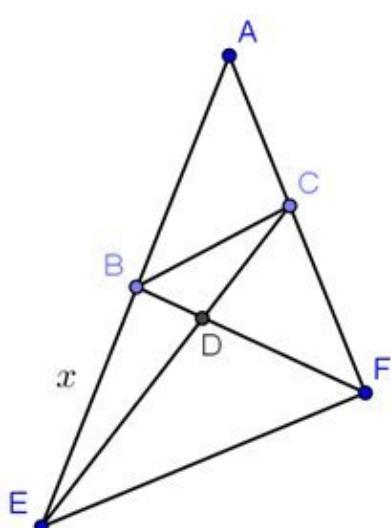
إليك الشكل المقابل المرسوم بأطوال غير حقيقة حيث:  
، C نقطتان من [AE] و [AF] على الترتيب.  
 المستقيمان (EC) و (BF) متقطعان في النقطة D.  
DE = 4 ، DC = 2 ، AB = 9 ، (BC) // (EF)  
نضع  $BE = x$ .

1. بين أن  $\frac{DCAB}{DEAE} =$  . (يمكنك استعمال نظرية طالس مرتين).
2. احسب الطول AE ثم استنتاج الطول x .

بالتوفيق

الوضعية الأولى (12 ن):

- 1- بين دون حساب أن الكسر  $\frac{240}{132}$  قابل للاختزال .
- 2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 240 و 132 ، ثم أوجد القواسم المشتركة لهما.
- 3- اكتب الكسر  $\frac{240}{132}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.



الوضعية الثانية (08 ن):

إليك الشكل المقابل المرسوم بأطوال غير حقيقة حيث:  
، C نقطتان من [AE] و [AF] على الترتيب.  
المستقيمان (EC) و (BF) متقطعان في النقطة D.  
DE = 4 ، DC = 3 ، AB = 9 ، (BC) // (EF)  
نضع  $BE = x$ .

1. بين أن  $\frac{DCAB}{DEAE} =$  . (يمكنك استعمال نظرية طالس مرتين).
2. احسب الطول AE ثم استنتاج الطول x .

بالتوفيق

السنة الدراسية: 2017/2018

المدة: ساعة

متوسطة: الشهيد احمد التجاني

المستوى: رابعة متوسط

متوسطة: الشهيد احمد التجاني

المستوى: رابعة متوسط

السنة الدراسية: 2017/2018

المدة: ساعة

## الظرف الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

### الخوج (A)

#### التمرين الأول:

1. اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 588 و 768  
اكتب الكسر  $\frac{588}{768}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال

2. A و B عددان حيث :

$$A = \frac{3}{4} - \frac{5}{4} \times \frac{28}{12}$$

$$B = \frac{8.1 \times 10^{-5} \times 14 \times (10^3)^2}{7 \times 10^{-8}}$$

-احسب A و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال

-احسب B وأعط الكتابة العلمية لها

#### التمرين الثاني:

حل المعادلات التالية:

$$3x^2 = 27$$

$$16x^2 = 25$$

$$x^2 + 19 = -30$$

#### التمرين الثالث:

ABC مثلث حيث : BC=6cm AC=5cm AB=4cm

N نقطة من [AB] حيث : BN=3cm

المستقيم الذي يشمل N و يوازي (AC) يقطع (BC) في M

• ارسم الشكل

• احسب الطولين BM و MN

• D نقطة من [AC] حيث : CD=1.25cm

• برهن أن (DM)  $\parallel$  (AB) - احسب الطول

## الظرف الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

### الخوج (B)

#### التمرين الأول:

1. اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 800 و 450  
اكتب الكسر  $\frac{450}{800}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال

2. C و D عددان حيث :

$$c = \frac{2}{3} - \frac{5}{3} \times \frac{21}{3}$$

$$d = \frac{5 \times 10^{-4} \times 4.2 \times (10^{-3})^2}{1.4 \times 10^{-7}}$$

-احسب C و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال

-احسب D وأعط الكتابة العلمية لها

#### التمرين الثاني:

حل المعادلات التالية:

$$2x^2 = 32$$

$$4x^2 = 9$$

$$x^2 + 16 = -20$$

#### التمرين الثالث:

STA مثلث حيث : AT=6cm ST=4.5cm AS=3cm

R نقطة من [AS] حيث : SR=1cm

المستقيم الذي يشمل R و يوازي (AT) يقطع (ST) في D

• ارسم الشكل

• احسب الطولين SD و RD

• K نقطة من [AT] حيث : AK=4cm

• برهن أن (ST)  $\parallel$  (RK) - احسب الطول

المدة : ساعة واحدة

## الفرض الأول

22 أكتوبر 2017

### الفصل الأول في الرياضيات

التمرين الأول : ( 7 نقاط )

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر لعددين 10395 ، 9009

2- اختزل الكسر  $\frac{9009}{10395}$  إلى كسر غير قابل للاختزال .

3- أحسب العدد A حيث

التمرين الثاني : ( 6 نقاط )

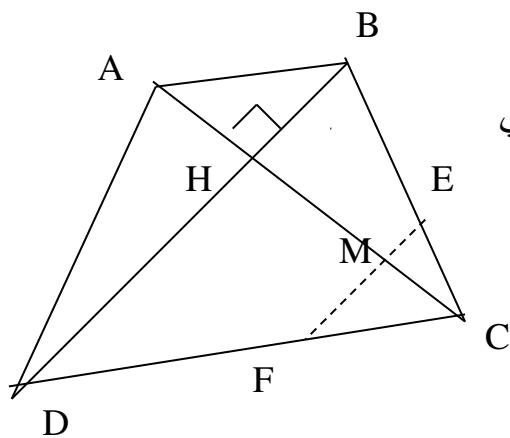
لتكن الأعداد :  $G = \sqrt{21} \times \sqrt{12}$  ،  $F = \sqrt{48} - \sqrt{27}$  ،  $E = \sqrt{20} + 3\sqrt{5} + 4\sqrt{45}$

• أكتب E على شكل  $a\sqrt{5}$  و F على شكل  $b\sqrt{3}$  و G على شكل  $c\sqrt{7}$  حيث : a ، b ، c ، أعداد طبيعية .

التمرين الثالث : ( 7 نقاط )

إليك الشكل المقابل ( الشكل ليس مرسوما بالأبعاد الحقيقية ووحدة الطول هي ال (m) )

1- بين أن (AB) // (CD) .



2- ليكن المستقيم ( EF ) يوازي ( BD ) يقطع [ AC ] في

النقطة M بحيث  $MC = \frac{1}{3} AC$  حيث M

احسب الطول EM .

$$HB = 105$$

$$HD = 120$$

$$HA = 70$$

$$HC = 80$$

وأخوه الجمال في الشقاوة ينعم  
في الدنيا : عليه وأن طة توسمولين  
من ينفيه في الدنيا

وأخوه الجمال في الشقاوة ينعم

ذو العقل يشقي في النعيم بعقله

التمرين ①: لتكن الأعداد  $A$  و  $B$  و  $C$  حيث :

$$A = \left(\frac{3}{8} - \frac{5}{12}\right) \times \frac{10}{3} ; \quad B = \frac{2,6 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^5}{3 \times 10^{-11}} ; \quad C = 5\sqrt{12} + \sqrt{118}$$

1) أحسب العدد  $A$  ثم اخترل الناتج ان أمكن (تأكد من النتيجة باستعمال الآلة الحاسبة ذات سطرين)

2) أكتب العدد  $B$  كتابة علمية.

3) أوجد القيمة المقربة الى  $10^{-2}$  بالزيادة للعدد  $C$

4) حل المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :  $x^2 = \frac{16}{25}$

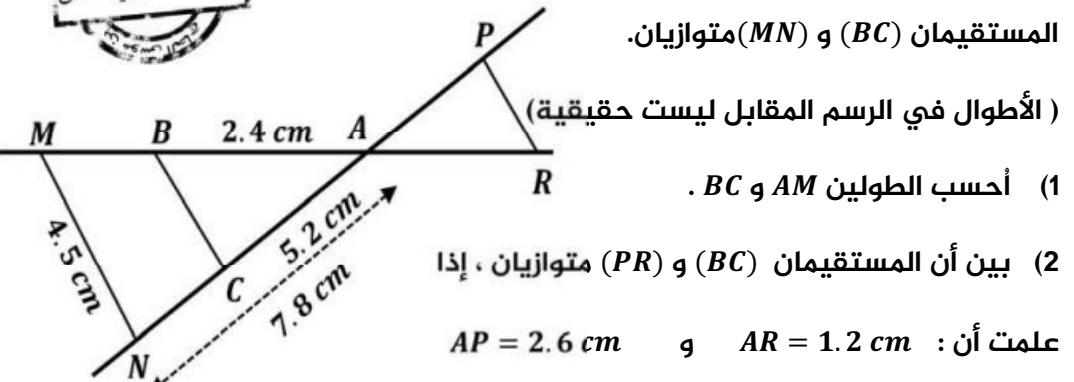
التمرين ②:

1) تحقق أن العددين 1317 و غير أوليين فيما بينهما.

2) عند بستانى 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، ي يريد تشكيل باقات متماثلة بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء .

أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟

ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟



التمرين ①: لتكن الأعداد  $A$  و  $B$  و  $C$  حيث :

$$A = \left(\frac{3}{8} - \frac{5}{12}\right) \times \frac{10}{3} ; \quad B = \frac{2,6 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^5}{3 \times 10^{-11}} ; \quad C = 5\sqrt{12} + \sqrt{118}$$

1) أحسب العدد  $A$  ثم اخترل الناتج ان أمكن (تأكد من النتيجة باستعمال الآلة الحاسبة ذات سطرين)

2) أكتب العدد  $B$  كتابة علمية.

3) أوجد القيمة المقربة الى  $10^{-2}$  بالزيادة للعدد  $C$

4) حل المعادلة ذات المجهول  $x$  التالية :  $x^2 = \frac{16}{25}$

التمرين ②:

1) تتحقق أن العددين 1317 و غير أوليين فيما بينهما.

2) عند بستانى 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، ي يريد تشكيل باقات متماثلة بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء .

أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟

ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟

