

إختبار الفصل الأول في الرياضيات

التمرين الأول :

1 / * أوجد : $PGCD (3636, 6363)$

2 / * أحسب و بسط A حيث : $A = \frac{6363}{3636} + \frac{1}{2}$

التمرين الثاني : ليكن المعدادان الحقيقيان A, B

$$A = 3\sqrt{75} - 5\sqrt{27} + 2\sqrt{3} \quad , \quad B = \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}}$$

بحيث :

1 * اكتب المعداد A على شكل $a\sqrt{3}$

2 * اكتب المعداد B على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

3 * أحسب المجموع E حيث : $E = A + 3B$ ثم أعط القيمة المقربة لـ E بالنقصان إلى 0.01

التمرين الثالث : (وحدة الطول في cm)
 RST مثلث قائم في S حيث :

$$\sin \widehat{STR} = \frac{3}{4} \quad , \quad RT = 8cm$$

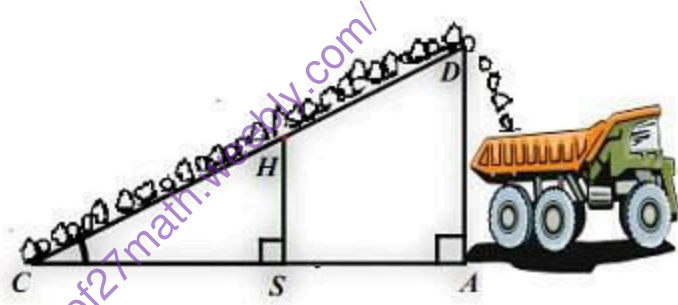
أحسب كلا من : SR ، ST

التمرين الرابع :

α قوس زاوية حادة حيث : $\cos \alpha = \frac{1}{4}$

1. أحسب : $\sin \alpha$

2. استنتج : $\tan \alpha$ (تعطى القيم المضبوطة)



الوضعية الإدماجية :

مسألة :

في الشكل المقابل :
(القياسات غير حقيقية)
حيث يتم شحن شاحنة
من مقطع حجارة
بواسطة بساط متحرك .

طول البساط المتحرك $CD = 11.7m$ وطول الأرضية $CA = 10.8m$

(1 - احسب ارتفاع DA ارتفاع قمة البساط على سطح الأرض .

(2 - أ - احسب $\cos \widehat{DCA}$ ، ثم استنتج قياس الزاوية \widehat{DCA} بالتدوير الى 0.1° .

ب- علما أن ريكيزة تثبيت البساط $[HS]$ طولها $2.5 m$

• احسب المسافة CS .

(3 - إذا كان سرعة البساط هي : $1.5 m/s$.

• احسب الزمن اللازم لانتقال حجرة من الوضع C إلى الوضع D .

- بالتوفيق -	صفحة : 2 / 2	- انتهى -
--------------	--------------	-----------

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

متوسطة: الحي الجديد - أريـس
التوقيت: ساعة: _____

مديرية التربية لولاية باتنة
المستوى: الرابع - متوسطة
التمرين الأول:

- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 2835 و 3645
- أكتب $\frac{2835}{3645}$ على الشكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني:

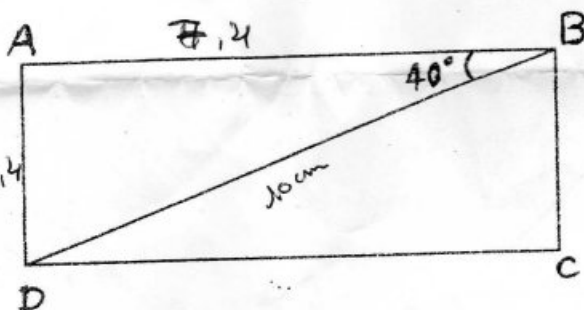
ليكن العدد الحقيقي A حيث $A = \sqrt{98} + 1 - \sqrt{2}(\sqrt{2} - 1)$ (1) بين أن $A = 8\sqrt{2} - 1$

(2) أكتب النسبة $\frac{A}{\sqrt{2}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

(3) ليكن العدد الحقيقي B حيث $B = 8\sqrt{2} + 1$ عدد طبيعي

(4) بين أن $A \times B$

التمرين الثالث:



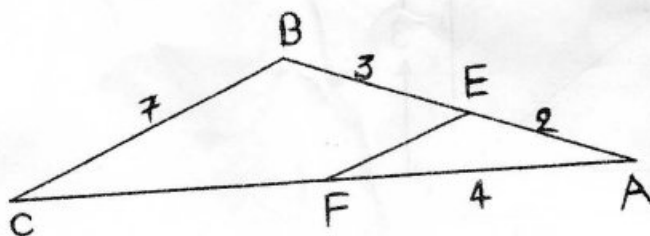
في الشكل المقابل ABCD مستطيل

حيث $\angle ABC = 40^\circ$ و $BD = 10 \text{ cm}$

(1) أحسب بعدي المستطيل بالتقريب إلى 10^{-1}

(2) استنتج مساحة المستطيل

التمرين الرابع:



اليك الشكل المقابل وحدة الطول هي Cm

حيث $(EF) \parallel (BC)$

احسب EF و FC

المسألة:

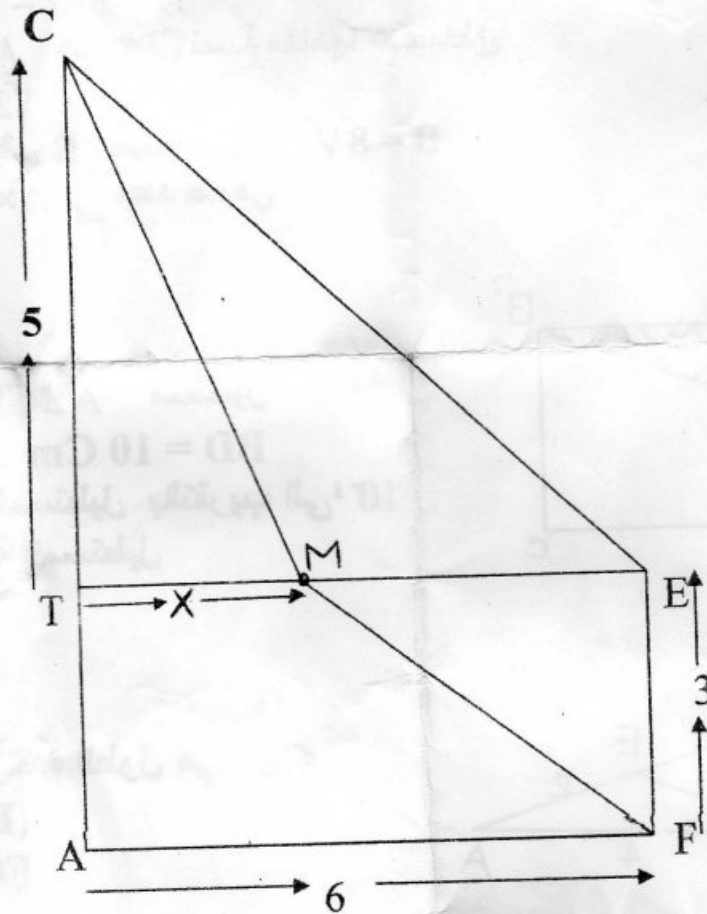
يمثل الشكل أدناه قطعتي أرض متجاورتين الأولى على شكل مستطيل والثانية على شكل مثلث
قام أراد صاحبها زراعة قطعتين على شكل مثلث، القطعة الأولى MEF والقطعة الثانية TMC

من أجل $TM = 2$

- (1) ماهي المسافة التي يقطعها المزارع من النقطة C إلى النقطة M
- (2) حدد قياس الزاوية TMC بتدوير الدرجة إلى الوحدة
- (3) أحسب مساحة كل من الجزئين المزروعين
- (4) احسب المدة التي يستغرقها المزارع للانتقال من النقطة C إلى النقطة M بتدوير الزمن إلى الوحدة علما أن معدل سرعته $4,7 \text{ km/h}$

تعتبر النقطة M هي موقع البئر المشترك بين القطعتين
- نضع في هذه الحالة $TM = x$

- أ- عبر بدلالة x على A_1 و A_2 مساحتي المثلثين TMC و EFM على الترتيب
- ب- ماهي قيمة x التي تجعل $A_1 = A_2$



2/2

الله ولي الشوفيق

الإختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (3 ن)

- هل العدان 162 و 243 أوليان فيما بينهما ؟ برر جوابك .
- اكتب الكسر $\frac{162}{243}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .
- إذا وضعنا : $PGCD(243; 162) = x$ تحقق من أن : $x^2 - 80x - 81 = 0$ ✓

التمرين الثاني : (4 ن)

❖ إليك العبارتين التاليتين :

$$A = 3\sqrt{48} - 2\sqrt{75} + \sqrt{432} , \quad B = \sqrt{432} - \sqrt{75}$$

- اكتب العبارتين A و B على الشكل $a\sqrt{3}$
- بين أن $A \times B$ عدد طبيعي .
- اكتب الكسر $\frac{A+5}{B}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

التمرين الثالث : (3 ن)

❖ إليك العبارة التالية حيث :

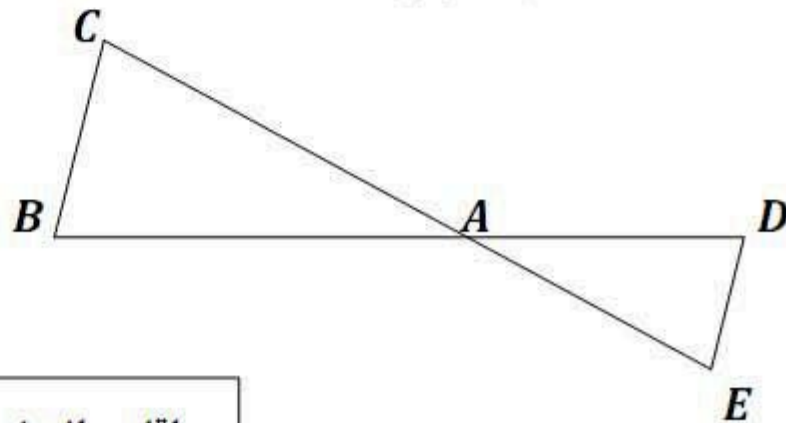
$$C = (2x + 3)(2x - 3) - (x + 1)^2 + 2x - 38$$

- أنشر وبسط العبارة C .
- حل المعادلة $C = 0$.

التمرين الرابع : (2 ن)

❖ إليك الشكل المقابل ، - إذا علمت أن : $(BC) \parallel (DE)$

و $AB = 6cm , AD = 3cm , AC = 5cm , DE = 2cm$ - أحسب الطولين : AE , BC .



اقلب الصفحة...

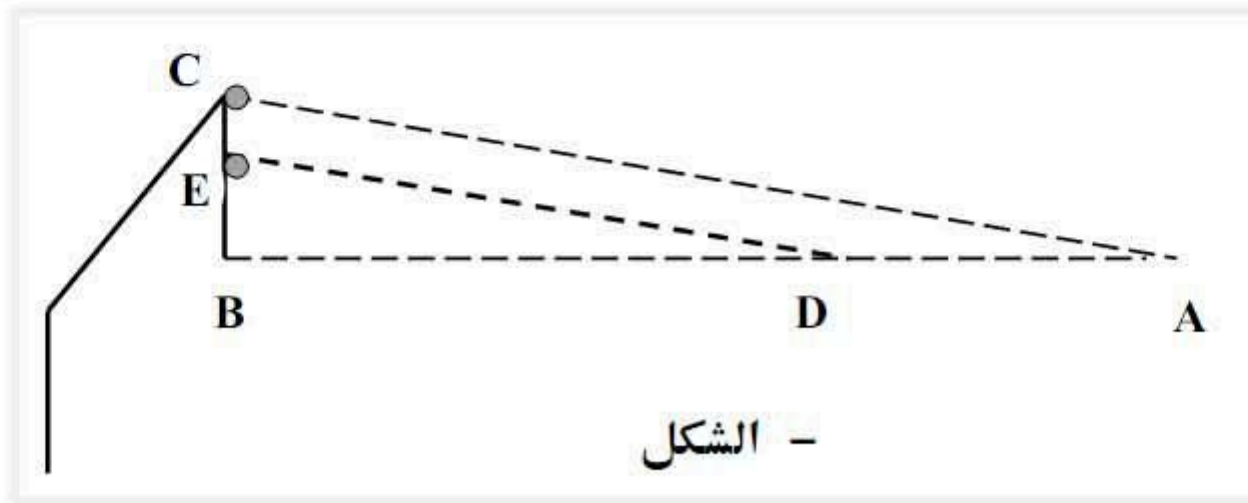
المسألة : (8 ن) " يجب إعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدورة الى الوحدة "

- يُعد الدوري الإسباني لكرة القدم من بين أفضل وأقوى الدوريات في العالم ، حيث يتوفر على فرق قوية وخاصة فريقَي ريال مدريد وبرشلونة اللذان يضمّان أفضل لاعبين في العالم حاليا وهما البرتغالي كريستيانو رونالدو والأرجنتيني ليونيل ميسي .

- ❖ سجّل ميسي منذ إنضمامه الى "البارصا" 243 هدفا ، فيما سجل رونالدو منذ إنضمامه الى "الريال" 162 هدفا ، نُريد فَرَضًا تقسيم عدد أهداف اللاعبين على أكبر عدد ممكن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلا في كل مباراة من حيث عدد أهداف رونالدو وعدد أهداف ميسي .
1. ما هو عدد هذه المباريات ؟
 2. ما هو عدد أهداف ميسي في كل مباراة ؟ و ما هو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة ؟

- ❖ في إحدى مباريات "الريال" سدّد رونالدو كرة قوية من الموضع A (لاحظ الشكل) ، شكّل مسار الكرة مع الأرض زاوية قيسها $\widehat{BAC} = 25^\circ$ ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم ، باعتبار أن مسار الكرة مستقيم وعلو القائم هو $BC = 25 \text{ dm}$.
1. أحسب البُعد AB بُعد رونالدو عن القائم .
 2. أحسب المسافة التي قطعها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

- ❖ وكذلك في إحدى مباريات "البارصا" سدّد ميسي كرة قوية من الموضع D (لاحظ الشكل) ، اصطدمت هذه التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع ($\frac{3}{4}$) القائم ، ويبعد ميسي عن القائم بمسافة $BD = 40 \text{ dm}$.
1. أحسب قيس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض \widehat{EDB} .
 2. أحسب المسافة التي قطعها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟
- ❖ أثبت أن مسار كرة رونالدو (AC) يوازي مسار كرة ميسي (DE) .



ملاحظة : عدد أهداف اللاعبين افتراضي ويختلف عن العدد الحقيقي .

حظ موفق للجميع ...

أستاذ المادة : حسين جديلات

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: 3 نقاط

اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 315 و 1155

اجعل الكسر $\frac{315}{1155}$ غير قابل للاختزال

التمرين الثاني: 3 نقاط

$$A = 2\sqrt{8} + \sqrt{80} - \sqrt{45} \quad B = \frac{3}{7} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{7}$$

• 1/ اكتب كلا من A و B على أبسط شكل ممكن

• 2/ بين أن مقلوب A هو العدد $\frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}$

التمرين الثالث: 3 نقاط

في الشكل المجاور محيط المثلث هو 17cm و ABC (EN // BC

احسب الأطوال EN ، AN ، BC

التمرين الرابع: 3 نقاط

1. اوجد مساحة مربع طول ضلعه هو $(2\sqrt{3} + 1) \text{ cm}$

2. احسب مساحة مستطيل طوله $(5 - 1) \text{ cm}$ وعرضه $3 \text{ cm} +$

3. حل ما يلي

$$(3X - 1)(X + 5) - (3X - 1)(7 - 2X)$$

$$2X^2Y + 14XY - 8XY^2$$

المسألة: 8 نقاط

الجزء الأول

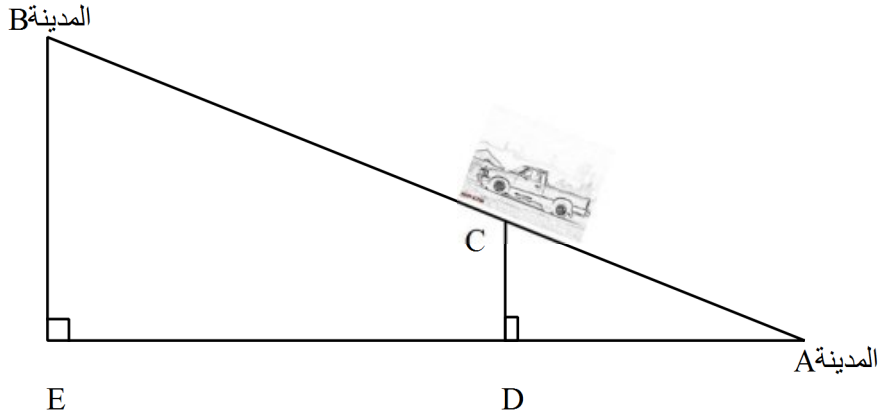
اشترى تاجر سلعة من المدينة A وقم بنقلها الى متجره الذي يقع بالمدينة B عبر طريق مرتفع بزاوية

معينة. وأثناء سيره وبعد قطعه مسافة 3km وفي النقطة C كان ارتفاعه عن مستوى المدينة A

هو $CD = 0,6\text{km}$. احسب $\sin \widehat{CAD}$ واستنتج قياس الزاوية \widehat{CAD} بالتدوير الى الوحدة من الدرجة .

2/ إذا علمت أن ارتفاع المدينة B عن مستوى المدينة A هو $BE = 10\text{km}$

ماهي المسافة بين المدينتين؟



الجزء الثاني

لاحظ التاجر أن الإقبال على شراء الشوكولاتة و البيض قليل وخاف أن تفسد ويتكبد خسارتها. لكن الإقبال على شراء أكياس الحليب كان كبيرا فجاءته فكرة أن يقوم بتجميعها في علب متماثلة.

إذا كان عدد أكياس الحليب هو 240 كيسا وعدد لوحات الشوكولاتة هو 60 لوحة وعدد حبات البض هو 180 بيضة. ما هو أكبر عدد ممكن من المجموعات التي يمكن الحصول عليها ؟

كم كيس حليب وكم حبة بيض وكم لوحة شوكولاتة في كل علبة؟

تمنياتي بالتوفيق والنجاح

الحل النموذجي

التنقيط

التمرين الأول

إيجاد القاسم المشترك الأكبر

$$1155 = 315 \times 3 + 210$$

$$315 = 210 \times 1 + \boxed{105}$$

$$210 = 105 \times 2 + 0$$

اذن: $\text{PGCD}(315, 1155) = 105$

اختزال الكسر

$$\frac{315}{1155} = \frac{315 \div 105}{1155 \div 105} = \boxed{\frac{3}{11}}$$

التمرين الثاني

1/ تبسيط العبارتين

1

$$\begin{aligned} A &= 2\sqrt{8} + \sqrt{80} - \sqrt{45} = 2\sqrt{4 \times 2} + \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5} \\ &= 2 \times 2\sqrt{2} + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} = 4\sqrt{2} + 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} \\ &= \boxed{4\sqrt{2} + \sqrt{5}} \end{aligned}$$

1

$$\begin{aligned} B &= \frac{3}{7} - \frac{3}{4} \times \frac{2}{7} = \frac{3}{7} - \frac{3 \times 2}{4 \times 7} = \frac{3}{7} - \frac{6}{28} = \frac{3}{7} - \frac{3}{14} = \frac{6}{14} - \frac{3}{14} \\ &= \frac{6-3}{14} = \boxed{\frac{3}{14}} \end{aligned}$$

1

بيان أن $\frac{1}{A} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}$

$$\begin{aligned} \frac{1}{A} &= \frac{1}{4\sqrt{2} + \sqrt{5}} = \frac{1 \times (4\sqrt{2} - \sqrt{5})}{(4\sqrt{2} + \sqrt{5})(4\sqrt{2} - \sqrt{5})} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{4^2 \sqrt{2}^2 - \sqrt{5}^2} \\ &= \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{16 \times 2 - 5} = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{32 - 5} = \boxed{\frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{27}} \end{aligned}$$

التمرين الثالث

0.5

حساب BC

$$BC = 17 - (3 + 6) = 17 - 9 = 8$$

ABC مثلث E. نقطة من [AB] . N نقطة من [AC] حيث : (EN) // (BC)

اذن حسب نظرية طاليس فإن : $\frac{AE}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{EN}{BC}$

بالتعويض نجد : $\frac{2}{6} = \frac{AN}{3} = \frac{EN}{8}$

ومنه

$$AN = \frac{3 \times 2}{6} = \frac{6}{6} = 1$$

$$EN = \frac{8 \times 2}{6} = \frac{16}{6} = \frac{8}{3}$$

التمرين الرابع

0.75 $(2\sqrt{3} + 1)^2 = 2^2 \times \sqrt{3}^2 + 2 \times 2\sqrt{3} \times 1 = 4 \times 3 + 1 + 4\sqrt{3} = \boxed{13 + 4\sqrt{3}} / 1$

إذن: مساحة المربع هي $(13 + 4\sqrt{3} \text{ cm}^2)$

0.75
$$\begin{aligned} 5x - 1 \quad x + 3 &= 5x \quad x + 3 - 1 \quad x + 3 \\ &= 5^2 + 15x - x - 3 = 5x^2 + 14x - 3 \end{aligned} / 2$$

إذن مساحة المستطيل هي $(5^2 + 14x - 3 \text{ cm}^2)$

3/ التحليل

0.75x2
$$\begin{aligned} (3 - 1)(x + 5) - (3x - 1)(7 - 2x) &= (3x - 1)[(x + 5) - (7 - 2x)] \\ &= (3x - 1)[x + 5 - 7 + 2x] = \boxed{(3x - 1)(3x - 2)} \\ B = 2x^2y + 14xy - 8xy^2 &= \boxed{2xy(x + 7 - 4y)} \end{aligned}$$

الوضعية الإدماجية

الجزء الأول

0.75 $\sin \widehat{ABC} = \frac{CD}{AC} = \frac{0.6}{3} = 0.2 / 1$

0.75 باستخدام الحاسبة نجد $ABC = 11.53$ وبالتدوير الى الوحدة من الدرجة نجد $ABC = 12$

2/ حساب AB

لدينا $\sin \widehat{ABC} = \frac{EB}{BA}$ بالتعويض $0.2 = \frac{10}{AB}$ ومنه : $AB = \frac{10}{0.2} = 50$ 1

ملاحظة : يمكن حساب AB باستخدام نظرية طاليس

الجزء الثاني

حساب أكبر عدد ممكن من العلب

أكبر عدد ممكن من العلب التي يمكن الحصول عليها هو $PGCD(240, 60, 180)$

$$PGCD(240, 60, 180) = PGCD(PGCD(240, 60), 180)$$

1

لدينا : $240 = 60 \times 4 + 0$ يعني $PGCD(240, 60) = 60$

1

ولدينا : $180 = 60 \times 3 + 0$ ومنه $PGCD(180, 60) = 60$

1

إذن : $PGCD(240, 60, 180) = 60$

أي أن أكبر عدد من العلب التي يمكن تشكيلها هو 60 علبة

حساب عدد أكياس الحليب وحبّات البيض ولوحات الشوكولاتة

0.5

لدينا $240 \div 60 = 4$ يعني في كل علبة 4 أكياس حليب

0.5

$180 \div 60 = 3$ يعني في كل علبة 3 حبّات بيض

0.5

$60 \div 60 = 1$ يعني في كل علبة لوحة شوكولاتة وحيدة

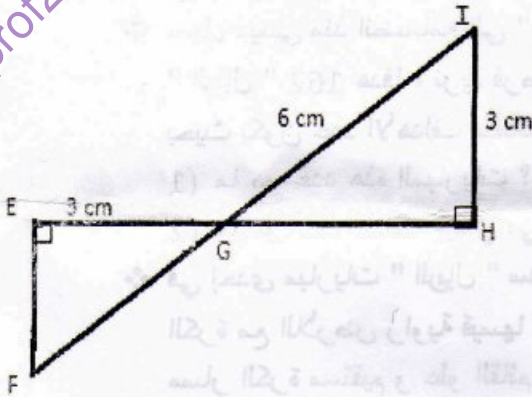
1

تنظيم الأجوبة ونظافة الورقة

الإختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (3 نقاط)

إليك الشكل الآتي :

(1) أحسب \widehat{IGH} (قيس الزاوية مدور الى الدرجة)(2) إستنتج \widehat{EGF} .(3) احسب الأطوال : EF ، FG ، بالتقريب الى 10^{-1}

التمرين الثاني : (3 نقاط)

لتكن العبارة C حيث :

$$C = (\sqrt{8} + \sqrt{2}x)^2$$

(1) انشر ثم بسط العبارة C .

(2) حل المعادلة $C - 8x = 40$.

التمرين الثالث : (3 نقاط)

لتكن الأعداد الحقيقية A , B , C حيث :

$$A = \sqrt{12} + \sqrt{75} + 4\sqrt{300}$$

$$C = \frac{5}{\sqrt{2} + \sqrt{18}} + \frac{3}{\sqrt{2} - \sqrt{18}}$$

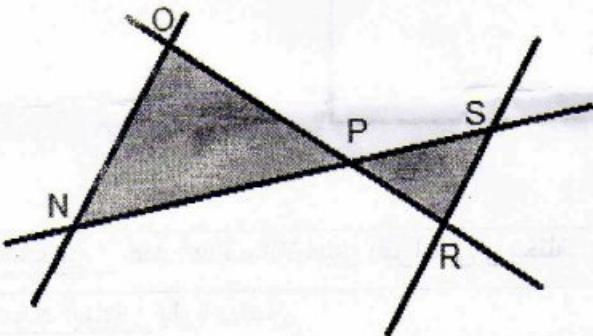
$$B = \sqrt{21 + \sqrt{13 + \sqrt{7 + \sqrt{3 + \sqrt{1}}}}}$$

(1) أكتب A على شكل $a\sqrt{b}$ حيث b أصغر ما يمكن .

(2) بين أن B عدد طبيعي .

(3) أكتب C على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a كسر غير قابل للإختزال و b أصغر ما يمكن .

التمرين الرابع : (3 نقاط)

إليك الشكل : $PN = 3 + \sqrt{3} \text{ cm}$ ، $ON = \sqrt{3} \text{ cm}$ $SR = 3 - \sqrt{3} \text{ cm}$ (ON) // (SR)(1) أحسب PS (تعطى النتيجة على شكل $a\sqrt{b}$).(2) أحسب NS (تعطى النتيجة على شكل $a + c\sqrt{b}$).

المسألة : (8 نقاط)

" يجب إعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدورة إلى الوحدة "

- يعد الدوري الإسباني لكرة القدم من بين أفضل و أقوى الدوريات في العالم ، حيث يتوقف على فرق قوية و خاصة فريق ريال مدريد و برشلونة اللذان يضمن أفضل لاعبين في العالم حاليا و هما البرتغالي رونالدو و الأرجنتيني ميسي .

❖ سجل ميسي منذ انضمامه إلى " البارصا " 243 هدفا ، فيما سجل رونالدو منذ انضمامه إلى " الريال " 162 هدفا ، نريد فرضا تقسيم عدد أهداف اللاعبين على أكبر عدد ممكن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلا في كل مباراة من حيث عدد أهداف رونالدو و عدد أهداف ميسي

(1) ما هو عدد هذه المباريات ؟

(2) ما هو عدد أهداف ميسي في كل مباراة ؟ و ما هو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة ؟

❖ في إحدى مباريات " الريال " سدد رونالدو كرة قوية من الموضع A (لاحظ الشكل) ، شكل مسار الكرة مع الأرض زاوية قياسها $\widehat{BAC} = 25^\circ$ ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم ، بإعتبار أن مسار الكرة مستقيم و علو القائم هو $BC = 25 \text{ dm}$.

(1) أحسب البعد AB بعد رونالدو عن القائم .

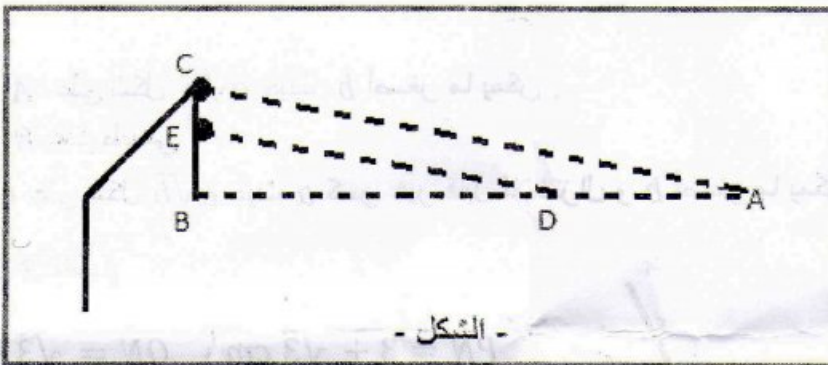
(2) أحسب المسافة التي قطعها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ و كذلك في إحدى مباريات " البارصا " سدد ميسي كرة قوية من الموضع D (لاحظ الشكل) ، اصطدمت هذه التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع $\left(\frac{3}{4}\right)$ القائم ، و يبعد ميسي عن القائم بمسافة $BD = 40 \text{ dm}$.

(1) أحسب قياس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة من الأرض \widehat{EDB} .

(2) احسب المسافة التي قطعها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم ؟

❖ أثبت أن مسار كرة رونالدو (AC) يوازي مسار كرة ميسي (DE) .



ملاحظة : عدد أهداف اللاعبين افتراضي و يختلف عن العدد الحقيقي .

حظ موفق للجميع

أستاذ المادة : بارة دحمان



الرياضيات

الجزء الأول (12 نقاط)

التمرين الأول

②

⇐ أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 3073

⇐ اكتب الكسر $\frac{3073}{1317}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

التمرين الثاني

③

ليكن العداد A و B حيث : $B = \sqrt{3}$, $A = 3\sqrt{48} - \sqrt{75} + 3\sqrt{3}$

⇐ أكتب A على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي .

⇐ بين أن : $A \times B = 30$

⇐ اكتب الكسر $\frac{2}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

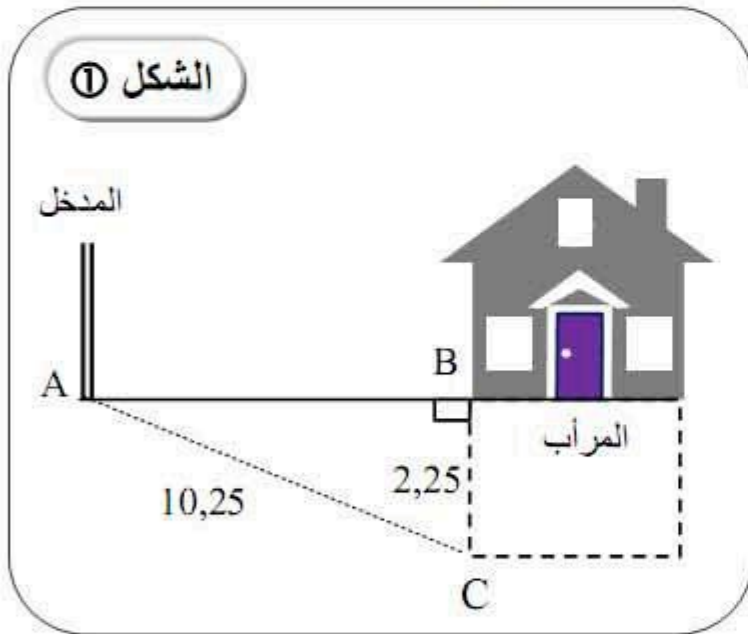
التمرين الثالث

③

لدخول مرآب في الطابق السفلي (كما مبين في الشكل ①) باستعمال مدرج [AC]

⇐ أحسب المسافة AB بين مدخل المنزل الخارجي و المدخل الداخلي

علما أن : $AC = 10,25$, $BC = 2,25$



التمرين الرابع

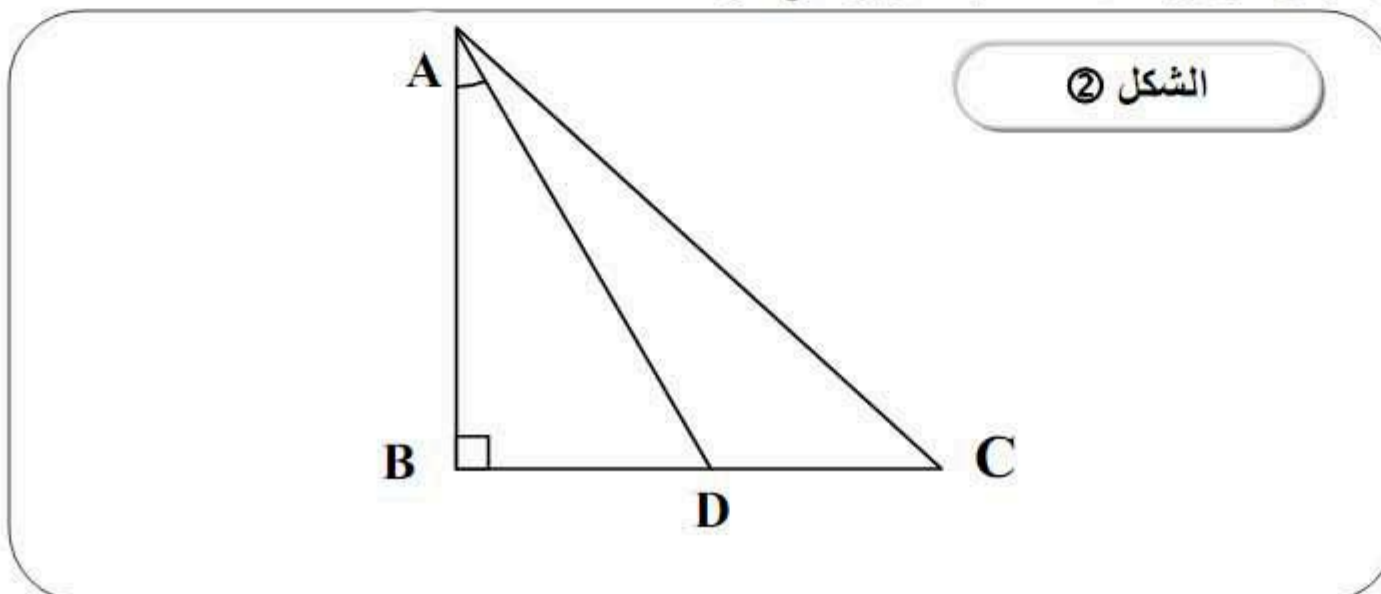
④

لاحظ الشكل ② ، ABC مثلث قائم في B ومتساوي الساقين

حيث : $BC = BA = 4\text{cm}$ $\widehat{DAB} = 30^\circ$

⇐ أحسب الطول BD .

⇐ أحسب قياس الزاوية \widehat{DAC} بالتدوير الى الوحدة .

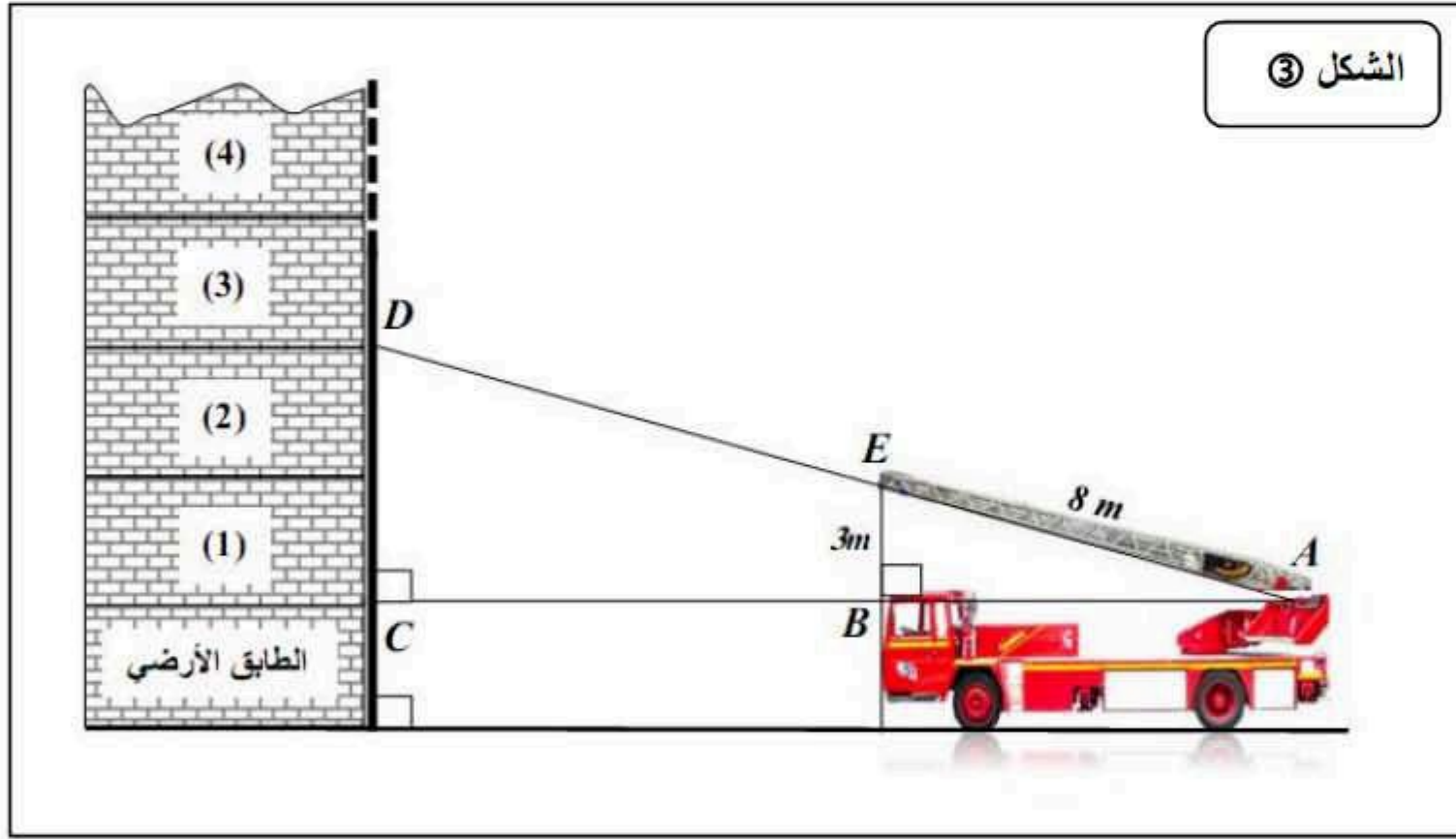


الشكل ②

المسألة

- تستعمل الحماية المدنية للإنقاذ شاحنة مجهزة بسلم طوله 8m ويتمدد ليصل طول أقصاه 20m .
 تتموضع الشاحنة قبالة عمارة تتكون من 8 طوابق ارتفاع كل طابق هو 3m وهذا لإنقاذ سكان شقة في
 الطابق الثالث مختنقة بالغاز كما هو موضح في الشكل ③ .
- ⇨ أحسب قياس زاوية الرفع \widehat{EAB} بالتدوير الى الوحدة .
 - ⇨ أحسب الطول AB .
 - ⇨ أحسب الطول DE طول تمدد ذراع الرفع .
 - ⇨ أحسب الطول BC بعد الشاحنة عن العمارة .
 - ⇨ ماهو الطابق الذي يمكن أن يصله السلم إذا مَدَّ الى أقصاه علما أن الشاحنة بقيت في نفس المكان؟
 - برّر ذلك حسابيا .

8



الشكل ③

ملاحظات

- ⇨ يسمح باستعمال الآلة الحاسبة
- ⇨ يؤخذ بعين الاعتبار نظافة الورقة

الجزء الأول : (12 نقطة)

التمرين الأول: (02 نقط)

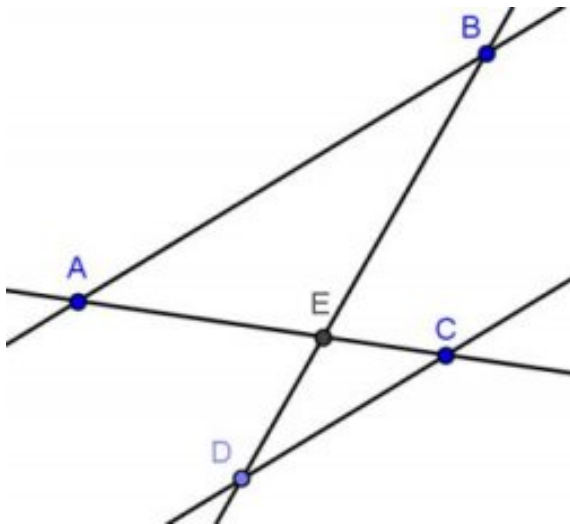
- (1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 312 و 276 .
- (2) اكتب الكسر $\frac{312}{276}$ على شكل غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني: (04 نقط)

- ليكن العددين $A = 5\sqrt{40} - 2\sqrt{90}$ ، $B = 5\sqrt{20} \times \sqrt{45} \times \sqrt{5}$
- (1) اكتب كل من العددين A و B على شكل $a\sqrt{b}$ حيث :
a عدد نسبي و b أصغر عدد طبيعي ممكن .
 - (2) بين أن $\frac{B}{A} = \frac{75}{2\sqrt{2}}$ ثم اجعل مقام هذه النسبة عددا ناطقا.

التمرين الثالث: (04 نقط)

- (1) انشر وبسط العبارة التالية
 $E = (4x + 5)^2 + (\sqrt{5}x + \sqrt{2})(\sqrt{5}x - \sqrt{2})$
- (2) حل المعادلتين التاليتين ذات المجهول x .
 $7x^2 = 63$ ، $x^2 + 5 = -20$



التمرين الرابع: (02 نقط)

- إليك الشكل الموالي (الأطوال غير حقيقية)
- EA = 22 cm
EB = 31,4 cm
EC = 7 cm
ED = 10 cm

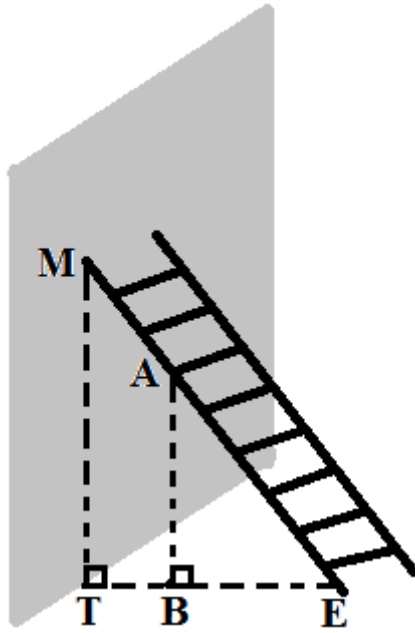
هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان ؟ برر إجابتك .

الجزء الثاني: مسألة (8 نقط).

يضع بناء سلماً [ME] طوله 2,5m على جدار فيقع طرفه العلوي على ارتفاع 2m من الأرض، علماً أن الجدار يشكل زاوية قائمة مع الأرض (لاحظ الشكل).

- 1 - احسب \widehat{TEM} قياس الزاوية التي يصنعها هذا السلم مع الأرض ثم استنتج قياس الزاوية التي يصنعها \widehat{EMT} مع الجدار.
- 2 - احسب TE بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار .

- 3 - احسب TB بعد النقطة التي وقع فيها المسمار عن الجدار .



ملاحظة: تدوير أقياس الزوايا إلى الدرجة والأطوال إلى السنتيمتر (10^{-2} m).

بالتوفيق

الصفحة 2 من 2

الحل النموذجي وسلم التنقيط للاختبار الأول في مادة الرياضيات مستوى الرابعة متوسط

	<p>التمرين الأول: (02 نقطة)</p> <p>1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 312 و 276 : باستخدام خوارزمية إقليدس للقسمات المتتالية</p> <table border="1"><tr><td>الحاصل</td><td>1</td><td>7</td><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td>312</td><td>276</td><td>36</td><td>24</td><td>12</td></tr><tr><td>الباقى</td><td>36</td><td>24</td><td>12</td><td>0</td></tr></table> <p>إذن $\text{PGCD}(312; 276) = 12$</p> <p>2) كتابة الكسر $\frac{312}{276}$ على شكل غير قابل للاختزال: الكسر $\frac{26}{23}$ غير قابل للاختزال.</p> <p>التمرين الثاني: (04 نقطة)</p> <p>1) تبسيط العددين A و B</p> <p>$A = 5\sqrt{40} - 2\sqrt{90}$ $A = 5\sqrt{4 \times 10} - 2\sqrt{9 \times 10}$ $A = 5\sqrt{2^2 \times 10} - 2\sqrt{3^2 \times 10}$ $A = 5 \times 2\sqrt{10} - 2 \times 3\sqrt{10}$ $A = 10\sqrt{10} - 6\sqrt{10}$ $A = 4\sqrt{10}$</p> <p>$B = 5\sqrt{20} \times \sqrt{45} \times \sqrt{5}$ $B = 5\sqrt{4 \times 5} \times \sqrt{9 \times 5} \times \sqrt{5}$ $B = 5\sqrt{2^2 \times 5} \times \sqrt{3^2 \times 5} \times \sqrt{5}$ $B = 5 \times 2\sqrt{5} \times 3\sqrt{5} \times \sqrt{5}$ $B = 30 \times 5\sqrt{5}$ $B = 150\sqrt{5}$</p> <p>2) بيان أن $\frac{B}{A} = \frac{75}{2\sqrt{2}}$ ثم اجعل مقام هذه النسبة عددا ناطقا. $\frac{B}{A} = \frac{150\sqrt{5}}{4\sqrt{10}} = \frac{75 \times 2\sqrt{5}}{2 \times 2\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = \frac{75}{2\sqrt{2}}$</p> <p>$\frac{75}{2\sqrt{2}} = \frac{75 \times \sqrt{2}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{75\sqrt{2}}{2 \times 2} = \frac{75}{4}\sqrt{2}$</p> <p>التمرين الثالث: (04 نقطة)</p> <p>1) نشر وتبسيط العبارة</p> <p>$E = (4x + 5)^2 + (\sqrt{5}x + \sqrt{2})(\sqrt{5}x - \sqrt{2})$ $E = (4x)^2 + 5^2 + 2(4x \times 5) + (\sqrt{5}x)^2 - (\sqrt{2})^2$ $E = 16x^2 + 25 + 40x + 5x^2 - 2$ $E = 21x^2 + 40x + 23$</p> <p>2) حل المعادلتين: لدينا $x^2 + 5 = -20$ معناه $x^2 + 5 - 5 = -20 - 5$ $x^2 = -25 - 5$ معناه $x^2 = -30$ لا تقبل حل. لدينا $7x^2 = 63$ معناه $\frac{7x^2}{7} = \frac{63}{7}$ معناه $x^2 = 9$ معناه $x = \sqrt{9}$ أو $x = -\sqrt{9}$ معناه $x = 3$ أو $x = -3$ فالمعادلة $7x^2 = 63$ تقبل حلين هما 3 و -3.</p>	الحاصل	1	7	1	2	312	276	36	24	12	الباقى	36	24	12	0	<p>ن 0,5</p> <p>ن 0,5</p> <p>ن 0,5</p> <p>ن 0,5</p> <p>ن 8</p>
الحاصل	1	7	1	2													
312	276	36	24	12													
الباقى	36	24	12	0													
	<p>التمرين الرابع: (02 نقطة)</p> <p>هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان ؟ لدينا في المثلث EAB C نقطة من (EA) و D نقطة من (EB)</p> $\frac{EB}{ED} = \frac{31,4}{10} \text{ و } \frac{EA}{EC} = \frac{22}{7}$ <p>و $22 \times 10 = 220$ و $31,4 \times 7 = 219,8$ و $220 \neq 219,8$</p> <p>فحسب نظرية طالس العكسية المستقيمان (AB) و (DC) غير متوازيين.</p> <p>المسألة:</p> <p>1- حساب $\widehat{T\hat{E}M}$ ثم استنتاج $\widehat{E\hat{M}T}$: MET مثلث قائم في T إذن: $\sin \widehat{T\hat{E}M} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{MT}{ME} = \frac{2}{2,5} = 0,8$ ومنه $\widehat{T\hat{E}M} \approx 53^\circ$ ومنه $\widehat{E\hat{M}T} \approx 90 - 53 \approx 37^\circ$ (لأن الزاويتين الحادتين في مثلث قائم متتامتان) قيس الزاوية التي يشكلها السلم مع الأرض هو: 53° ومع الجدار هو: 37°</p> <p>2- حساب الطول TE بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار: MET مثلث قائم في T فحسب نظرية فيثاغورس $ME^2 = MT^2 + TE^2$ ومنه $2,5^2 = 2^2 + TE^2$ ومنه $TE^2 = 2,5^2 - 2^2$ ومنه $TE^2 = 2,25$ ومنه $TE = -\sqrt{2,25} = -1,5$ (مرفوض لأن الطول موجب) أو $TE = \sqrt{2,25} = 1,5$ بعد الطرف السفلي للسلم عن الجدار هو $1,5 \text{ m}$</p> <p>3- حساب TB بعد النقطة التي وقع فيها المسمار عن الجدار: $AE = \frac{3}{4} ME = \frac{3}{4} \times 2,5 = \frac{7,5}{4}$ لدينا في المثلث AEB القائم في B $\cos \widehat{A\hat{E}B} = \cos \widehat{T\hat{E}M} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{TE}{ME} = \frac{1,5}{2,5}$ و $\cos \widehat{A\hat{E}B} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{BE}{AE}$ ومنه $\frac{1,5}{2,5} = \frac{BE}{\frac{7,5}{4}}$ ومنه $BE = \frac{1,5}{2,5} \times \frac{7,5}{4} \approx 1,13$ $TB = TE - EB \approx 1,5 - 1,13 \approx 0,37$ بعد النقطة التي وقع فيها المسمار عن الجدار هو $0,37 \text{ m}$</p>																

الجزء الأول:

التمرين الأول: (3,5 نقطة)

- (1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 1756.
- (2) هل العددين 1756 و 1317 أوليان فيما بينهما؟ برّر
- (3) اختزل إن أمكن: $\frac{1756}{1317}$.
- (4) عند بائع أزهار 1756 وردة بيضاء و 1317 وردة حمراء، و يريد أن يضعها كلها في باقات بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورد الأبيض و نفس العدد من الورد الأحمر.
(أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها؟
(ب) ما هي تشكيلة كل باقة؟

التمرين الثاني: (2,5 نقطة)

- (1) أكتب العدد A و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث: $A = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \times \left(\frac{5}{3} - 1 \right)$.

- (2) أعط الكتابة العلمية للعدد B بحيث: $B = \frac{4 \times 10^4 \times 12}{3 \times 10^{11}}$.

- (3) (أ) أنشر ثم بسّط العبارة C بحيث: $C = (2x - \sqrt{3})^2 - (3x - \sqrt{5})(3x + \sqrt{5})$.

(ب) احسب C من أجل: $x = \sqrt{3} + 1$.

التمرين الثالث: (3 نقطة)

M، N عدنان حقيقيان حيث: $N = 6 + \sqrt{80}$ ، $M = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$

- (1) بسّط كلا من M، N.
- (2) احسب ما يلي: $M \times N$ ، $N - M$.
- (3) بين أن: $(N - M)^2 = M \times N$.
- (4) اجعل مقام النسبة $\frac{M}{N}$ عددا ناطقا.

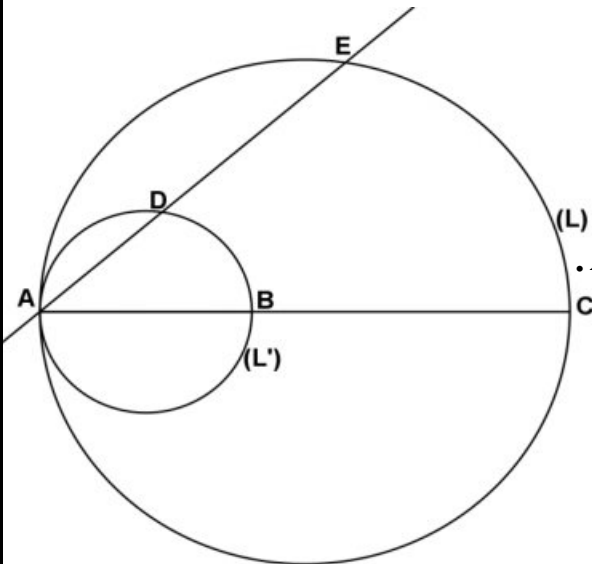
التمرين الرابع: (3 نقطة)

تمنّ في الشكل المقابل:

- (1) بين نوع المثلثين AEC، ADB.
- (2) ماذا تقول عن المستقيمين (DB)، (EC)؟ برّر

- (3) أرسم الشكل حيث: $AE = 8\text{cm}$ ، $BA = 4\text{cm}$ ، $CA = 1\text{cm}$ ، $EC = 6\text{cm}$.

(أ) بين أن: $EC = 6\text{cm}$.
(ب) احسب DB.



الجزء الثاني:

الوضعية الاحكامية: (8 نقط)

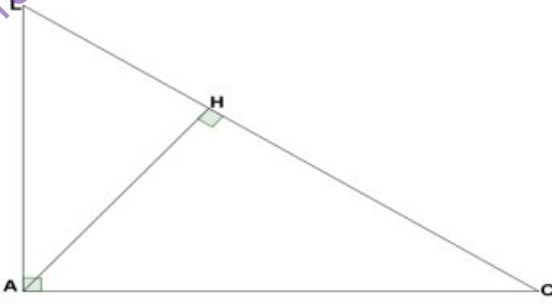
الفرع الأول:

ليكن LAC مثلث قائم في A حيث: $AC = 12\text{cm}$ ، $LA = 9\text{cm}$ و $[AH]$ هو الارتفاع المتعلق بالضلع $[LC]$

(1) احسب مساحة المثلث LAC .

(2) أوجد قياس الزاوية \widehat{ACL} و استنتج الطول AH .

(3) برهن أن: $LC = 15\text{cm}$.



الفرع الثاني:

نضع نقطة M من الضلع $[LC]$ للمثلث LAC ونرمز بـ x للطول LM حيث: $(0 < x < 15)$.

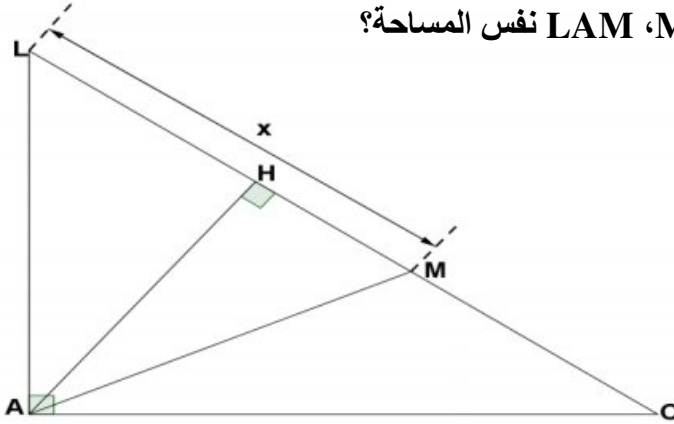
(1) احسب الطول MC بدلالة x .

(2) القطعة $[AH]$ يمكن اعتبارها في نفس الوقت ارتفاعا للمثلثين LAM ، MAC .

(أ) برهن أن: مساحة المثلث LAM هي $3,6x(\text{cm}^2)$.

(ب) برهن أن: مساحة المثلث MAC هي $54 - 3,6x(\text{cm}^2)$.

(ج) ما هي قيمة x التي تجعل المثلثين LAM ، MAC نفس المساحة؟
✓ و ما هي قيمتها عندئذ؟



إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

متوسطة علي غزالي

4 متوسط



02 ساعة



03 ديسمبر 2014



التمرين الأول: (3 نقاط)

أعداد حقيقية حيث : k, c, b, a

$$c = (5\sqrt{2} + 7)(5\sqrt{2} - 7), \quad b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad a = \sqrt{3\sqrt{100} + 6}$$

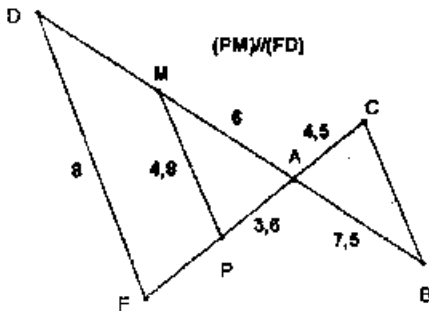
$$R = \frac{18 + 7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

- بسط الأعداد : c, b, a
- حول النسبة k إلى نسبة مقامها عدد ناطق .
- برهن أن : $a + b + c = k$

التمرين الثاني: (3 نقاط)

$M = (2x + 3)^2 + (4x - 5)(2x + 3)$ عبارة جبرية حيث :

- أنشئ ثم بسط العبارة M
- حلل العبارة M
- أحسب M من أجل : $x = \sqrt{5}$

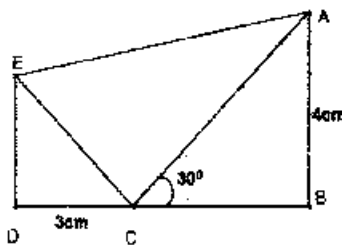


التمرين الثالث: (3 نقاط)

لاحظ جيدًا الشكل المقابل

وحدة الطول cm الأطوال ليست حقيقية

- بين أن المثلث AMP قائم
- أحسب الطولين : AF, AD
- برهن أن : $(BC) \parallel (PM)$



التمرين الرابع: (3 نقاط)

تمعن جيدًا في الشكل المقابل (الأطوال ليست حقيقية)

- طلب الأستاذ من زميلك حساب محيط المثلث القائم ACE فأخف في ح
- ساعد زميلك في حساب محيط هذا المثلث ، علمًا أن محيط المثلث يساوي مجموع أطوال أضلاعه .

المسألة: (8 نقاط) ~

الشكل المقابل يمثل قاعة للأساتذة يُراد تجديدها ، فكلف مدير المؤسسة أحد المقاولين بذلك .

الجزء الأول: تبليط الأرضية.

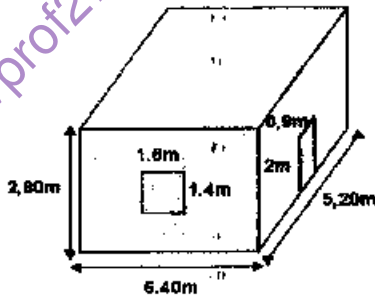
(1) أوجد : $PGCD(640; 520)$

(2) تغطي الأرضية ببلاطات مربعة الشكل و متماثلة ، أمام المقاول 5 أنواع

من البلاطات أطوال أضلاعها : $45cm, 40cm, 35cm, 30cm, 20cm$

(أ) من بين هذه البلاطات ماهي التي يختارها المقاول حتى لا يقص البلاط ؟

(ب) ماهو عدد البلاطات اللازمة في الحالات المختارة ؟



القاعة يت واحد بعينه 2 ج 0.9

الجزء الثاني: تكلفة البلاط .

في أحد الشوارع لبيع البلاط :

المحل الأول : كتب على لافتة $640DA$ لعبة و النقل مجاني .

المحل الثاني : كتب على لافتة $620DA$ للعبة و $800DA$ أجرة النقل .

يُريد المقاول اقتناء 27 عبة ، هل الأفضل الشراء من المحل الأول أم من المحل الثاني ؟

الجزء الثالث: طلاء السقف و الجدران .

(1) احسب مساحة السقف (بالتدوير إلى الوحدة).

(2) يبين أن مساحة الجدران التي ستُطلى هي $59 m^2$ (بالتدوير إلى الوحدة).

(3) تمعن في عبة الطلاء المقلبة :

(أ) كم لترًا يلزم لطلاء القاعة (السقف و الجدران معًا) ؟

(ب) كم عبة يلزم لذلك ؟



بالتوفيق

إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

متوسطة أوماش الجديدة (بسكرة)

4
متوسط



02
ساعة



30 نوفمبر
2015



التمرين الأول :

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 276 و 492 .
- 2) أكتب الكسر $\frac{296}{492}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال.
- 3) استنتج مجموعة القواسم المشتركة للعددين 276 و 492 .

التمرين الثاني :

A و B عدنان حيث :

$$B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3}, \quad A = 3 - 3 \div \frac{3}{7}$$

- 1). أحسب العدد A .
- 2). اكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$.
- 3) إجعل مقام النسبة $\frac{A}{B}$ عددا ناطقا .

التمرين الثالث: (03 ن):

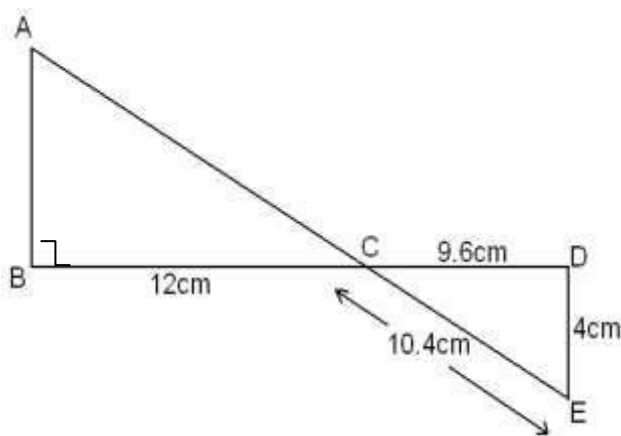
A عبارة جبرية معرفة بالشكل $A = (3x - 2)^2 - (x + 1)(3x - 2)$.

1). أنشر وبسط العبارة A

2). أحسب القيمة العددية للعبارة A من أجل $\frac{1}{4}$

التمرين الرابع :

لاحظ الشكل المقابل حيث :



$$BC = 12\text{cm}, \quad CD = 9.6\text{cm}, \quad DE = 4\text{cm}, \quad CE = 10.4\text{cm}$$

- 1/ بين أن المثلث CDE قائم في D .
- 2/ استنتج أن المستقيمين (AB) , (DE) متوازيان .
- 3/ أحسب الطول AB

المسألة : (08 ن)

لعمي الحاج محمد في حقله نخلة مائلة كما هو مبين في الشكل.

الجزء الأول:

تميل هذه النخلة مشكلة مع سطح الأرض زاوية قدرها 74° ، عند

يكون طول ظلها $BC = 6 \text{ m}$

1 - أحسب الارتفاع AC بالتدوير إلى الوحدة.

2- أحسب طول النخلة AB بالتدوير إلى الوحدة.

الجزء الثاني :

صعد عمي محمد النخلة يحمل في يده منجلا

لجني التمر ، وعند وصوله النقطة D وقع

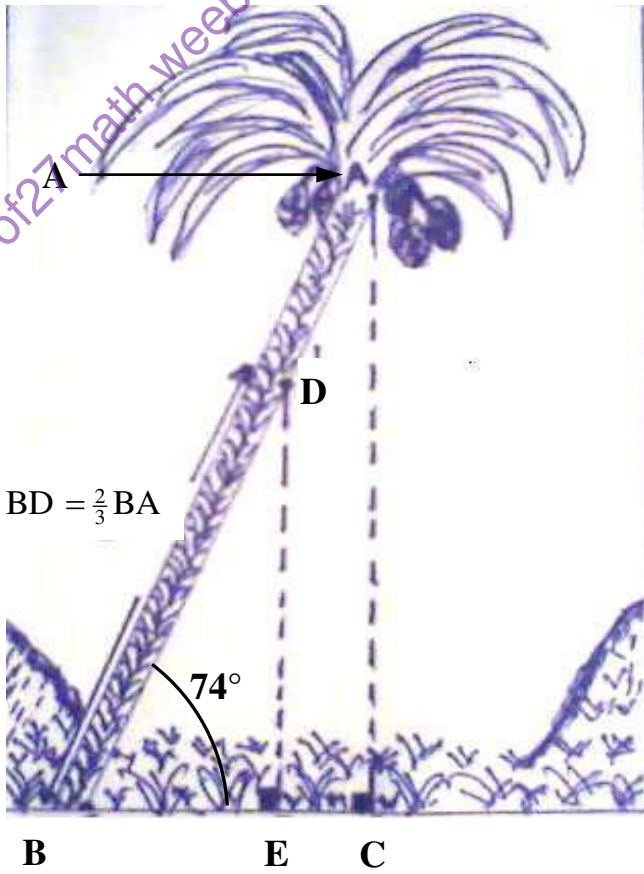
من يده المنجل بين سنابل القمح عند النقطة E (لاحظ الشكل)

$$\text{حيث } BD = \frac{2}{3} AB$$

ساعد عمي محمد على إيجاد:

(1) _ بعد المنجل عن جذع النخلة .

(2) _ الارتفاع الذي سقط منه المنجل.





إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التاريخ : 2015/12/01

المدة : 2 سا

المستوى :
4 متوسط

متوسطة : عين
عائشة

التمرين الأول: (3 نقاط)

x, y, z أعداد حيث : $x = PGCD(721; 217)$, $y = \sqrt{147} - \sqrt{27}$, $z = (2 + \sqrt{3})^2$.

- (1) ~ أوجد العدد x .
- (2) ~ أكتب العدد y على الشكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي .
- (3) ~ أنشر وبسط العدد z .
- (4) ~ بيّن أن الجداء $z(x - y)$ هو عدد طبيعي يُطلب تعيينه .

التمرين الثاني: (3 نقاط)

لتكن M عبارة جبرية حيث : $M = (5x - 3)^2 + (2x + 1)(5x - 3)$

- (1) ~ أنشر ثم بسط العبارة M .
- (2) ~ حلّل العبارة M الى جداء عاملين من الدرجة الأولى .
- (3) ~ في الشكل المقابل الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع .
~ جِد أطوال أضلاعه .



التمرين الثالث: (3 نقاط)

- (c) دائرة مركزها O و $[AB]$ قطر لها حيث : $AB = 10cm$, D نقطة من الدائرة (c) بحيث : $AD = 8cm$.
- (1) ~ أرسم الشكل بدقة .
- (2) ~ مانوع المثلث ABD ؟ برّر ذلك .
- (3) ~ أحسب الطول BD .
- (4) ~ عين النقطة M منتصف $[OB]$ ثم عين النقطة H من $[BD]$ بحيث : $BH = 2cm$.
~ برهن أن $(AD) \parallel (MH)$.

التمرين الرابع: (3 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل جيّدًا حيث : $ABCD$ مستطيل , $AB = 5cm$, $AD = 4cm$, $DM = 2cm$.

- (1) ~ بيّن أن : $\frac{MA}{MN} = \frac{2}{3}$.
- (2) ~ أحسب الطول BN .
- (3) ~ بيّن أن : $OD = \frac{2}{5}OB$.



اقلب الورقة

المسألة: (الوضعية الإدماجية) (8 نقاط)

أسامة تلميذ يدرس في مستوى الرابعة متوسط ، وبعد تحقيقه نتائج جيّدة في دراسته قام والده بتنظيم رحلة له الى إحدى المرتفعات الجبلية رفقة العائلة .

الجزء الأول :

أثناء هذه الرحلة اشترى الأب قطعة من الحلويات على شكل مستطيل طولها 72 cm وعرضها 54 cm . وبعد مدة توقفوا للإستراحة ، فأراد الأب تقسيم قطعة الحلوى إلى مربعات متماثلة بحيث يتحصل على أصغر عدد ممكن من القطع ، فعجز في ذلك وطلب من ابنه أسامة مساعدته في حساب طول ضلع القطعة الواحدة حتى يحقق رغبته .

(1) ~ فلو كنت أنت مكان أسامة ، كيف تحسب طول ضلع القطعة الواحدة .

(2) ~ أحسب عدد القطع المتحصل عليها عندئذ .

الجزء الثاني :

بعد الإستراحة أكملوا السير، في الطريق شاهد أسامة إشارة مرور مكتوب عليها 10% فاستفسر عن معناها .

فأجابه الأب معناه أن الطريق يرتفع 10 متر كل 100 متر من المستوى الأفقي ، فرد عليه أسامة يعني 10% تمثل نسبة ميلان الطريق عن الأفق ، فقال الأب نعم لقد فهمت المقصود .

..... أنظر الشكل التوضيحي في الأسفل

(1) ~ أحسب قياس زاوية ميل الطريق (زاوية الإرتفاع بالتدوير الى الدرجة).

(2) ~ أثناء السير في المرتفع راقب أسامة عدّاد السيارة من المكان A الى المكان B فبقي ثابتا عند السرعة 70 km/h والزمن المستغرق لقطع المسافة بين المكانين هو 12 mn .

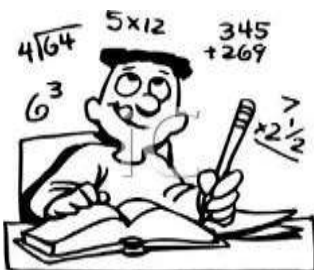
(2) ~ احسب المسافة بين المكانين A و B .

(3) ~ عند الوصول الى المكان B شعرت الأم بصعوبة التنفس فقال لها أسامة : طبيعي يا أمي لأننا على إرتفاع قدره 1400 m .

~ أنت : بيّن كيف حسب أسامة هذا الإرتفاع .

(4) ~ عند المكان B : سأل الأب عن المسافة المتبقية له للوصول للمكان D .

~ أجب أنت عن هذا السؤال .



أساتذة المادة : يتمنون لكم التوفيق

الفشل : هو التوقف عن المحاولة
النجاح : هو الاستمرار في المحاولة
التميّز : هو الاستمرار عندما يتوقف الآخرون

التاريخ : / / 2015

المدة : ساعتين

متوسطة :

المستوى : 4 متوسط

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (03 نقاط)

1/ أحسب (975 ; 1365) PGCD .

2/ في إطار التضامن المدرسي قررت مديرة المتوسطة توزيع 1365 كراسا و 975 قلما بالتساوي على أكبر عدد من التلاميذ المعوزين .

أ/ ماهو عدد التلاميذ المستفيدين ؟

ب/ على كم كراسا وقلما يحصل كل تلميذ؟

التمرين الثاني: (03 نقاط)

نضع : $A = 2\sqrt{3} + \sqrt{75} - \sqrt{27} + \sqrt{48}$ ، $B = \frac{180}{\sqrt{48}}$

أ- أكتب A على شكل $a\sqrt{3}$ و B على شكل $b\sqrt{3}$ حيث a و b عدنان طبيعيان.

ج- تحقق أن $2A - B = \sqrt{3}$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل (الشكل 1) .

1- بين أن المثلث ABC متقايس الأضلاع .

2- باستخدام $\sin \hat{B}$ أحسب AH بالتدوير إلى 0, 1 .

التمرين الرابع: (03 نقاط)

1- انشر ثم بسط العبارة L حيث $L = (4x - 1)^2 + (x + 1)(x - 1)$

2- أحسب العبارة L من أجل $x = 1$ ثم من أجل $x = \frac{1}{4}$.

المسألة: (08 نقاط)

في الشكل المقابل (الشكل 2) الأطوال غير حقيقية حيث وحدة الطول هي cm ، $AB = 12$ ، $BC = 16$ ، $AC = 20$.

F نقطة من [BC] والمستقيم الذي يشمل F والعمودي على (BC) يقطع [AC] في E .

الجزء I : 1- بين أن المثلث ABC قائم .

2- أحسب مساحة المثلث ABC .

3- بين أن $(EF) \parallel (AB)$.

الجزء II : نفرض أن $FC = 4\text{cm}$.

1- بين أن $EF = 3\text{cm}$.

2- أحسب مساحة المثلث EBC .

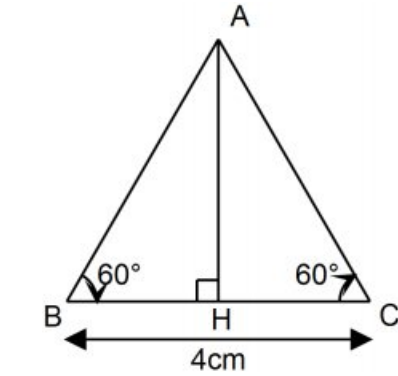
الجزء III : نضع $FC = x$ حيث $0 < x < 16$.

1- أحسب EF بدلالة x .

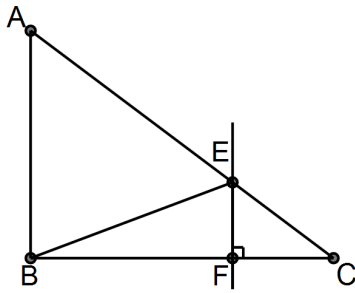
2- بين أن مساحة المثلث EBC هي $6x$.

3- ماهي قيمة x حتى تكون مساحة المثلث EBC تساوي مساحة المثلث BEA .

تذكر : (مساحة المثلث = $\frac{\text{طول أحد أضلاعه} \times \text{الارتفاع المتعلق به}}{2}$)



الشكل 1



الشكل 2

أساتذة المادة

بالتوفيق

ثق في قدراتك وارفع معنوياتك إن كانت لديك رغبة فسوف تصل

الاختبار الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول:

لتكن الأعداد التالية : $A = \sqrt{98} + 2\sqrt{32} - \sqrt{128}$ $B = \frac{2+\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ $C = \frac{3 \times 10^4 \times 10^{-2} \times 5}{10^4}$

- (1) أحسب C و أعط كتابتها العلمية.
- (2) أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.
- (3) بين أن : $B = \sqrt{2} + 1$ و أن : $\frac{A}{B} = 14 - 7\sqrt{2}$.

التمرين الثاني:

لتكن العبارة A حيث : $A = (2x+3)(x-5)$

- (1) أنشر و بسط العبارة A .
- (2) حلل العبارة B إلى جداء عاملين حيث : $B = x^2 - 25 - (2x^2 - 7x - 15)$
- (3) حل المعادلة : $B = 0$ // نعطي : $B = (x-5)(2-x)$ //

التمرين الثالث: // (تعطى القيم مضبوطة) //

(C) دائرة، $[AB]$ قطر لها حيث $AB = 4cm$ ، D نقطة من (C) حيث $\hat{ABD} = 30^\circ$

- (1) ما نوع المثلث ABD ؟ علل
- (2) احسب كلا من AD ، BD
- (3) ما هي مساحة المثلث ABD

التمرين الرابع:

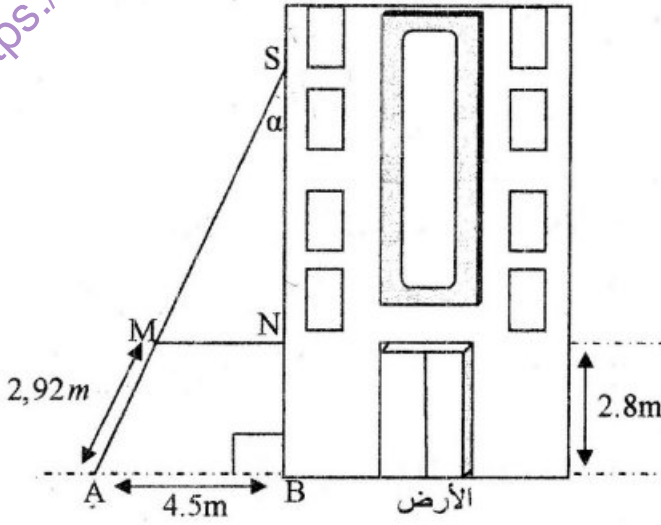
$ABCD$ متوازي أضلاع .

- (1) أنشيء النقطتين E ، F حيث : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BF}$ و $\overrightarrow{DE} = -\overrightarrow{DA}$
- (2) أتمم ما يلي : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{DC}$ ، $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BD}$
- (3) بين أن : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CF}$

الوضعية الإدماجية : // تؤخذ النتائج بالتدوير إلى 0,01 . //

❖ أراد أحد المقاولين ترميم وطلاء واجهات عمارات حي في أحد الأحياء، فلاحظ وجود تصدعات وشقوق كثيرة في إحدى العمارات فقرر أن يضع لها سنداَ خوفاً من سقوطها لحين إخلاءها وترميمها (لاحظ الشكل).

1. احسب الطول SA علما ان $SB = 15m$.
2. احسب الطولين SM و SN.
3. برهن أن : $(AB) \parallel (MN)$.
4. احسب $\tan \alpha$ ثم استنتج قيمة α بالتدوير إلى الوحدة.



❖ عدد العمال الذين يقومون بهذا العمل هو 240 بناء و 84 دهان ؛ يريد المقاول توزيع العمال على أكبر عدد من العمارات في الحي بحيث يكون عدد العمال متماثلا في كل عمارة من حيث عدد عمال البناء وعدد عمال الطلاء؛ ولا يبقى أي عامل دون عمل .

1. ما هو عدد العمارات التي بدأ العمال بترميمها ؟
2. ما هو عدد عمال الطلاء وعدد عمال البناء في كل عمارة؟

❖ يومية البناء 1000 DA و الدهان 1200 DA و ثمن المواد المستعملة في كل عمارة 90 000 DA.
 ➔ ما هي تكلفة ترميم كل عمارة إذا علمت أن العمل أنجز في 15 يوما؟

ركز , تمعن و لا تتسرع

التمرين الأول : (3 نقط)

في مؤسسة تربية يتناول تلاميذ وجبات غذائية سريعة، إذا طلب المقتصد من التاجر تحضير 2125 قطعة جبن و 850 حبة بيض. توضع قطع الجبن و حبات البيض في أكياس بلاستيكية بحيث تكون هذه الأكياس متماثلة.

- ساعد التاجر في:

- أ • إيجاد أكبر عدد ممكن من الأكياس.
- ب • إيجاد عدد حبات البيض و عدد قطع الجبن في كل كيس.

التمرين الثاني : (3 نقط)

- (1) بسّط كل من العبارتين E و F حيث:

$$E = \sqrt{3} (\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$$

$$F = (\sqrt{3} - 1)^2$$
- (2) بين أن $E \times F$ هو عدد طبيعي.
- (3) اجعل مقام النسبة $\frac{4-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$ عددا ناطقا.

التمرين الثالث : (3 نقط)

- ABC مثلث قائم في A، حيث: $AB = 4,5\text{cm}$ و $BC = 7,5\text{cm}$.
- (1) أحسب الطول AC.
 - (2) لتكن E نقطة من [AB] حيث: $AB = 3 AE$ ، و D نقطة من [AC] حيث: $DC = \frac{2}{3} AC$.
- أ • أرسم الشكل.
 - ب • بين أن: $(DE) \parallel (BC)$.
 - ج • أحسب الطول DE.

التمرين الرابع : (3 نقط)

OPR مثلث قائم في O حيث: $OR = 6\text{cm}$ و $\widehat{R} = \frac{5}{3}$.

- (1) أحسب الطولين OP و PR ثم $\sin P$.
 - (2) أرسم الارتفاع [OH] المتعلق بالضلع [PR].
- أحسب OH ثم PH.

مسألة : (8 نقاط)

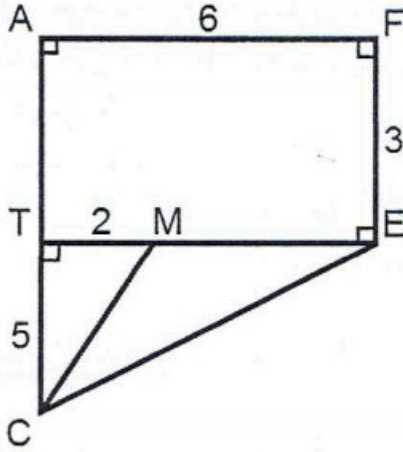
(وحدة الطول هي cm)

في الشكل المقابل: AFET مستطيل و ETC مثلث قائم في T.
حيث: $TC = 5$ ، $ET = 6$ و $EF = 3$.
النقطة M منتقلة على القطعة المستقيمة [TE].

الجزء الأول :

في هذا الجزء، نأخذ: $TM = 2$.

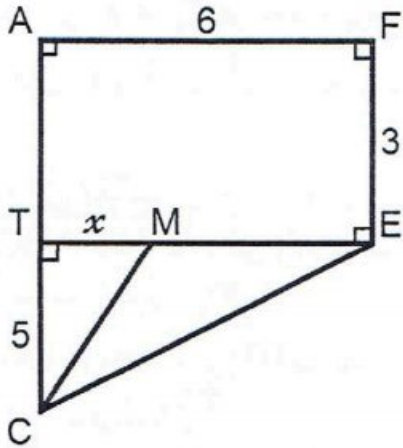
- (1) أحسب القيمة المضبوطة للطول CM ثم القيمة المدورة إلى cm.
- (2) أحسب القيمة المضبوطة لـ $\tan \widehat{TCM}$ ثم أعطي القيمة المدورة إلى الدرجة.
- (3) أحسب المساحة S_1 للمثلث TCM و S_2 للمثلث MEF.



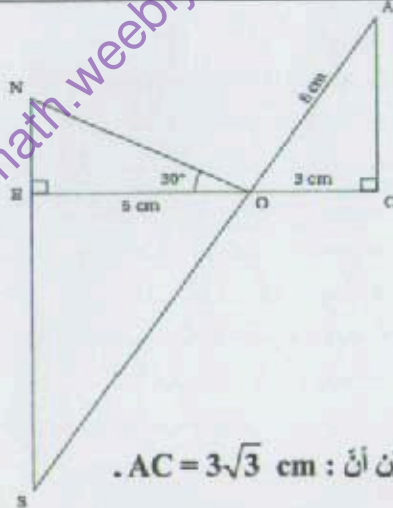
الجزء الثاني :

في هذا الجزء، نأخذ: $TM = x$.

- (1) ما هي القيم الممكنة لـ x ؟
- (2) عبّر بدلالة x عن المساحة S_1 للمثلث TCM.
- (3) أ- عبّر عن الطول ME بدلالة x .
ب- عبّر بدلالة x عن المساحة S_2 للمثلث MEF.



نتمنى أن يكون النجاح حليفكم



(1) بين أن: $AC = 3\sqrt{3}$ cm
(2)

(أ) بين أن: $(AC) \parallel (SN)$

(ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من OS و ES.

(3) احسب الطول ON علما أن: $\widehat{NOE} = 30^\circ$
(4)

(أ) احسب قياس الزاوية \widehat{AOC} .
(ب) بين أن المثلث SON قائم في O.

بالتوفيق

أنشطة عددية:

(1) لتكن العبارة A بحيث: $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$
اكتب العبارة A على شكل $a\sqrt{13}$ حيث a عدد نسبي صحيح.

(2) بين أن B عدد طبيعي حيث:

$$B = (3\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1) - 2\sqrt{2}$$

(3) اكتب C على شكل نسبة مقامها عدد ناطق حيث:

$$C = \frac{7\sqrt{2} - 3\sqrt{3}}{3\sqrt{5}}$$

أنشطة هندسية:

إليك الشكل التالي حيث:

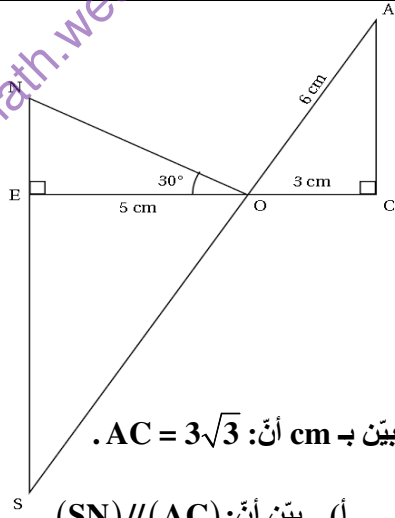
✓ $OA = 6$ cm ، $OC = 3$ cm ، $OE = 5$ cm

✓ النقط E ، O و C على استقامة واحدة.

✓ المثلثان ENO ، COA قائمان على الترتيب في النقطتين

E و C.

✓ المستقيم (AO) يقطع المستقيم (NE) في النقطة S.



- (1) بين بـ cm أن: $AC = 3\sqrt{3}$.
- (2) (أ) بين أن: $(SN) \parallel (AC)$.
- (ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من OS و ES.
- (3) احسب الطول ON علما أن $\angle NOE = 30^\circ$.
- (4) (أ) احسب قياس الزاوية $\angle AOC$.
- (ب) بين أن المثلث SON قائم في O.

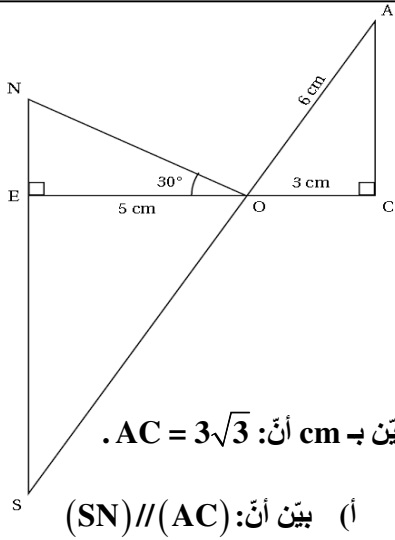
بالتوفيق

أنشطة عددية:
التمرين الأول:

- (1) أوجد PGCD للعددين 325، 1053.
- (2) اختزل الكسر $\frac{325}{1053}$.
- (3) حل المعادلة $x^2 = \frac{325}{1053}$.
- (4) لتكن العبارة A بحيث: $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$ ✓
احسب العبارة A (تعطى النتيجة على شكل $a\sqrt{13}$ حيث a عدد نسبي صحيح).

أنشطة هندسية:
إليك الشكل أسفله حيث:

- ✓ $OA = 6\text{ cm}$ ، $OC = 3\text{ cm}$ ، $OE = 5\text{ cm}$
- ✓ النقط E، O و C على استقامية.
- ✓ المثلثان ENO، COA قائمان على الترتيب في النقطتين E و C.
- ✓ المستقيم (AO) يقطع المستقيم (NE) في النقطة S.



- (1) بين بـ cm أن: $AC = 3\sqrt{3}$.
- (2) (أ) بين أن: $(SN) \parallel (AC)$.
- (ب) احسب القيمة المضبوطة لكل من OS و ES.
- (3) احسب الطول ON علما أن $\angle NOE = 30^\circ$.
- (4) (أ) احسب قياس الزاوية $\angle AOC$.
- (ب) بين أن المثلث SON قائم في O.

بالتوفيق

أنشطة عددية:

- (1) أوجد PGCD للعددين 325، 1053.
- (2) اختزل الكسر $\frac{325}{1053}$.
- (3) حل المعادلة $x^2 = \frac{325}{1053}$.
- (4) لتكن العبارة A بحيث: $A = \sqrt{1053} - 3\sqrt{325} + 2\sqrt{52}$ ✓
احسب العبارة A (تعطى النتيجة على شكل $a\sqrt{13}$ حيث a عدد نسبي صحيح).

أنشطة هندسية:
إليك الشكل أسفله حيث:

- ✓ $OA = 6\text{ cm}$ ، $OC = 3\text{ cm}$ ، $OE = 5\text{ cm}$
- ✓ النقط E، O و C على استقامية.
- ✓ المثلثان ENO، COA قائمان على الترتيب في النقطتين E و C.
- ✓ المستقيم (AO) يقطع المستقيم (NE) في النقطة S.

المستوى : 4مالمدة : ساعة واحدة

يوم : 2016/11/20 م .

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضياتالتمرين الأول : (ن7) .

(1)- أوجد المجهول x في كل حالة : (أ) $-\frac{2}{\sqrt{5}}x = 2$ ؛ (ب) $x^2 = 84$.

(ج) $7x^2 - 343 = 0$.

(2)- بسط ما يلي : $\sqrt{4a^2b}$ ؛ $\sqrt{2a^2b^2}$ ؛ $\sqrt{36ab^2}$ ؛ $\sqrt{5^2(a+b)^2}$.

التمرين الثاني : (ن6) .

إليك العبارتان الآتيتان : $a = 2\sqrt{45}$ ؛ $b = \sqrt{80}$.

(1)- اكتب كلا من a و b على الشكل $c\sqrt{d}$ حيث d هو أصغر عدد ممكن .

(2)- بسط كلا من $a+b$ و $a \times b$.

(3)- احسب القيمة المقربة إلى 10^{-2} بالنقصان للعدد $a+b$.

التمرين الثالث : (ن7) .

ABC مثلث قائم في A حيث : $AB = 3 \text{ cm}$ ؛ $\widehat{ACB} = 30^\circ$.

(1)- احسب الطول BC .

(2)- احسب الطول AC .

(3)- الدائرة التي قطرها [AC] تقطع القطعة [BC] في النقطة N .

❖ احسب الطول CN .

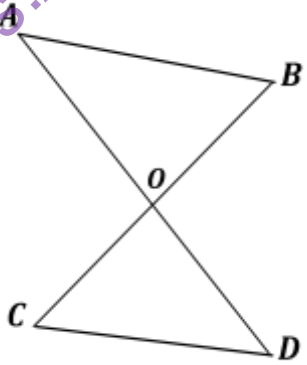
بالتوفيق إن شاء الله

المستوى : رابعة متوسط

التمرين ①:

- احسب واختزل إن أمكن: $3 - 3 \div \frac{9}{2}$.
- أكتب A على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد ناطق و b عدد طبيعي أصغر ما يمكن حيث: $A = \sqrt{12} - 4\sqrt{75}$
- أنشر ثم بسّط : $(\sqrt{5}x + 3)^2$
- أكتب C كتابة علمية حيث: $C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$

التمرين ②:



في الشكل المقابل (AB // CD) ووحدة

الطول هي cm, نضع $OB = 6,66$ $OA = 5$

- $OC = 12$ $DC = 15$
- أحسب الطولين AB , OD
- بين أن $(AD) \perp (BC)$.
- أحسب $\sin \hat{C}$.

ثم استنتج قيس الزاوية \hat{C} . (النتيجة مدورة إلى الوحدة).

التمرين ③:

عدد الإناث في السنة الرابعة متوسط 108 وعدد الذكور 72, أراد مدير المؤسسة تكوين أفواج عمل للبحث والمراجعة والمنافسة بين التلاميذ.

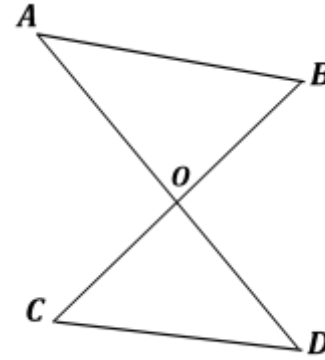
- ساعد المدير في تكوين أكبر عدد ممكن من الأفواج؟
- ما هو عدد الإناث وعدد الذكور في كل فوج؟

المستوى : رابعة متوسط

التمرين ①:

- احسب واختزل إن أمكن: $3 - 3 \div \frac{9}{2}$.
- أكتب A على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد ناطق و b عدد طبيعي أصغر ما يمكن حيث: $A = \sqrt{12} - 4\sqrt{75}$
- أنشر ثم بسّط : $(\sqrt{5}x + 3)^2$
- أكتب C كتابة علمية حيث: $C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$

التمرين ②:



في الشكل المقابل (AB // CD) ووحدة

الطول هي cm, نضع $OB = 6,66$ $OA = 5$

- $OC = 12$ $DC = 15$
- أحسب الطولين AB , OD
- بين أن $(AD) \perp (BC)$.
- أحسب $\sin \hat{C}$.

ثم استنتج قيس الزاوية \hat{C} . (النتيجة مدورة إلى الوحدة).

التمرين ③:

عدد الإناث في السنة الرابعة متوسط 108 وعدد الذكور 72, أراد مدير المؤسسة تكوين أفواج عمل للبحث والمراجعة والمنافسة بين التلاميذ.

- ساعد المدير في تكوين أكبر عدد ممكن من الأفواج؟
- ما هو عدد الإناث وعدد الذكور في كل فوج؟

دعواتنا لكم بالتوفيق والسداد

ملاحظة : تُمنح نقطة واحدة من أجل تحرير و تنظيم ورقة الإجابة

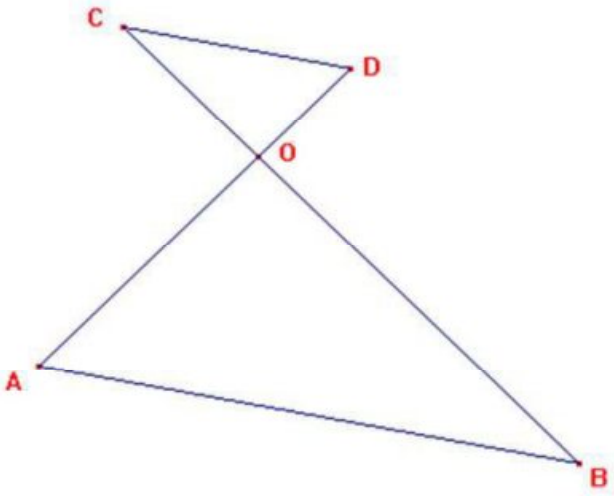
التمرين الأول :

1. أوجد $PGCD (429 ; 165)$.

2. إختزل الكسر $\frac{165}{429}$ ثم احسب العدد M حيث : $M = \left(\frac{165}{429} - \frac{7}{26} \right) \div \frac{3}{13}$.

التمرين الثاني :

الشكل المقابل ليس مرسوما بدقة .



$$. OA = 6 \text{ cm}$$

$$. OD = 2 \text{ cm}$$

$$. CO = 3 \text{ cm}$$

$$. \widehat{AOB} \text{ زاوية قائمة ، و } \tan \hat{A} = \frac{3}{2}$$

(1) أحسب الطول OB .

(2) أحسب الطول CD .

(3) هل $(AB) // (DC)$ ؟ برر إجابتك .

(4) أحسب قياس الزاوية \hat{A} .

التمرين الثالث :

x هو القيس بالدرجات لزاوية حادة حيث : $\cos x = 0,6$.

- أحسب $\sin x$ و $\tan x$ (باستعمال العلاقات بين النسب المثلثية)

بالتوفيق

م شاعون

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

مديرية التربية لولاية تيارت
متوسطة كارمان الجديدة

التاريخ: 2016/11/13
المستوى: 4AM₁; 4AM₂

المدة: ساعة واحدة

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 نقاط)

ليكن A ، B عدنان حقيقيان حيث: $A = \sqrt{98}$ ، $B = \sqrt{72}$

(1) أكتب كلا من A و B على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد ناطق و b أصغر عدد ممكن .

(2) أحسب ما يلي: $A \times B$ ؛ $\frac{A}{B}$ ؛ $B - A$ ؛ $A^2 - B^2$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 78 و 90.

(2) x و y عدنان طبيعيين حيث $90 \times x = 78 \times y$

- عين الكسر $\frac{x}{y}$ وأكتبه على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(3) يوجد في متوسطة كارمان الجديدة 168 تلميذا في مستوى السنة الرابعة متوسط منهم 90 اناث.

ارادت إدارة المتوسطة ان تشكل منهم أقساما متماثلة من حيث عدد الذكور وعدد الاناث.

(a) ما هو أكبر عدد ممكن من الأقسام المشكلة؟

(b) ما هو عدد الذكور، وعدد الاناث في كل قسم؟

التمرين الثالث: (07 نقاط)

لتكن (C) دائرة مركزها O و نصف قطره $R = 2,5cm$ ، و [AB] قطرها و E نقطة من الدائرة (C)

حيث $AE = 4cm$.

(1) أنشئ شكلا مناسباً لهذه المعطيات.

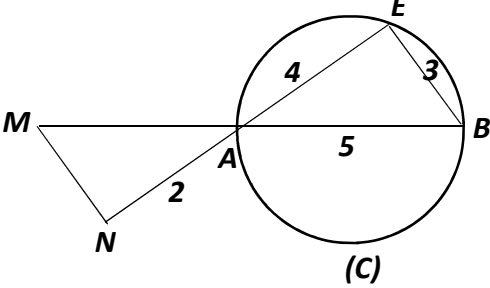
(2) بين أن المثلث ABE قائم في E ، ثم بين أن $BE = 3cm$.

(3) أحسب $\sin E\hat{B}A$ ، ثم استنتج قياس الزاوية $E\hat{B}A$ (بالمقدور الى 0,1 من الدرجة).

(4) عين النقطة M من نصف المستقيم (BA) حيث $BM = 7,5cm$

ثم عين النقطة N من نصف المستقيم (EA) حيث $EN = 6cm$.

- بين أن: $(MN) \parallel (EB)$.

ج.ع	التصحيح النموذجي	ج.ع	التصحيح النموذجي
01	<p>التمرين الثالث:</p> <p>(1) الشكل:</p>  <p>(2) أبين أن المثلث ABE قائم في E</p> <p>[AB] قطر الدائرة (C) وهو ضلع للمثلث المرسوم في الدائرة (C) و $E \in (C)$</p> <p>اذن: المثلث EAB قائم في E ووتره هو [AB] حسب النظرية العكسية للدائرة المحيطة بالمثلث .</p> <p>أبين أن : $EB = 3 \text{ cm}$</p> <p>بما أن: المثلث EAB قائم في E</p> <p>فإن : $EB^2 + EA^2 = AB^2$ (حسب نظرية فيثاغورث)</p> <p>$EB = \sqrt{9} = 3 \text{ cm}$ ومنه: $EB^2 = 25 - 16 = 9$</p> <p>(3) حساب $\sin \widehat{EBA}$</p> <p>بما أن: المثلث EBA قائم في E</p> <p>فإن : $\sin \widehat{EBA} = \frac{EA}{AB} = \frac{4}{5} = 0,8$</p> <p>اذن: $\sin \widehat{EBA} = 0,8$</p> <p>استنتاج قيس الزاوية \widehat{EBA}</p> <p>لدينا: $\sin \widehat{EBA} = 0,8$</p> <p>DEG 0,8 2ndf Sin 53,13</p> <p>اذن : $\widehat{EBA} = 53,1^\circ$ بالمقدور الى 0,1 من الدرجة</p> <p>(4) أبين أن : $(EB) \parallel (MN)$</p> <p>حساب النسبتين : $\frac{AE}{AN}$ و $\frac{AB}{AM}$</p> <p>لدينا: $\frac{AE}{AN} = \frac{4}{6-4} = \frac{4}{2} = 2$</p> <p>ولدينا: $\frac{AB}{AM} = \frac{5}{7,5-5} = \frac{5}{2,5} = 2$</p> <p>نلاحظ أن: $\frac{AE}{AN} = \frac{AB}{AM} = 2$</p> <p>و النقط : E,A,N والنقط: B,A,M بنفس الترتيب إذن :</p> <p>حسب النظرية العكسية لنظرية طالس. $(EB) \parallel (MN)$</p>	<p>التمرين الأول: (06)</p> <p>(1) كتابة كلا من A و B على شكل $a\sqrt{b}$</p> <p>02 $A = \sqrt{98} = \sqrt{49 \times 2} = 7\sqrt{2}$ $B = \sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = 6\sqrt{2}$</p> <p>(2) أحسب ما يلي:</p> <p>01 $A \times B = 7\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 42 \times 2 = 84$ $\frac{A}{B} = \frac{7\sqrt{2}}{6\sqrt{2}} = \frac{7}{6}$</p> <p>01 $B - A = 6\sqrt{2} - 7\sqrt{2} = -1\sqrt{2}$ $A^2 - B^2 = (7\sqrt{2})^2 - (6\sqrt{2})^2$ $A^2 - B^2 = 49 \times 2 - 36 \times 2 = 98 - 72$ $A^2 - B^2 = 26$</p>	
02	<p>(1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 78 و 90</p> <p>90=78×1+12 78=12×6+6 12=6×2+0</p> <p>اذن: $PGCD(90; 78) = 6$</p> <p>(2) تعين الكسر $\frac{x}{y}$</p> <p>لدينا: $90 \times x = 78 \times y$ ومنه: $\frac{x}{y} = \frac{78}{90}$</p> <p>كتابة $\frac{x}{y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال</p> <p>$\frac{x}{y} = \frac{78}{90} = \frac{78 \div 6}{90 \div 6} = \frac{13}{15}$</p> <p>$\frac{x}{y} = \frac{78}{90} = \frac{13}{15}$</p> <p>(3) حساب أكبر عدد ممكن من الأقسام المشكلة:</p> <p>عدد الذكور هو: 78 تلميذ اي 168-90=78 عدد الاناث هو: 90 تلميذة</p> <p>لا يحاد أكبر عدد ممكن من الأقسام المشكلة يكفي</p> <p>حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 90 و 78 أي:</p> <p>01 $PGCD(90; 78) = 6$ ومنه: عدد الأقسام هو: 6 أقسام</p> <p>(4) عدد الذكور، وعدد الاناث في كل قسم هو:</p> <p>عدد الذكور هو: 13 تلميذ أي: $13 \times 6 = 78$ عدد الاناث هو: 15 تلميذة أي: $15 \times 6 = 90$</p>	0 01 01	

التمرين الأول: (2 ن)

املا الفراغ بما يناسب:

$$1. (a + \dots)^2 = a^2 + \dots + 25$$

$$2. \frac{FE}{\sin \dots} = \cos \dots \quad \text{EFG مثلث قائم في E}$$

التمرين الثاني: (10 ن)

ليكن العددين الحقيقيين: $A = \sqrt{98} + 2\sqrt{32} - \sqrt{128}$ ؛ $B = (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 2)$

• أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث: a أعداد طبيعية.

• انشر وبسط العبارة B.

• بين أن: $A \times B$ عدد طبيعي.

• اجعل مقام النسبة $\frac{7\sqrt{2} - 5}{\sqrt{2}}$ عددا ناطقا.

التمرين الثالث: (8 ن)

$$\sin \angle CBA = \frac{\sqrt{2}}{2}; AB = \sqrt{2} \quad \text{ABC مثلث قائم في B حيث}$$

1. احسب AC و BC.

2. احسب $\tan \angle$ واستنتج قياس الزاوية \angle . (أعط الناتج بالتدوير إلى 1°)

3. احسب محيط الدائرة المحيطة بالمثلث ABC.

المستوى 4 م
2017/2016

الفرض المحروس الأول في الرياضيات

متوسطة عبد المؤمن
المدة 1 سا

التمرين الأول (4.5 ن)

* لتكن الأعداد A;B;C بحيث:

$$A = \frac{2 \times \frac{3}{7}}{\frac{5}{3} - 1} ; B = 230000 \times 0.00025 ; C = 3^6 \times 10^3 \times 8^4$$

- (1)- اكتب العدد A على أبسط شكل ممكن
- (2)- أعط الكتابة العلمية للعدد B
- (3)- بين إن 9 هو قاسم للعدد C

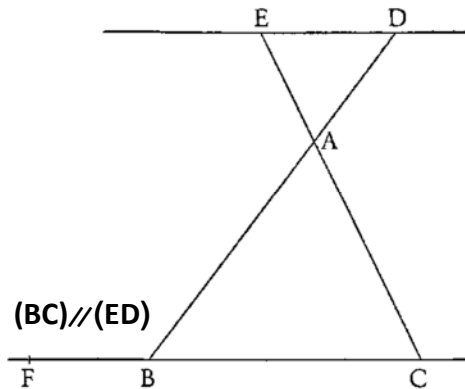
التمرين الثاني (7.5 ن)

(أ)

- (1)- هل العددين 167 و 133 أوليان فيما بينهما ؟ علل؟
- (2)- ما هي مجموعة القواسم المشتركة للعددين 161 و 133 ؟
- (3)- اختزل الكسور التالية الى كسور غير قابلة للاختزال: $\frac{133}{161+133} ; \frac{161}{161+133} ; \frac{133}{161}$

(ب) - اوجد عددين طبيعيين مجموعهما 81 والقاسم المشترك الأكبر لهما يساوي 27

التمرين الثالث (8 ن)



- الشكل هو غير مطابق للقياسات المعطاة.

- وحدة الطول هي السنتيمتر.

- نعطى: $AB = 7,5$ ؛ $BC = 9$ ؛

$AC = 6$ ؛ $AE = 4$ ؛ $BF = 6$

- (1)- احسب AD
- (2)- هل المستقيمان (EF) و (AB) متوازيان ؟
- (3)- احسب EF

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

مديرية التربية (الجزائر غرب)

متوسطة الملاك _ دالي بن ااهيم

المستوى الرابعة متوسط

الفرض الاول في مادة الرياضيات للفصل الاول

السنة الدراسية 2016 _ 2017

التمرين الاول 6 نقط

ساحة مستطيلة الشكل بعدها $45dm$ و $300dm$ يراد تبليطها ببلاطات مربعة الشكل طول كل منها عدد طبيعي.

1. ما هي الاطوال الممكنة للبلاطات .
2. ما هو الطول الأفضل حتى نتحصل علي اقل عدد ممكن للبلاطات ؟ ثم استنتج عدد البلاطات

التمرين الثاني 4 نقط

1. برهن أن العدد $2^{2013} + 2^{2014} + 2^{2015}$ يقبل القسمة على 7
2. لدى احمد و كريم حبل طوله $314cm$.

باستعمال الحبل كله انشأ احمد مربع و انشأ كريم دائرة
أي من الشكلين المحصل عليه اكبر مساحة ؟ علل .

التمرين الثالث 6 نقط

في الشكل الآتي لدينا : $() \parallel ()$ و $AB = 10.5cm$ و $AC = 9cm$

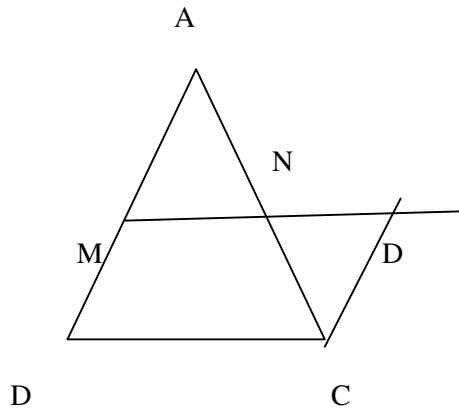
و $AN = 3cm$ و $4 =$

1. احسب AM و .

نعتبر $ND = 8cm$.

2. هل $(CD) \parallel (AM)$ ؟ علل اجابتك .

التمرين الرابع 4نقط



ABC مثلث بحيث $AB = 4cm$ و $AC = 6cm$ و $\angle C = 2\sqrt{13}$

1. بين ان المثلث ABC قائم

لتكن منتصف القطعة $[AC]$

2. احسب الطول ثم استنتج قياس الزاوية ABM بالتدوير إلى الدرجة

رابعة متوسط

متوسطة يغمراسن - الغزوات

﴿ ☆ الفرض المحروس رقم 1 في الرياضيات ☆ ﴾

4 م 3

التمرين الأول :

B عدد ناطق حيث : $B = \frac{9}{14} + \frac{54}{252}$

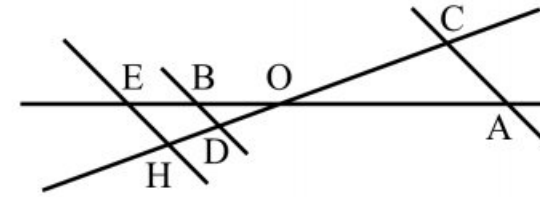
- 1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 54 و 252 .
- 2) احسب B مع إعطاء النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني :

في الشكل (AB) و (CD) متقاطعان في O ؛

(AC) و (BD) متوازيان ؛

OB = 2 ؛ OC = 4,5 و OD = 1,5



1) أوجد الطول OA .

2) يعطى OH = 2,85 و BE = 1,8 .

- ماهي وضعية المستقيمين (BD) و (EH) ؟ علل .

رابعة متوسط

متوسطة يغمراسن - الغزوات

﴿ ☆ الفرض المحروس رقم 1 في الرياضيات ☆ ﴾

4 م 2

التمرين الأول :

A عدد ناطق حيث : $A = \frac{104}{120} - \frac{1}{15}$

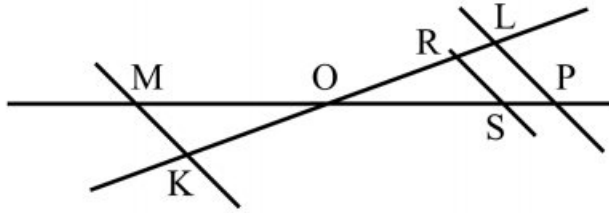
- 1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 104 و 120 .
- 2) احسب A مع إعطاء النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني :

في الشكل (KL) و (PM) متقاطعان في O ؛

(KM) و (PL) متوازيان ؛

OK = 3,75 ؛ OL = 4 و OP = 6



1) أوجد الطول OM .

2) يعطى OR = 3 و PS = 1,5 .

- ماهي وضعية المستقيمين (RS) و (LP) ؟ علل .

تصحيح الفرض المحروس رقم 1

التمرين الأول:

(1) إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعددين 54 و 252 :
نستعمل خوارزمية إقليدس (القسمات المتتالية)

$$252 = 54 \times 4 + 36$$

$$54 = 36 \times 1 + 18$$

$$36 = 18 \times 2 + 0$$

أخرباق غير معدوم هو 18 ؛ إذن $\text{PGCD}(252; 54) = 18$

(2) حساب B :

$$\begin{aligned} B &= \frac{9}{14} + \frac{54}{252} \\ &= \frac{9}{14} + \frac{54 \div 18}{252 \div 18} \\ &= \frac{9}{14} + \frac{3}{14} \\ &= \frac{12}{14} \\ B &= \frac{6}{7} \end{aligned}$$

التمرين الثاني:

(1) إيجاد OA :

(AB) و (CD) مُتقاطعان في O و (AC) // (BD)

$$\text{حسب مبرهنة طالس} \quad \frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OD} = \frac{AC}{BD}$$

$$\frac{OA}{2} = \frac{4,5}{1,5} \quad \text{ينتج} \quad \frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OD} \quad \text{من}$$

$$OA = \frac{2 \times 4,5}{1,5} \quad \text{ومنه}$$

$$OA = 6$$

(2) الوضعية النسبية للمستقيمين (BD) و (EH) :
المستقيمان (BD) و (EH) مُتوازيان.

التعليل :

لنستعمل المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس.

(HD) و (EB) مُتقاطعان في O

* شرط ترتيب النقط :

النقط O ؛ D ؛ H ؛ بنفس ترتيب النقط E ، B ، O .

* شرط تساوي النسبتين :

$$\text{لنقارن} \quad \frac{OE}{OB} \quad \text{و} \quad \frac{OH}{OD}$$

$$OE = OB + BE \quad \text{ومنه} \quad B \in [OE]$$

$$OE = 2 + 1,8$$

$$OE = 3,8$$

$$\frac{OE}{OB} = \frac{3,8}{2} = 1,9 \quad \text{و} \quad \frac{OH}{OD} = \frac{2,85}{1,5} = 1,9$$

$$\text{نستنتج أن} \quad \frac{OE}{OB} = \frac{OH}{OD}$$

شرطا المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس مُحققان ؛
إذن (EH) // (BD)

تصحيح الفرض المحروس رقم 1

التمرين الأول:

(1) إيجاد القاسم المشترك الأكبر للعديدين 104 و 120 :
نستعمل خوارزمية إقليدس (القسمات المتتالية)

$$120 = 104 \times 1 + 16$$

$$104 = 16 \times 6 + 8$$

$$16 = 8 \times 2 + 0$$

أخرباق غير معدوم هو 8 ؛ إذن $\text{PGCD}(120; 104) = 8$

(2) حساب A :

$$\begin{aligned} A &= \frac{104}{120} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{104 \div 8}{120 \div 8} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{13}{15} - \frac{1}{15} \\ &= \frac{12}{15} \\ A &= \frac{4}{5} \end{aligned}$$

التمرين الثاني:

(1) إيجاد OM :

(KL) و (PM) متقاطعان في O و (PL) // (KM)

$$\frac{OM}{OP} = \frac{OK}{OL} = \frac{MK}{PL} \text{ حسب مبرهنة طالس}$$

$$\frac{OM}{6} = \frac{3,75}{4} \text{ ينتج } \frac{OM}{OP} = \frac{OK}{OL} \text{ من}$$

$$OM = \frac{6 \times 3,75}{4} \text{ ومنه}$$

$$OM = 5,625$$

(2) الوضعية النسبية للمستقيمين (RS) و (LP) :
المستقيمان (RS) و (LP) متوازيان.

التعليل :

لنستعمل المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس.

(PS) و (LR) متقاطعان في O.

* شرط ترتيب النقط :

النقط O ؛ S ؛ P ؛ بنفس ترتيب النقط L ، R ،

* شرط تساوي النسبتين :

$$\text{لنقارن } \frac{OR}{OL} \text{ و } \frac{OS}{OP}$$

$$OS = OP - PS \text{ ومنه } S \in [OP]$$

$$OS = 6 - 1,5$$

$$OS = 4,5$$

$$\frac{OR}{OL} = \frac{3}{4} \text{ و } \frac{OS}{OP} = \frac{4,5}{6} = \frac{4,5 \div 1,5}{6 \div 1,5} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{OR}{OL} = \frac{OS}{OP} \text{ نستنتج أن}$$

شرطا المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس مُحققان ؛
إذن $(LP) \parallel (RS)$

التمرين الاول:

حل المعادلات التالية :

$$-5x^2 = 20 \quad , \quad 7x^2 = 343$$

التمرين الثاني:

ليكن العددا

$$A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$$

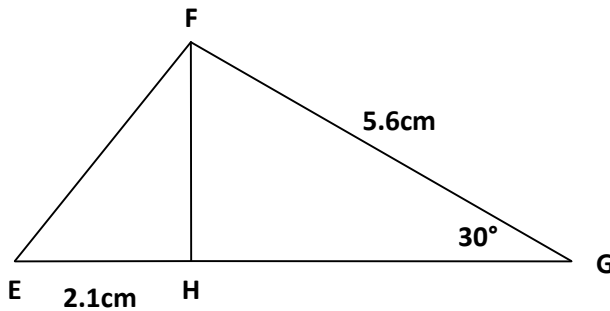
1/ أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي

$$2/ \text{ بسّط العدد } B \text{ ثم بيّن أن: } \frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$$

التمرين الثالث:EFG مثلث حيث: $\widehat{EGF} = 30^\circ$ و $EH = 2.1 \text{ cm}$

$$FG = 5.6 \text{ cm}$$

كما هو مبين في الشكل المقابل.

1. احسب الطول FH 2. اوجد قيس الزاوية \widehat{FEG} (بالتدوير الى الوحدة من الدرجة)3. احسب $\tan \widehat{HFG}$ بالتدوير الى 0.01التمرين الرابع:

يقوم شخص من على سطح بيت علوه 10 m بمراقبة عصفور وهو يحلق على ارتفاع 60 m بزاوية قدرها 20°

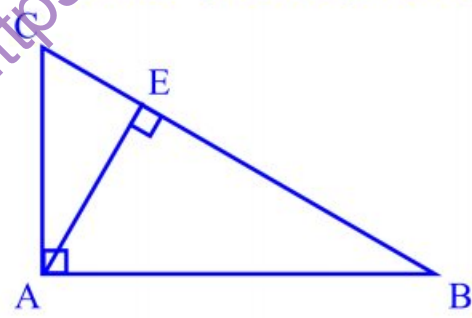
. ما هو بعد العصفور عن الشخص إذا علمت أن طول هذا الشخص هو 1.7 m

بالتوفيق

متوسطة يغمراسن - الغزوات
رابعة متوسط
4 م 2

التمرين الأول:
- حل كلا من المعادلات التالية:
 $\frac{3x}{2} = \frac{28}{x}$ ؛ $\sqrt{7}x^2 + 6 = 1$ ؛ $\frac{3}{5}x^2 = 27$

التمرين الثاني:
- عبّر بطريقتين مختلفتين عن كل من $\sin \hat{B}$ و $\tan \hat{C}$
- أحسب كلا من AE ؛ CE ؛
علما أن AB = 4 و AC = 3.

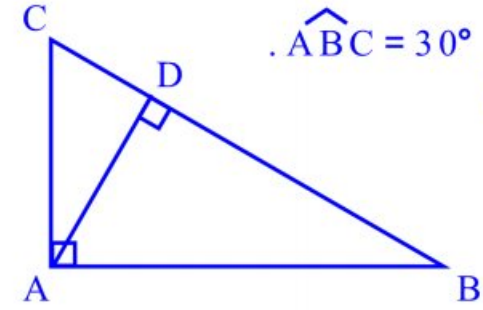


التمرين الثالث:
- بسط كلا من العبارات A ؛ B ؛ C حيث:
 $A = \frac{30}{\sqrt{20}}$
 $B = \frac{15}{2\sqrt{5}} \times \sqrt{\frac{28}{5}}$
 $C = \sqrt{63} + 4\sqrt{\frac{7}{16}} - \sqrt{175}$
- احسب وبسط العبارة E حيث: $E = A - B + 9C$

متوسطة يغمراسن - الغزوات
رابعة متوسط
4 م 3

التمرين الأول:
- حل كلا من المعادلات التالية:
 $\frac{x}{10} = \frac{\sqrt{0,36}}{x}$ ؛ $\frac{7}{10}x^2 = -14$ ؛ $3x^2 = 150$

التمرين الثاني:
إليك الشكل حيث BC = 16 و $\hat{ABC} = 30^\circ$.
- أوجد القيم المضبوطة لكل من AC ؛ AB و AD.



التمرين الثالث:
- بسط كلا من العبارات F ؛ G ؛ H حيث:
 $F = \frac{60}{\sqrt{75}}$
 $G = \frac{6}{\sqrt{3}} \times \sqrt{\frac{20}{3}}$
 $H = \sqrt{45} + 3\sqrt{\frac{5}{9}} - \sqrt{500}$
- احسب وبسط العبارة K حيث: $K = F - G + 2H$

التمرين الثالث:

التمرين الأول:

$$F = \frac{60}{\sqrt{75}}$$

$$= \frac{60\sqrt{75}}{75}$$

$$= \frac{4 \times 15 \times 5 \sqrt{3}}{15 \times 5} = 4\sqrt{3}$$

$$G = \frac{6}{\sqrt{3}} \times \sqrt{\frac{20}{3}}$$

$$= \frac{6\sqrt{20}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$$

$$= \frac{3 \times 2 \times 2 \sqrt{5}}{3} = 4\sqrt{5}$$

$$H = \sqrt{45} + 3\sqrt{\frac{5}{9}} - \sqrt{500}$$

$$= 3\sqrt{5} + 3 \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{9}} - \sqrt{100 \times 5}$$

$$= 3\sqrt{5} + 3 \times \frac{\sqrt{5}}{3} - 10\sqrt{5}$$

$$= (3 + 1 - 10)\sqrt{5} = -6\sqrt{5}$$

$$K = F - G + 2H$$

$$= 4\sqrt{3} - 4\sqrt{5} - 12\sqrt{5}$$

$$= 4\sqrt{3} - 16\sqrt{5}$$

لدينا $3x^2 = 150$ ومنه $x^2 = 50$ ومنه $x = \sqrt{50}$ أو $x = -\sqrt{50}$
لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما $5\sqrt{2}$ و $-5\sqrt{2}$
لدينا $\frac{7}{10}x^2 = -14$ ومنه $x^2 = -20$.

هذه المعادلة ليس لها حلول حقيقية لأن $x^2 \geq 0$ و $-20 < 0$

لدينا $\frac{x}{10} = \frac{\sqrt{0,36}}{x}$ ومنه $x^2 = 6$ ومنه $x = \sqrt{6}$ أو $x = -\sqrt{6}$
لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما $\sqrt{6}$ و $-\sqrt{6}$

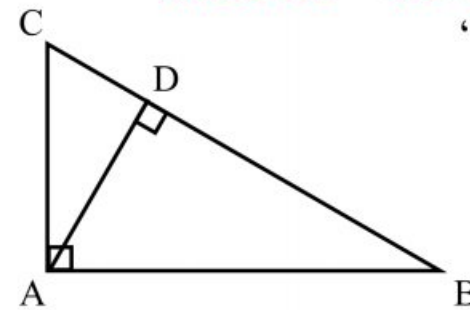
التمرين الثاني:

إيجاد القيم المضبوطة لكل من AC و AB و AD في المثلث ABC القائم في A ،

$$\sin \widehat{ABC} = \frac{AC}{BC}$$

$$\text{ومنه } AC = BC \cdot \sin \widehat{ABC}$$

$$AC = 8 \quad \text{أي} \quad AC = 16 \times 0,5$$



المثلث ABC قائم في A ،
إذن حسب نظرية فيثاغورس

$$AB = \sqrt{BC^2 - AC^2} \quad \text{ومنه} \quad AB^2 + AC^2 = BC^2$$

$$AB = \sqrt{16^2 - 8^2} = \sqrt{256 - 64}$$

$$= \sqrt{192} = \sqrt{64 \times 3}$$

$$AB = 8\sqrt{3}$$

في المثلث ABD القائم في D ،

$$\text{لدينا } \sin \widehat{ABD} = \frac{AD}{AB} \quad \text{ومنه} \quad AD = AB \cdot \sin \widehat{ABD}$$

$$AD = 4\sqrt{3} \quad \text{أي} \quad AD = 8\sqrt{3} \times 0,5$$

التمرين الأول:

لدينا $\frac{3}{5}x^2 = 27$ ومنه $x^2 = 45$ ومنه $x = \pm \sqrt{45}$

لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما $3\sqrt{5}$ و $-3\sqrt{5}$

لدينا $\sqrt{7}x^2 + 6 = 1$ ومنه $\sqrt{7}x^2 = -5$

هذه المعادلة ليس لها حلول حقيقية لأن $\sqrt{7}x^2 \geq 0$ و $-5 < 0$

لدينا $\frac{3x}{2} = \frac{28,5}{x}$ ومنه $x^2 = 19$ ومنه $x = \pm \sqrt{19}$

لهذه المعادلة حلان متعاكسان هما $\sqrt{19}$ و $-\sqrt{19}$

التمرين الثاني:

التعبير بطريقتين مختلفتين عن كل من $\sin \hat{C}$ و $\tan \hat{B}$:

في المثلث ABC القائم في A ، لدينا $\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$

في المثلث ABE القائم في E ، لدينا $\sin \hat{B} = \frac{AE}{AB}$

في المثلث ABC القائم في A ، لدينا $\tan \hat{C} = \frac{AB}{AC}$

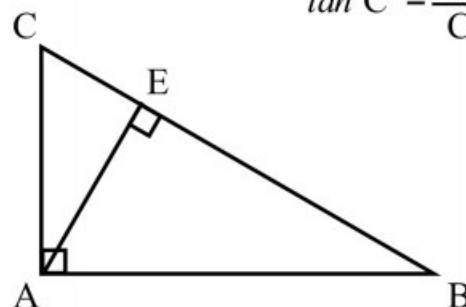
في المثلث ACE القائم في E ، لدينا $\tan \hat{C} = \frac{AE}{CE}$

حساب كلا من AE ؛ CE :

المثلث ABC قائم في A ،

إذن $BC^2 = AB^2 + AC^2$ (نظرية فيثاغورس)

ومنه $BC = 5$



لدينا $\sin \hat{B} = \frac{AE}{AB}$ و $\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$

ومنه $\frac{AE}{AB} = \frac{AC}{BC}$ ومنه $AE = AB \times \frac{AC}{BC}$

$AE = 4 \times \frac{3}{5} = 2,4$

لدينا $\tan \hat{C} = \frac{AB}{AC}$ و $\tan \hat{C} = \frac{AE}{CE}$

ومنه $\frac{AE}{CE} = \frac{AB}{AC}$ ومنه $CE = \frac{AE \times AC}{AB}$

$CE = \frac{2,4 \times 3}{4} = 1,8$

التمرين الثالث:

$A = \frac{30}{\sqrt{20}} = \frac{30\sqrt{20}}{20} = \frac{3 \times 10 \times 2\sqrt{5}}{10 \times 2} = 3\sqrt{5}$

$B = \frac{15}{2\sqrt{5}} \times \sqrt{\frac{28}{5}}$

$= \frac{15\sqrt{28}}{2\sqrt{5} \times \sqrt{5}}$
 $= \frac{3 \times 5 \times 2\sqrt{7}}{2 \times 5} = 3\sqrt{7}$

$C = \sqrt{63} + 4\sqrt{\frac{7}{16}} - \sqrt{175}$

$= 3\sqrt{7} + 4 \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{16}} - \sqrt{25 \times 7}$

$= 3\sqrt{7} + 4 \times \frac{\sqrt{7}}{4} - 5\sqrt{7}$

$= (3 + 1 - 5)\sqrt{7} = -\sqrt{7}$

$E = A - B + 9C$

$= 3\sqrt{5} - 3\sqrt{7} - 9\sqrt{7}$

$= 3\sqrt{5} - 12\sqrt{7}$

التمرين الأول : (03 نقط)

1- أحسب $PGCD(301; 210)$.

2- لصاحب مكتبة 301 كتاب رياضيات و 210 كتاب تكنولوجيا يريد ترتيبها في رفوف مكتبته بحيث تكون كل الرفوف متماثلة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا.

أ- ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة؟

ب- ما هو عدد الكتب في كل رف ؟

ج- إذا كان سمك كتاب الرياضيات 1.5 cm وسمك كتاب التكنولوجيا 1 cm فما هو طول كل رف؟ (توضع الكتب جنباً إلى جنب في كل رف)

التمرين الثاني : (03 نقط)

(وحدة الطول هي السنتيمتر)

ليكن المستطيل $STUV$ بعدهما $ST = 16 + 4\sqrt{2}$ و $TU = 16 - 4\sqrt{2}$

1- أعط القيمة المضبوطة لكلا من:

أ- محيط المستطيل $STUV$

ب- مساحة المستطيل $STUV$

2- احسب الطول SU قطر المستطيل $STUV$

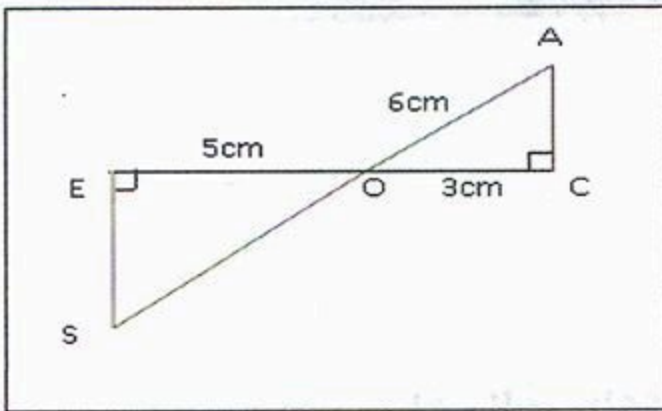
التمرين الثالث : (03 نقط)

وحدة الطول هي السنتيمتر (cm)؛ في الشكل المجاور الأطوال ليست حقيقية

1- أ- احسب الطول AC وأعط الناتج على شكل $a\sqrt{b}$

ب - استنتج أن: $(AC) \parallel (ES)$

2- أحسب القيمة المضبوطة للطول OS .



التمرين الرابع : (03 نقط)

$ABCD$ مستطيل حيث : $AD = 3\text{ cm}$ ، $AB = 3\sqrt{3}\text{ cm}$

1/ أنشئ الشكل وارسم القطر AC ثم احسب قياس الزاوية \hat{ACD} بالدرجات (بالتدوير إلى الوحدة)

2/ M ، N نقطتان من $[AD]$ ، $[DC]$ على الترتيب حيث $DN = 1\text{ cm}$ و $DM = \sqrt{3}\text{ cm}$

- بين أن : $(NM) \parallel (AC)$

المسألة: (08 نقاط)

من أجل تهيئة الطريق المزدوج الرابط بين حي البدر وحي 542 مسكن بمدينة المشرية قامت المؤسسة المكلفة بالإنجاز بشحن شاحنة بالحجارة من محجرة إسعادي التي قامت باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه حيث:

- طول البساط المتحرك: $CD = 11,70m$.

- طول الأرضية: $CA = 10,80m$.

- (CA) و (DA) متعامدان.

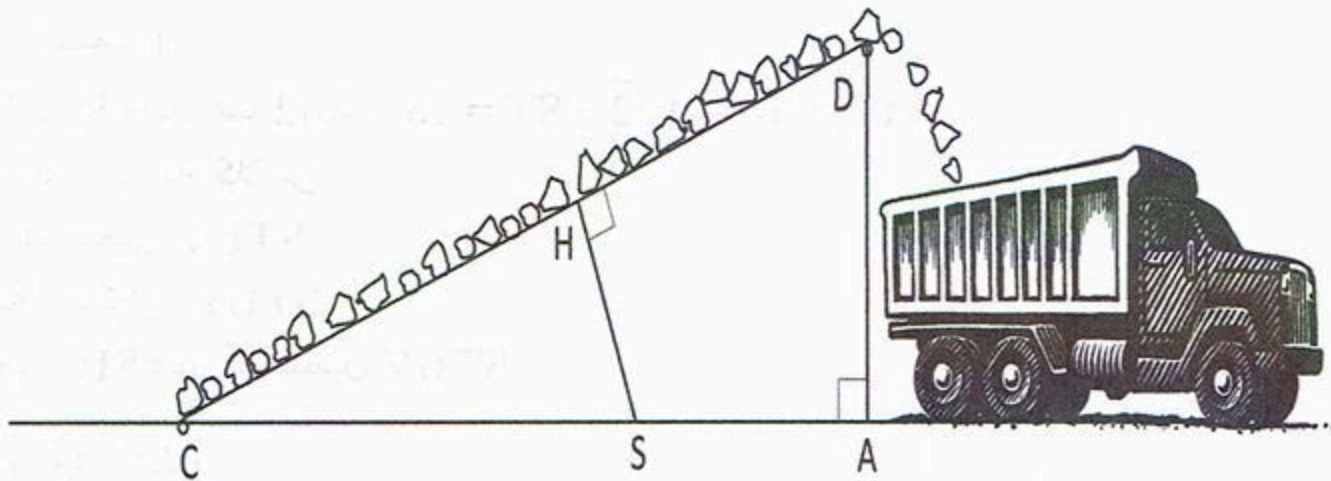
(1) أحسب ارتفاع قمة البساط عن سطح الأرض.

(2)

أ/ أحسب $\cos \hat{DCA}$ ثم استنتج قياس الزاوية التي يصنعها البساط مع الوضع الأفقي (الأرضية) بالتدوير إلى الوحدة.

ب/ من أجل تماسك جهاز البساط قمنا بتثبيته بواسطة عمود $[HS]$ طوله $2,50m$ حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة S ومثبت عموديا على البساط في النقطة H (أنظر الشكل).

أحسب المسافة CS .



ملاحظة: الكتابة تكون بالقلم الأزرق أو الأسود فقط

حظ موفق للجميع

الإختبار الأول في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

لتكن الأعداد : $A = \frac{5 \times 10^{23} \times 13}{5 \times 10^{-7}}$; $B = 2 - \frac{5}{2} \times \frac{8}{25}$; $C = 3\sqrt{50} - \sqrt{32} + 2\sqrt{98}$

- اكتب العدد A كتابة علمية .
- احسب العدد B ، ثم اختزل الناتج ان أمكن.
- اكتب C على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

a و b عددين حقيقيين حيث : $a = \frac{\sqrt{7}-\sqrt{2}}{\sqrt{7}}$; $b = \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{7}}$

- احسب القيمة المقربة الى 10^{-2} بالنقصان للعدد a .
- اجعل مقام العدد b ناطق.

التمرين الثالث: (03 نقاط)

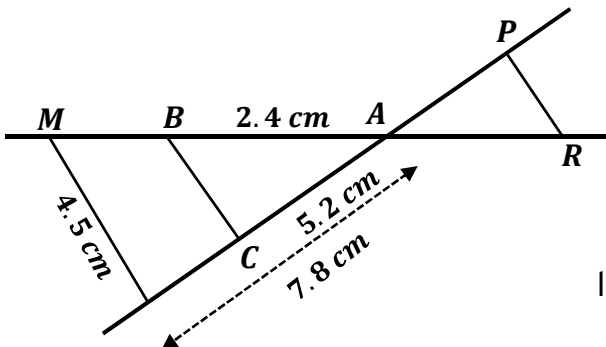
- تحقق أن العددين 1317 و 1756 غير أوليين فيما بينهما .
- عند بستاني 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، يريد تشكيل باقات متماثلة بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء .
(أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟
(ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟

التمرين الرابع: (03 نقاط)

المستقيمان (BC) و (MN) متوازيان.

(الأطوال في الرسم المقابل ليست حقيقية)

- أحسب الطولين BC و AM .
- بين أن المستقيمان (BC) و (PR) متوازيان ، إذا علمت أن : $AR = 1.2 \text{ cm}$ و $AP = 2.6 \text{ cm}$

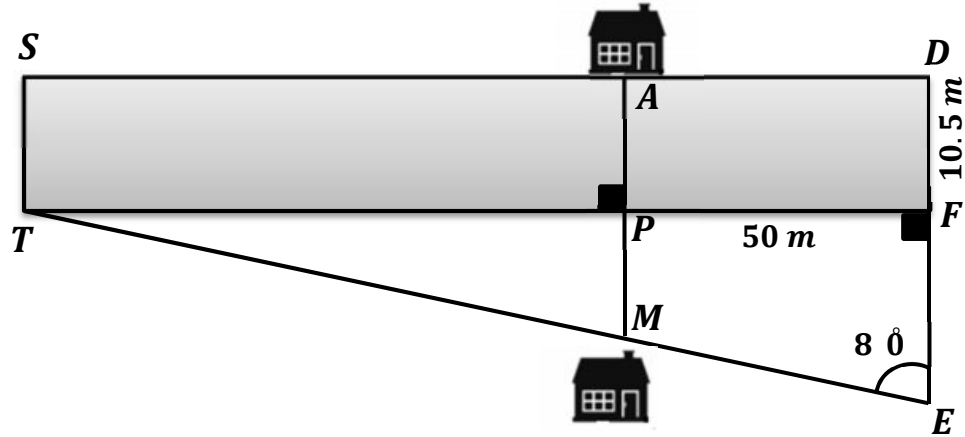


الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة:

اقتسم أحمد و عيسى قطعة أرض ، فأخذ أحمد القطعة المستطيلة $DSTF$.وأخذ عيسى القطعة المثلثية FET كما هو مبين في الشكل التالي حيث :

$$DS = 120 \text{ m}$$



- (1) هل هذه القسمة عادلة (يمكن حساب مساحة المستطيل و مساحة المثلث)
- (2) النقطة A تمثل منزل أحمد ، والنقطة M تمثل منزل عيسى، إتفقا الإخوان على حفر بئر في النقطة P .
 - هل المنزلان يبعدان بنفس المسافة عن البئر.
- (3) احيطت القطعة الكلية بسيياج ثمن المتر الواحد هو $250DA$.
 - اوجد كلفة هذا السياج.

الأستاذ : بلعكري عادل

<https://www.facebook.com/groups/1245852252107916/>

التمرين الأول:

✓ لدينا العبارة الجبرية A حيث: $A = (3x-2)(3x+2) - (3x-2)(x-3)$.

1- أنشر ثم بسط العبارة الجبرية A.

2- أحسب العبارة الجبرية A من أجل: $x = \sqrt{2}$.

التمرين الثاني:

1- أحسب العبارة الجبرية B حيث: $B = \frac{2}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{4}$.

2- أكتب العبارة C على شكل: $a\sqrt{3}$ حيث: $C = \sqrt{75} + 4\sqrt{27} - 5\sqrt{48}$.

3- أوجد: $BGCD(1610; 854)$.

التمرين الثالث:

✓ ABC مثلث قائم في الرأس B حيث: $AB = 2,7\text{cm}$; $BC = 3,6\text{cm}$.

1- أحسب الوتر AC.

2- أحسب $\sin \widehat{BAC}$.

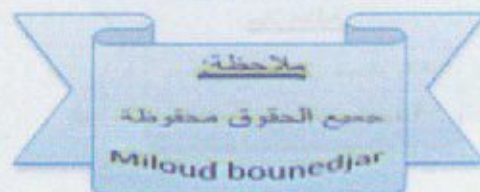
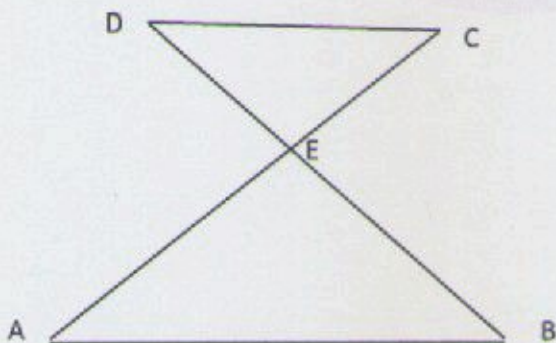
التمرين الرابع:

✓ $EC = 5,4\text{cm}$; $EA = 7,2\text{cm}$; $EB = 10\text{cm}$; $ED = 7,5\text{cm}$.

1- بين أن: $(AB) \parallel (DC)$.

2- إذا علمت أن: $CD = 6,3\text{cm}$.

3- أحسب الطول: AB.



المسألة:

✓ ABCD مستطيل حيث : $AB=6\text{cm}$; $AD=4\text{cm}$.

✓ N، M نقطتان من [BC] و [DC] على الترتيب حيث : $BM=CN=X$ و $0 < X \leq 4$

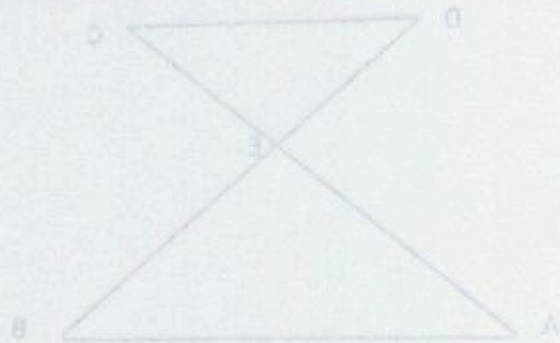
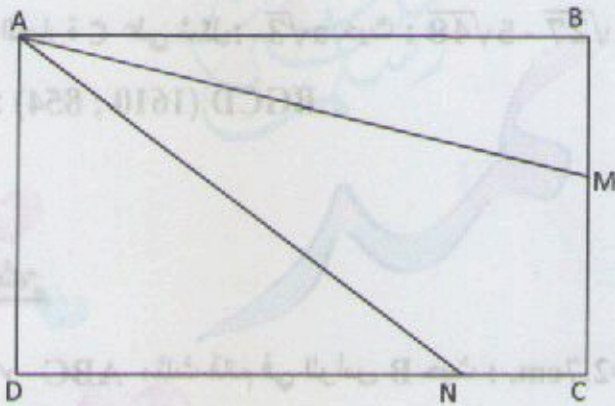
1- عبر عن مساحة المثلث ABM بدلالة X.

2- أحسب DN بدلالة X. $A(3x-2)(3x+2)-(5-x)(5-x)=A$; شبيه A قوسية لـ B لهما لهما

3- عبر عن مساحة المثلث ADN بدلالة X.

4- إذا علمت أن : $S_1=S_2$ ، أحسب العدد X.

5- عبر عن مساحة الرباعي AMCN بدلالة X.



ملاحظة:

جميع الحقوق محفوظة

Miloud boundedjar

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

التمرين 01 :

أكتب العبارتين A و B على أبسط شكل ممكن:

$$A = 9\sqrt{2} - \sqrt{98} + \sqrt{20} - 4\sqrt{5}$$

$$B = \sqrt{20} + \sqrt{8}$$

- أحسب $\frac{A+B}{\sqrt{2}}$; $\frac{A-B}{\sqrt{5}}$

استنتج $(A+B)(A-B)$

التمرين 02 :

أنشر و بسط العبارات التالية باستعمال المتطابقات الشهيرة:

$$A = (2x+1)^2 + (x+3)(-x+3)$$

$$B = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - (4x-1)(x+1)$$

$$C = \sqrt{2\sqrt{5}-2} \times \sqrt{2\sqrt{5}+2}$$

التمرين 03 :

RTS مثلث قائم في R

إذا علمت أن $\sin \hat{T} = 0.8$

أحسب $\cos \hat{T}$; $\tan \hat{T}$

أنشئ الشكل دون حساب قياس الزاوية.

التمرين 04 :

اليك الشكل التالي حيث : (DF) يوازي (BC) و

$$BC = 6\text{cm} ; EG = 1.5\text{cm} ; DG = 3.9\text{cm}$$

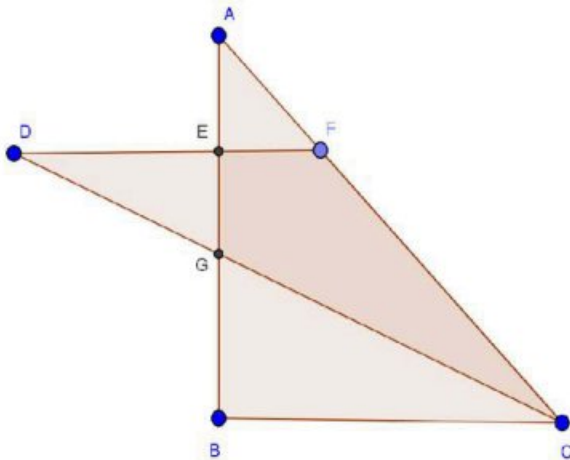
$$EF = 1.2\text{cm} ; AE = 1\text{cm}$$

- أحسب AB ثم استنتج BG

- أحسب ED

- هل (GF) يوازي (DA)

- بين أن المثلث DGE قائم

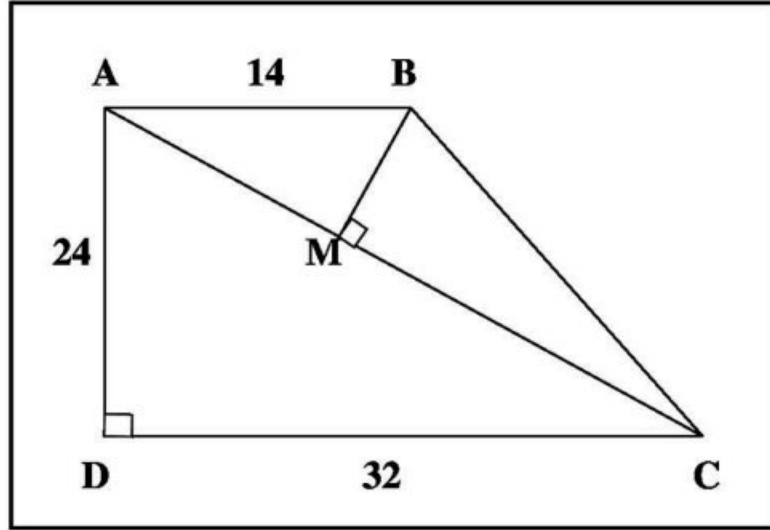


مسألة : (8 ن)

وحدة الطول هي cm

يعبر الشكل التالي عن حقل لفلاح حيث ABCD شبه منحرف قائم في A و D حيث $AB = 14$ ، $AD = 24$ ، $DC = 32$

[BM] هو الارتفاع المتعلق بالضلع [AC] في المثلث ABC (الشكل)



الجزء 1:

* بين أن مساحة شبه المنحرف ABCD هي 552 cm^2

* بين أن مساحة المثلث ADC هي 384 cm^2

* استنتج مساحة المثلث ABC

* أحسب $\sin \hat{MAB}$ ثم أعط الدور إلى الوحدة لقيس الزاوية \hat{MAB}

الجزء 2:

يريد صاحب الحقل غرس شجيرات على محيط المثلث ADC بحيث تكون متساوية البعد فيما بينها

- جد أكبر بعد ممكن بين كل شجرتين متجاورتين .

- جد عدد الشجيرات اللازمة لغرس كل المحيط.

$$\frac{\text{قاعدة الـ كبرى (الارتفاع) فاع} \times \text{قاعدة الـ صغرى} + \text{الـ قاعدة الـ كبرى}}{2}$$

ملاحظة: مساحة شبه المنحرف =

بالتوفيق

انتهى

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 ن)

إليك العدد P حيث: $P = \frac{798}{285} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{2}$.

1. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 798 و 285 مع كتابة مراحل الحساب.

2. اكتب $\frac{798}{285}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

3. أحسب و بسط العدد P .

التمرين الثاني: (03 ن)

إليك العددين A و B حيث: $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$ ؛ $B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$.

1. بين أن: $A = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$.

2. اجعل مقام النسبة B عددا ناطقا.

3. بين أن: $\frac{1}{2}A = 3B$.

4. حل المعادلة التالية: $3x^2 - 45 = -18$.

التمرين الثالث: (02,5 ن)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية.

$MB = 3 \text{ cm}$ ؛ $MA = 6 \text{ cm}$ ؛ $MC = 4 \text{ cm}$ ؛ $MD = 8 \text{ cm}$

(C) دائرة مركزها النقطة O و قطرها [MD].

1. برهن أن المستقيمين (AD) و (BC) متوازيان.

2. بين أن المثلث ADM قائم.

التمرين الرابع: (03,5 ن)

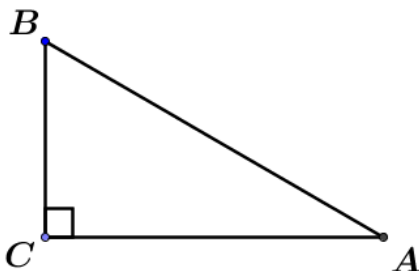
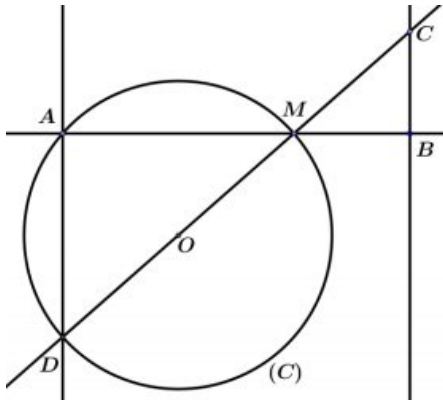
إليك الشكل المقابل.

ABC مثلث قائم في C حيث: $\sin \widehat{ABC} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ و $AB = 6 \text{ cm}$

بإعطاء القيم المبسطة و المضبوطة:

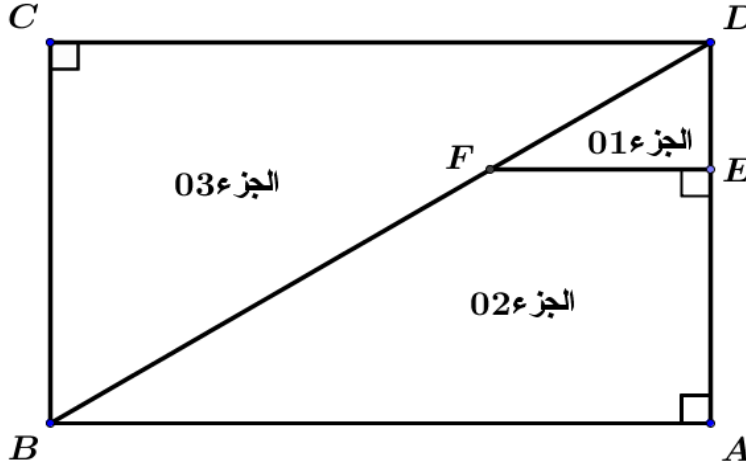
1. أحسب $\cos \widehat{ABC}$ و $\tan \widehat{ABC}$.

2. بين أن: $AC = 3\sqrt{3} \text{ cm}$. ثم احسب BC.



مسألة:

تملك تعاونية فلاحية قطعة ارض مستطيلة الشكل بعدها 120 m و 90 m .
قسمت إلى ثلاثة أجزاء بإقامة حواجز عليها كما هو مبين في الشكل.
في بداية الموسم الزراعي قررت التعاونية الفلاحية أن تغرس في كل جزء من القطعة محصول معين.



- الجزء (01): لغرس الفراولة.
- الجزء (02): لغرس البطاطا.
- الجزء (03): لغرس الجزر.

أولاً:

1. بين أن الطول $BD = 150\text{ m}$.
- E نقطة من $[AD]$ حيث: $DE = \frac{1}{3} AD$.
2. بين أن (EF) و (AB) متوازيان.
3. أحسب كل من: DE ؛ EF ؛ FD .

ثانياً:

- أحسب مساحة الجزء (03) و مساحة الجزء (02).

ثالثاً:

- في إطار الدعم الفلاحي دَعمت الحكومة التعاونية الفلاحية بـ 285 بقرة و 798 رأس غنم.
و لتسهيل الاعتناء بهذه الأبقار و الأغنام وزعت إلى مجموعات متماثلة من حيث عدد الأبقار وعدد الأغنام.
قررت التعاونية توظيف أكبر عدد ممكن من العمال بحيث يعتني كل عامل بمجموعة واحدة.
1. أوجد أكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية.
 2. ما هو عدد الأبقار و عدد الأغنام في كل مجموعة.

تذكير: $AB = 120\text{ m}$ ؛ $AD = 90\text{ m}$.

- تعطى: مساحة الشبه المنحرف: $S = \frac{(B + b) \times h}{2}$ (B القاعدة الكبرى ، b القاعدة الصغرى ، h الارتفاع)

العلامة الكلية	العلامة الجزئية	التصحيح النموذجي	التمرين
03	0,75 0,25 01 01	<p>1. حساب PGCD للعددين 798 و 285.</p> $798 = 285 \times 2 + 228$ $285 = 228 \times 1 + 57$ $228 = 57 \times 4 + 0$ $PGCD(798; 285) = 57$ <p>2. اختزال الكسر $\frac{1375}{825}$ بحيث يكون الناتج كسر غير قابل للاختزال.</p> $\frac{798}{285} = \frac{798 \div 57}{285 \div 57} = \frac{14}{5}$ <p>3. حساب و تبسيط العدد P.</p> $P = \frac{798}{285} - \frac{3}{5} \times \frac{7}{2} = \frac{14}{5} - \frac{21}{10} = \frac{14 \times 2}{5 \times 2} - \frac{21}{10} = \frac{28}{10} - \frac{21}{10} = \frac{7}{10}$	التمرين الأول
03	0,75 0,75 0,75 0,75	<p>إليك العددين A و B حيث: $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$ ؛ $B = \frac{1+\sqrt{5}}{\sqrt{3}}$.</p> <p>1. إثبات أن $A = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$</p> $A = \sqrt{12} + \sqrt{60} = 2\sqrt{3} + 2\sqrt{15} = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$ <p>2. جعل مقام النسبة B عددا ناطقا:</p> $B = \frac{1+\sqrt{5}}{\sqrt{3}} = \frac{(1+\sqrt{5})\sqrt{3}}{\sqrt{3}^2} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3}$ <p>3. إثبات أن: $\frac{1}{2}A = 3B$ حساب:</p> $\frac{1}{2}A = \frac{1}{2} \times 2(\sqrt{3} + \sqrt{15}) = \sqrt{3} + \sqrt{15}$ $3B = 3 \left(\frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3} \right) = \sqrt{3} + \sqrt{15}$ <p>إذن: $\frac{1}{2}A = 3B$</p> <p>4. حل المعادلة التالية إن أمكن: $3x^2 - 45 = -18$</p> $3x^2 - 45 = -18$ $3x^2 = -18 + 45 = +27$ $x^2 = +9$ $x = -3$ $x = +3$ <p>إذن للمعادلة حلان هما: -3 و +3.</p>	التمرين الثاني

	0,25 0,75 0,25 0,25 01	<p>1. إثبات أن المستقيمين (AD) و (BC) متوازيان.</p> <p>لدينا: النقط: $A;O;B$ و $D;O;C$</p> $\begin{cases} \frac{OB}{OA} = \frac{3}{6} = 0,5 \\ \frac{OC}{OD} = \frac{4}{8} = 0,5 \end{cases}$ <p>و منه: $\frac{OB}{OA} = \frac{OC}{OD} = 0,5$</p> <p>إذن: $(AD) // (BC)$ (حسب نظرية العكسية لطالس)</p> <p>2. إثبات أن المثلث OBC قائم.</p> <p>لدينا:</p> <p>$[DM]$ قطر للدائرة (C) و ضلع للمثلث DMA.</p> <p>و الدائرة (C) محيطة بالمثلث DMA.</p> <p>إذن: DMC مثلث قائم في A.</p>	التعريف الثالث
03,5	0,5 0,75 0,75 0,75 0,75	<p>1. حساب $\widehat{ABC} : \cos$</p> <p>لدينا: ABC مثلث قائم في C</p> $\sin^2 \widehat{ABC} + \cos^2 \widehat{ABC} = 1$ $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \cos^2 \widehat{ABC} = 1$ $\cos^2 \widehat{ABC} = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4}$ $\cos \widehat{ABC} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$ <p>• حساب $\widehat{ABC} : \tan$</p> $\tan \widehat{ABC} = \frac{\sin \widehat{ABC}}{\cos \widehat{ABC}} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = \sqrt{3}$ <p>2. حساب $AC :$</p> $\sin \widehat{ABC} = \frac{AC}{AB}$ $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{6}$ $AC = 3\sqrt{3} \text{ cm}$ <p>• حساب $BC :$</p> <p>بتطبيق نظرية فيثاغورس المباشرة نجد:</p> $AB^2 = AC^2 + BC^2$ $BC^2 = AB^2 - AC^2 = 36 - 27 = 9$ $BC = 3 \text{ cm}$	التعريف الرابع

		الجزء الأول:	
		1. تبيان أن الطول $BD = 150\text{ m}$: لدينا: BDC مثلث قائم في C $BD^2 = BC^2 + CD^2 = 90^2 + 120^2 = 8100 + 14400 = 22500$ $BD = \sqrt{22500} = 150\text{ m}$	0,25 0,5
		2. تبيان أن (EF) و (AB) متوازيان: لدينا: $\begin{cases} (EF) \perp (AD) \\ (AB) \perp (AD) \end{cases}$ إذن: $(EF) \parallel (AB)$ حسب نظرية التوازي و التعامد	0,75
		3. حساب DE : $DE = \frac{1}{3} \times 90 = 30\text{ m}$ • حساب EF : لدينا: $(EF) \parallel (AB)$ النقط $D; E; A$ و $D; F; B$ على استقامة واحدة و بنفس الترتيب. بتطبيق نظرية طالس نجد: $\frac{DE}{DA} = \frac{DF}{DB} = \frac{EF}{AB}$ $\frac{30}{90} = \frac{DF}{150} = \frac{EF}{120}$ بالتعويض: $EF = \frac{120 \times 30}{90} = 40$ و منه: $\frac{30}{90} = \frac{EF}{120}$ • حساب FD : نعلم أن: $\frac{30}{90} = \frac{DF}{150}$ و منه: $FD = \frac{150 \times 30}{90} = 50\text{ m}$	0,5 0,25 0,5 0,75
ن08	0,75	الجزء الثاني: • مساحة القطعة (03): 5400 m^2 $S_{03} = \frac{CD \times BC}{2} = \frac{120 \times 90}{2} = 5400$ • مساحة القطعة (02): 4800 m^2 $S_{02} = \frac{(AB + EF) EA}{2} = \frac{(120 + 40) 60}{2} = 4800$ الجزء الثالث: 1. أكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية هو: 57 عامل $798 = 285 \times 2 + 228$ $285 = 228 \times 1 + 57$ $228 = 57 \times 4 + 0$ 2. حساب عدد الأبقار التي يعتني بها كل عامل: 5 أبقار $285 \div 57 = 5$ • حساب عدد الأغنام التي يعتني بها كل عامل: 14 رأس غنم $798 \div 57 = 14$	0,75 0,75 0,75 0,75

التمرين الأول: 2

لتكن A و B حيث:

$$B = \frac{12}{5} \div \left(\frac{3}{5} + 2 \right)$$

$$A = \frac{1}{6} \times 5 - \frac{5}{10} \times \frac{4}{3}$$

1- أحسب كلا من A و B مع توضيح مراحل الحساب و إعطاء النتائج على شكل كسور غير قابلة للاختزال.

التمرين الثاني: 3

C، D عدنان حقيقيان حيث:

$$C = 2\sqrt{125} - \frac{15}{\sqrt{45}} + \frac{\sqrt{500}}{5}$$

$$D = \frac{\sqrt{5} + 35}{\sqrt{5}}$$

1- أكتب العدد C على شكل $m\sqrt{n}$ بحيث n أصغر ما يمكن.

2- أكتب العدد D على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

3- أحسب E حيث: $E = C - D + 1$

التمرين الثالث: 3

تمعن في الشكل المقابل جيدا. (الشكل ليس مرسوما بالأبعاد الحقيقية).

نعطي $(AB) \parallel (CD)$

1- أوجد X.

2- أحسب الطول EC ثم EA.

التمرين الرابع: 4

وحدة الطول هي m :

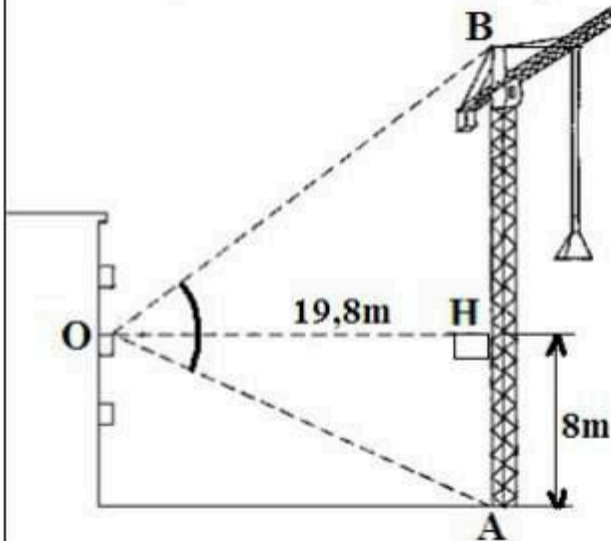
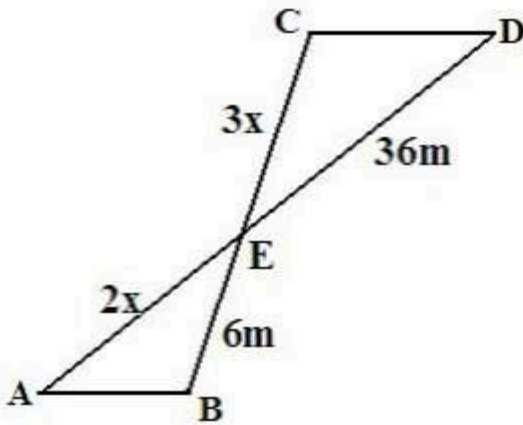
تقع شرفة عمارة على بعد 8m عن الأرض . لحمل الأثاث إليها نستعمل الرافعة كما هو موضح في الشكل.

$$(\widehat{AOB} = 61^\circ)$$

1- أحسب \widehat{HOA} . (تعطى الزاوية بالتدوير إلى الوحدة).

2- استنتج قيس الزاوية \widehat{HOB} .

3- أحسب المسافة OB ثم OA. (القيمة مقربة إلى 0,1 بالنقصان)



المسألة: 8

(I) في إحدى المباريات بين فريقين يضمن اللاعبون الجزائريين سفيان فيغولي (نادي فالنسيا) و مهدي لحسن (نادي خيتافي) ، جلس أنصار الفريقين على المدرجات في صفوف متقابلة و متساوية من حيث عدد المقاعد. بلغ عدد مشجعي فريق فالنسيا 9000 شخص و عدد مشجعي فريق خيتافي 4950 شخص.

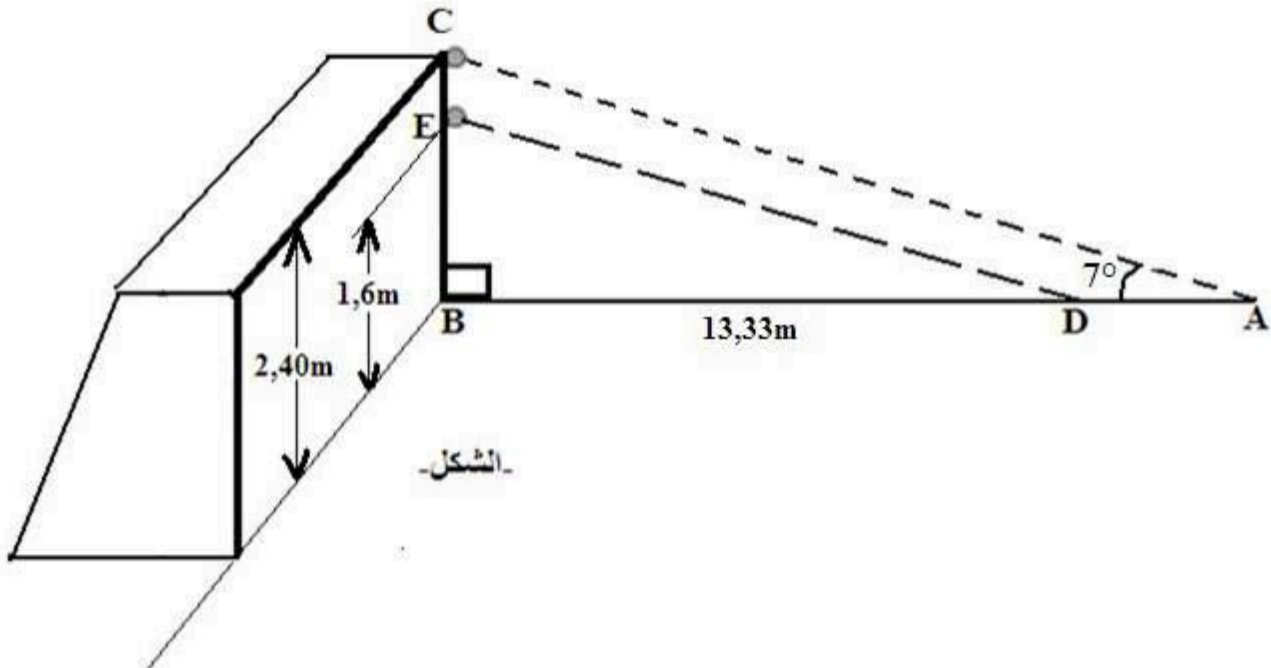
- 1- ما هو أكبر عدد من المقاعد في كل صف؟
- 2- كم بلغ عدد صفوف مشجعي فريق فالنسيا؟
- 3- كم بلغ عدد صفوف مشجعي فريق خيتافي؟

(II) بعد مدة زمنية من الشوط الأول، سدد اللاعب سفيان فيغولي كرة قوية من الموضع A ، شكل المسار المستقيم للكرة مع الأرض زاوية قياسها $\widehat{BAC} = 7^\circ$ (لاحظ الشكل)، اصطدمت الكرة بأعلى القائم C، حيث علو القائم $BC = 2,40m$.

- 1- أحسب AB بعد اللاعب سفيان فيغولي عن القائم.
- 2- أحسب المسافة AC التي قطعها الكرة للوصول إلى أعلى القائم. (القيمة مقربة إلى 0,01 بالنقصان)

(III) خلال الشوط الثاني تموضع اللاعب مهدي لحسن في النقطة D حيث $BD = 13,33m$ وقام بتسديدة من النقطة D فاصطدمت بالقائم في النقطة E حيث $BE = 1,6m$.

- 1- أحسب قياس الزاوية \widehat{EDB} التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض. (بالتدوير إلى الوحدة).
- 2- أحسب المسافة التي قطعها الكرة للوصول إلى النقطة E. (القيمة مقربة إلى 0,01 بالنقصان)
- 3- بين أن مسار كرة سفيان فيغولي (AC) يوازي مسار كرة مهدي لحسن (DE).



بالتوفيق.

انته

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

متوسطة باي محمد - طريق عين

وزارة التربية الوطنية

قاسمة-

المستوى الرابعة متوسط

مديرية التربية لولاية تيارت

المدة : ساعتان

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) هل العددين 243 و 162 أوليان فيما بينهما ؟ برر جوابك .

(2) أكتب الكسر $\frac{162}{243}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

(3) إذا وضعنا $PGCD(243,162) = x$

✓ تحقق من أن $x^2 - 80x - 81 = 0$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

A و B و C أعداد حقيقية حيث:

$$C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \div \frac{5}{4} , \quad B = (1 + \sqrt{2})^2 , \quad A = 3\sqrt{50} - 5\sqrt{8} - \sqrt{18}$$

(1) أكتب كل من A و B و C على أبسط شكل ممكن

(2) أكتب النسبة $\frac{A}{B}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

(3) حل في R المعادلات التالية

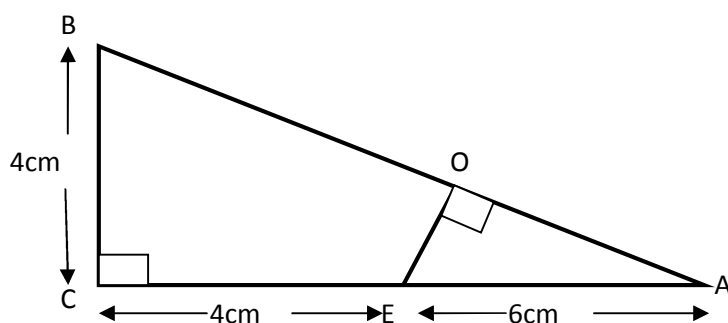
$$\frac{4}{9}x^2 = 0 \quad ; \quad -2x^2 = 4 \quad ; \quad \tan 45^\circ + \cos 90^\circ = x^2$$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

إليك الشكل غير مرسوم بالأبعاد الحقيقية

(1) أرسم الشكل بالأبعاد الحقيقية

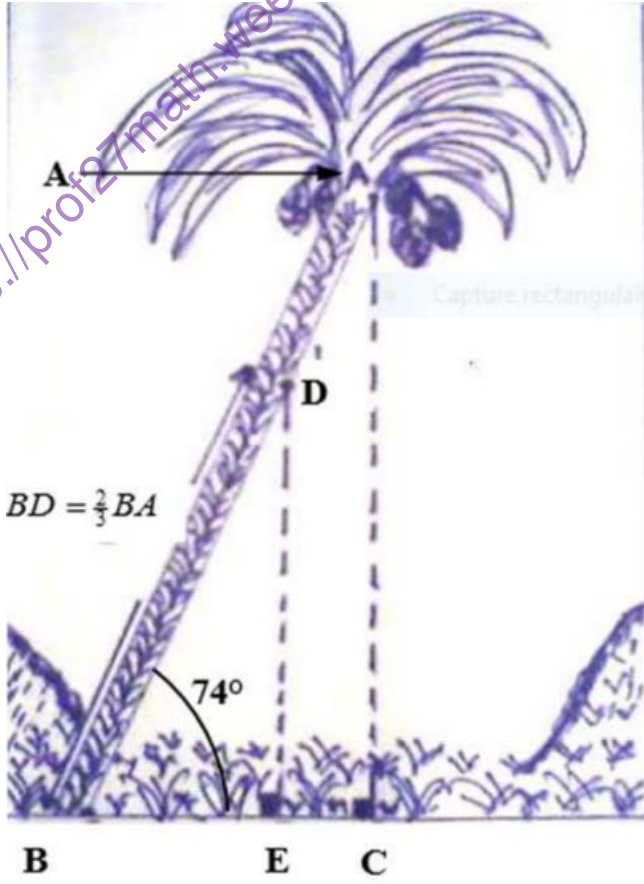
(2) أحسب الطول OE



صفحة 1 من 2

الجزء الثاني :

الوضعية الإدماجية: (08 نقاط)



لعمي الحاج محمد في حقله نخلة مائلة كما هو مبين في الشكل.

الجزء الأول:

تميل هذه النخلة مشكلة مع سطح الأرض زاوية قدرها 74° ، عندما تقع عليها أشعة الشمس يكون طول ظلها $BC = 6m$.

- (1) أحسب الارتفاع AC بالتدوير إلى الوحدة.
- (2) أحسب طول النخلة AB بالتدوير إلى الوحدة.

الجزء الثاني:

صعد عمي محمد النخلة و يحمل في يده منجلا لجني التمر، و عند وصوله إلى النقطة D وقع من يده المنجل بين سنابل القمح عند النقطة E (أنظر الشكل)

$$\text{حيث } BD = \frac{2}{3} AB$$

ساعد عمي محمد على إيجاد:

- (1) بعد المنجل على جذع الشجرة.
- (2) الارتفاع الذي سقط منه المنجل.

ركز ، تمعن و لا تتسرع

بالتوفيق _____ أساتذة المادة _____ ي _____ ق

التصحيح النموذجي للاختبار الأول للثلاثي الأول

المؤشرات	حل التمارين	التنقيط
التمرين الأول : حساب PGCD	<p>1) للإجابة على السؤال يجب أولاً حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 243 و 162 $PGCD(243,162)=81$ $243=162 \times 1 + 81$ 0.25 $162=81 \times 2 + 0$ 0.25 العددان 243 و 162 ليس أوليان فيما بينهما لأن القاسم المشترك الأكبر بينهما لا يساوي الواحد 0.50</p> <p>2) اختزال الكسر $\frac{162}{243} = \frac{162 \div 81}{243 \div 81} = \frac{2}{3}$ 2x0.5 اختزال الكسر $\frac{162}{243}$ 0.25</p> <p>3) التحقق من المساواة $x^2 - 80x - 81 = 0$ نعوض المجهول بـ القاسم المشترك الأكبر وهو 81 $(81)^2 - 80 \times (81) - 81 = 6561 - 6480 - 81 = 0$ 0.5</p>	<p>01</p> <p>03</p> <p>1 ن</p> <p>1 ن</p>
التمرين الثاني : حساب على الجذور	<p>4) كتابة العبارة A على شكل $a\sqrt{b}$: $A = 3\sqrt{50} - 5\sqrt{8} - \sqrt{18}$ $A = 3\sqrt{25 \times 2} - 5\sqrt{4 \times 2} - \sqrt{9 \times 2}$ 0.25 $A = 3\sqrt{25} \times \sqrt{2} - 5\sqrt{4} \times \sqrt{2} - \sqrt{9} \times \sqrt{2}$ $A = 3 \times 5\sqrt{2} - 5 \times 2\sqrt{2} - 3\sqrt{2}$ 0.25 $A = 15\sqrt{2} - 10\sqrt{2} - 3\sqrt{2}$ 0.25 $A = \sqrt{2}(15 - 10 - 3)$ 0.25 $A = 2\sqrt{3}$ 0.25</p> <p>تبسيط العدد B : $B = (1 + \sqrt{2})^2$ $B = (1)^2 + (\sqrt{2})^2 + 2(1 \times \sqrt{2})$ 0.25 $B = 1 + 2 + 2\sqrt{2}$ 0.25 $B = 3 + 2\sqrt{2}$ 0.50</p> <p>5) حساب العدد C : $C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \div \frac{5}{4}$ 0.25 $C = \frac{3}{2} + \frac{4}{2}$ 0.25 $C = \frac{3}{2} + \frac{5}{2} \times \frac{4}{5}$ 0.25 $C = \frac{7}{2}$ 0.50</p> <p>تنطيق مقام النسبة $\frac{A}{B}$: $\frac{A}{B} = \frac{2\sqrt{2}}{3 + 2\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}(3 - 2\sqrt{2})}{(3 + 2\sqrt{2})(3 - 2\sqrt{2})} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{(3)^2 - (2\sqrt{2})^2} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{9 - 8}$ $\frac{A}{B} = \frac{6\sqrt{2} - 8}{1} = 6\sqrt{2} - 8$ 4x0.25</p>	<p>01</p> <p>04</p> <p>01</p> <p>01</p> <p>01</p> <p>01</p>
حل معادلة من الشكل $x^2 = b$	<p>3) حل المعادلات: $\tan 45 + \cos 90 = x^2$ 0.25 $1 + 0 = x^2$ 0.25 $x^2 = 1$ 0.25 $x = \sqrt{1} = 1$ 0.25 $x = -\sqrt{1} = -1$ 0.25 المعادلة حلان هما 1 و -1</p> <p>..... 0.25 $-2x^2 = 4$ 0.25 $x^2 = \frac{4}{-2}$ 0.25 $x^2 = -2$ 0.25 ليس للمعادلة حل 0.25 2x0.25</p> <p>..... 0.25 $\frac{4}{9}x^2 = 0$ 0.25 $x^2 = 0$ 0.25 المعادلة لها حل وحيد وهو 0 0.25</p>	<p>01</p> <p>02</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p>

التصحيح النموذجي للإختبار الأول للثلاثي الأول

<p>01</p> <p>03</p> <p>01</p> <p>01</p>	<p>01</p>	<p>1) رسم الشكل بدقة</p> <p>(2) حساب الطول OE :</p> <p>حساب الزاوية \widehat{BAC} :</p> <p>في المثلث القائم BAC : $\tan \hat{A} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{BC}{CA} = \frac{4}{10} = 0.4$ 2×0.25</p> <p>$\widehat{BAC} = 22^\circ$ 0.50</p> <p>في المثلث القائم EOA : $\sin \hat{A} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{OE}{AE}$ بالتعويض $\sin 22^\circ = \frac{OE}{6}$ 2×0.25</p> <p>و منه $OE = \sin 22^\circ \times 6$ إذن $OE = 2.2\text{cm}$</p> <p>الطول OE هو 2.2cm 0.50</p>	<p>التمرين الثالث</p> <p>رسم شكل بالأبعاد الحقيقية.</p> <p>حساب زاوية بتطبيق النسب المثلثية</p> <p>حساب طول بتطبيق النسب المثلثية</p>
<p>02</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>01</p> <p>02</p> <p>2x0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>01</p> <p>01</p>	<p>01</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>01</p> <p>02</p> <p>2x0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>0.5</p> <p>02</p> <p>01</p> <p>01</p>	<p>الجزء الثاني:</p> <p>الوضعية الإدماجية: (08 نقاط)</p> <p>حساب الارتفاع AC :</p> <p>في المثلث القائم ACB : $\tan \hat{B} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{AC}{CB}$ بالتعويض $\tan 74^\circ = \frac{AC}{6}$</p> <p>و منه $AC = 6 \times \tan 74^\circ$ إذن $AC = 20.92$ و بالتدوير إلى الوحدة 21m</p> <p>الارتفاع AC هو 21m</p> <p>حساب طول النخلة AB :</p> <p>في نفس المثلث القائم : $\cos \hat{B} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{CB}{AB}$ بالتعويض $\cos 74^\circ = \frac{6}{AB}$</p> <p>و منه $AB = \frac{6}{\cos 74^\circ}$ إذن $AB = 21.76$ و بالتدوير إلى الوحدة 22m</p> <p>طول النخلة هو 22 m</p> <p>الجزء الثاني :</p> <p>حساب بعد المنجل على جذع الشجرة:</p> <p>حساب الطول BD :</p> <p>$BD = \frac{44}{3} \text{ m}$ و منه $BD = \frac{2}{3} \times 22$ و $BD = \frac{2}{3} AB$</p> <p>الطول $BD = 14.67$ و بالتدوير إلى الوحدة 15 m</p> <p>بما أن المستقيمان (AC) و (DE) عموديان على نفس المستقيم (BC) فإنهما متوازيان (حسب خواص مستقيمان و قاطع لهما)</p> <p>حسب نظرية طالس نجد : $\frac{BE}{BC} = \frac{BD}{BA} = \frac{ED}{AC}$</p> <p>بالتعويض $\frac{BE}{22} = \frac{15}{22} = \frac{ED}{21}$ و منه $BE = \frac{6 \times 15}{22}$ إذن $BE = 4.09$</p> <p>بالتدوير إلى الوحدة $BE = 4\text{m}$ بعد المنجل على جذع النخلة 4 m</p> <p>حساب الارتفاع الذي سقط منه المنجل :</p> <p>من النسب السابقة $ED = \frac{21 \times 15}{22}$ إذن $ED = 14.31$ و بالتدوير إلى الوحدة 14 m</p> <p>الارتفاع الذي سقط منه المنجل هو 14 m</p>	<p>تطبيق النسب المثلثية</p> <p>استخراج طول من نسبة معطاة</p> <p>برهان التوازي بخواص</p> <p>تطبيق نظرية طالس في حساب طول أو طولين</p>

الجزء الأول (12 ن)

التمرين الأول:

(3 نقاط)

$$A = \frac{\frac{61}{4} + \frac{7}{10} \times \frac{1}{2}}{\frac{13}{4}} \quad \text{عدد ناطق يكتب بالشكل :}$$

$$1- \text{بين أن : } A - \frac{1248}{260} = 0$$

$$2- \text{أوجد PGCD للعددين 1248 و 260 .}$$

$$3- \text{أكتب العدد } A \text{ على شكل كسر غير قابل للاختزال .}$$

(3 نقاط)

التمرين الثاني:

x ؛ y أعداد حقيقية حيث :

$$y = 2\sqrt{80} + \sqrt{20} - 7\sqrt{5} \quad ; \quad 3x^2 - 6 = 42$$

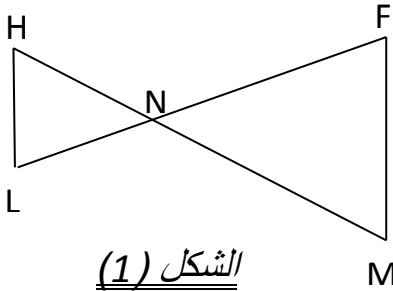
$$1- \text{حل المعادلة ذات المجهول } x$$

$$2- \text{أكتب العبارة } y \text{ على الشكل } a\sqrt{b} \text{ حيث } a \text{ و } b \text{ عددان طبيعيين و } b \text{ أصغر عدد ممكن .}$$

$$3- \text{أكتب العبارة } \frac{1-\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} \text{ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .}$$

(3 نقاط)

التمرين الثالث:



الشكل (1)

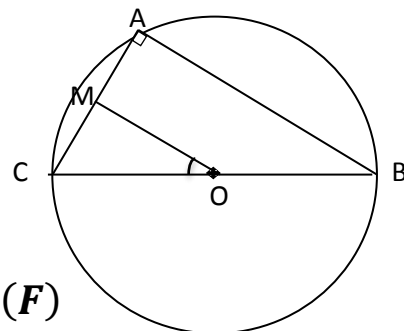
في الشكل (1) الأطوال بـ cm حيث $(MF) \parallel (LH)$

$$NH = 15 \quad ; \quad NF = 4 \quad ; \quad NL = 3 \quad ; \quad LH = 24$$

- أحسب الطولين NM و MF .

(3 نقاط)

التمرين الرابع:



(F)

لاحظ الشكل المقابل جيداً حيث (F) دائرة مركزها O و قطرها BC

و $(AB) \parallel (MO)$ حيث : $AB = 4 \text{ cm}$ و $AC = 3 \text{ cm}$

$$1- \text{بين أن } BC = 5 \text{ cm}$$

$$2- \text{ما نوع المثلث OMC ؟ علل ؟}$$

$$3- \text{أحسب قياس الزاوية } \widehat{MOC} \text{ بالتدوير إلى الوحدة وإستنتج قياس}$$

الزاوية \widehat{ABC} دون حساب.إذا علمت أن $CM = 1.5 \text{ cm}$

ملاحظة : الرسم مرسوم بأقياس غير حقيقية

(8 نقاط)

$ABCD$ مستودع على شكل شبه منحرف قائم يريد مالكة تقسيمه إلى متجر و مخزن كما هو مبين في الشكل (3).
نضع $DF = x$ ونسمي S_1 مساحة المستطيل $ABMF$ (المتجر) و S_2 مساحة شبه المنحرف القائم $FDCM$ (المخزن).

الحالة الأولى: نأخذ $x = 1m$

1- أحسب المساحتين S_1 و S_2 واستنتج أن: $S_1 = 2S_2$.

الحالة الثانية: نأخذ $0 < x < 9$

1- عبر عن المساحتين S_1 و S_2 بدلالة x .

2- أوجد قيمة x التي من أجلها $S_2 = S_1 + 8$.

الحالة الثالثة: نأخذ $x = 3,5 m$

1- أحسب بالسنتيمتر طول و عرض المتجر: AB و AF .

2- من أجل تبليط المتجر يريد صاحبه اختيار بلاطات مربعة الشكل ومتجانسة وبأكبر

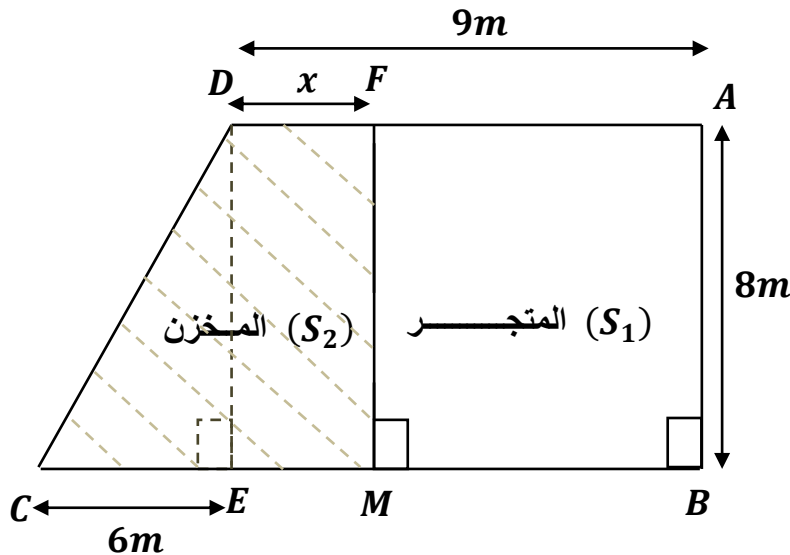
ضلع ممكن طوله a .

أ- أحسب الطول a المناسب للشروط السابقة مقدرا بالسنتيمتر.

ب- أحسب العدد الإجمالي للبلاطات اللازمة لتغطية أرضية المتجر.

ج- ماهر ثمن البلاط إذا كان سعر البلاطة الواحدة منه هو $420 DA$.

تذكير: مساحة شبه منحرف ارتفاعه h قاعدته الكبرى x وقاعدته الصغرى y هي: $S = \frac{h \times (x+y)}{2}$.



شكل (3)

الآختبار الأول للفصل الأولالآتمرين الأول:

- لدينا حيث : $A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{24}$
- أحسب ثم أعط الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال
- لدينا B حيث : $B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$
- أكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$
- لدينا $C = (5 + \sqrt{3})^2$
- أكتب C من الشكل $m + n\sqrt{3}$
- أنشر ثم بسط D حيث : $D = (2x + 3)(7x - 4)$
- أحسب قيمة D من أجل $x = -1$

الآتمرين الثاني:

- إذا علمت أن : $\sin \alpha = \frac{7}{11}$ و $\tan \alpha = \frac{7}{9}$
- أحسب \cos (دون حساب القيس)
- تحقق أن : $\sin^2 = 1 - \cos^2$

الآتمرين الثالث:

- ABC مثلث حيث : $AB = 5cm$ ، $AC = 6cm$ و $BC = 9cm$
- نقطة من $[BC]$ حيث : $CE = 3cm$
- المستقيم المار من و الموازي للمستقيم (AB) يقطع المستقيم (AC) في النقطة
- أنجز الشكل
- أحسب : و FC
- نقطة من $[BC]$ حيث : $BI = 3cm$ و D نقطة من $[AC]$ حيث : $AD = 2cm$
- بين أن : $\frac{BC}{AD} = \frac{AC}{AD}$
- استنتج أن : (ID) (AB)

الوضعية الاحماجية:

"يجب إعطاء كل القيم المطلوب حسابها في هذه المسألة مدورة إلى الوحدة"

- يعد الدوري الاسباني لكرة القدم من بين أفضل و أقوى الدوريات في العالم، حيث يتوفر على فرق قوية و خاصة فريق ريال مدريد و برشلونة اللذان يضمان أفضل لاعبين في العالم حاليا و هما البرتغالي رونالدو و الأرجنتيني ميسي

- سجل ميسي منذ انضمامه إلى البرصا 243 هدفا ، فيما سجل رونالدو منذ انضمامه إلى الريال 162 هدفا ، نريد فرضا تقسيم عدد أهداف اللاعبين على أكبر عدد ممكن من المباريات بحيث يكون عدد الأهداف متماثلا في كل مباراة من حيث عدد أهداف كل من ميسي و رونالدو

(1) ماهو عدد هذه المباريات؟

(2) ماهو عدد أهداف ميسي في كل مباراة ؟ ماهو عدد أهداف رونالدو في كل مباراة ؟

- في إحدى مباريات الريال سدد رونالدو كرة قوية من الموضع A (لاحظ الشكل) شكل مسار الكرة مع الأرض زاوية قياسها $\hat{BAC} = 25^\circ$ ، اصطدمت هذه التسديدة بأعلى القائم، باعتبار أن مسار الكرة مستقيم و علو القائم هو $BC = 24dm$

(1) أحسب البعد بعد رونالدو عن القائم

(2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم؟

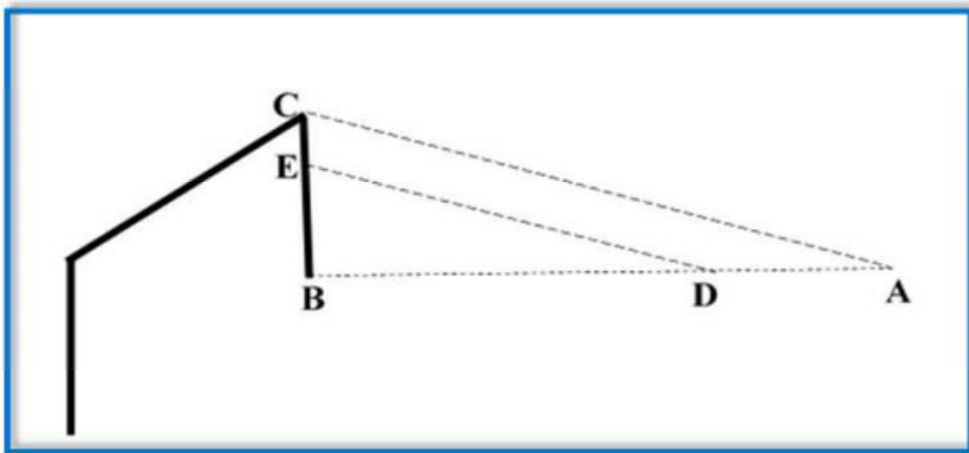
- وكذلك في إحدى مباريات البارصا سدد ميسي كرة قوية من الموضع d (لاحظ الشكل) اصطدمت هذه

التسديدة في القائم بعلو ثلاثة أرباع $\frac{3}{4}$ القائم ، و يبعد ميسي عن القائم بمسافة $BD = 40dm$

(1) أحسب قياس الزاوية التي يشكلها مسار الكرة مع الأرض \hat{EDB}

(2) أحسب المسافة التي قطعتها الكرة خلال هذه التسديدة حتى اصطدامها بالقائم؟

(3) أثبت أن مسار كرة رونالدو (AC) يوازي مسار كرة ميسي (DE)



بالتوفيق للجميع

اختبار الفصل الأول في الرياضيات

التمرين الأول: (03 نقاط)

(1) أوجد $\text{PGCD}(945 ; 1215)$ ثم أكتب $\frac{945}{1215}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

(2) A و B عدنان حقيقيان حيث :

$$A = \sqrt{80} + 2\sqrt{45} - 3\sqrt{20} \quad ; \quad B = (\sqrt{5} - 3)(3\sqrt{5} + 5)$$

- بين أن : $A^2 - B^2 = 0$

(3) أكتب K على شكل نسبة مقامها ناطق حيث : $k = \frac{\sqrt{2} - 3}{4\sqrt{2}}$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن F عبارة جبرية حيث : $F = (2x - 5)^2 - (x + 4)(2x - 5)$

(1) أنشر وبسط العبارة F .

(2) حلل العبارة F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى

(3) أحسب قيمة F من أجل $x = -\sqrt{3}$.

التمرين الثالث: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل : $AH = 6 \text{ cm}$

(1) احسب AB ؛ CH .

(2) قيس زاوية حادة حيث :

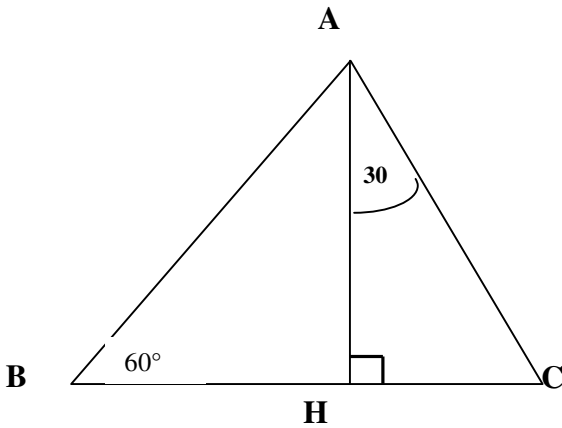
$$\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

أحسب : \sin

(3) إليك العبارة p حيث : $P = 2\cos^2 a + 2\sin^2 a - 1$

بين أن : $p = 1$

إقلب الورقة



التمرين الرابع: (03 نقاط)

لاحظ الشكل المقابل: حيث $(EF) \parallel (BC)$

$$AB = 6.5 \text{ cm} \quad ; \quad AE = 3.9 \text{ cm}$$

$$AC = 5 \text{ cm} \quad ; \quad EF = 4.8 \text{ cm}$$

(1) أحسب AF ، BC

(2) أوجد قيمة حتى يكو (MD) و (EF) متوازيان

$$AM = 2.6 \text{ cm} \quad ; \quad = 2 \text{ cm}$$

المسألة: (08 نقاط)

من أجل شحن شاحنة بالحجارة من محجر، قمنا باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه.

حيث: طول البساط المتحرك: $CD = 11,70 \text{ m}$

طول الأرضية: $CA = 10,80 \text{ m}$

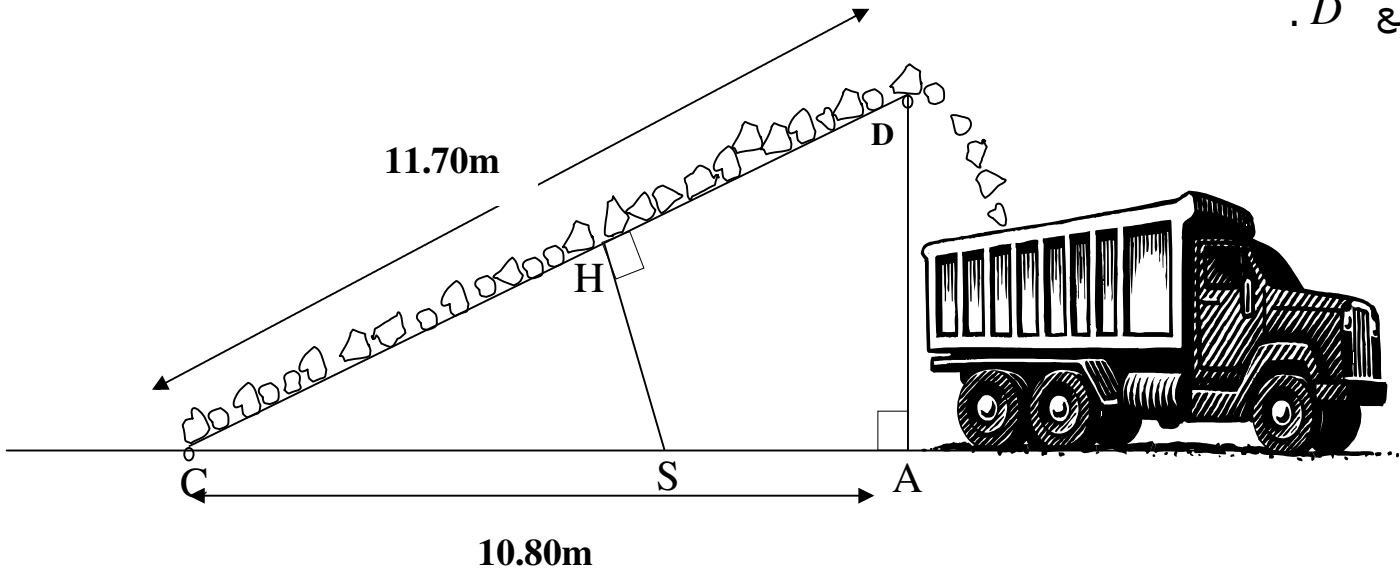
. (CA) و (DA) متعامدان.

(1) أحسب ارتفاع قمة البساط عن سطح الأرض.

(2) أحسب قياس الزاوية التي يصنعها البساط مع المستوى الأفقي (الأرضية) بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة

ب. من أجل تماسك جهاز البساط قمنا بتثبيته بواسطة عمود $[HS]$ طوله $2,50 \text{ m}$ حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة S ومثبت عموديا على البساط في النقطة (أنظر الشكل).
أحسب المسافة CS .

(3) علما أن سرعة البساط $1,5 \text{ m/s}$. أحسب الزمن اللازم بالثانية لانتقال حجرة من الوضع C إلى الوضع D .



ق بالتوفيق

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 ن)

(1) اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 2380 و 1785.

(2) اكتب $\frac{2380}{1785}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.(3) ليكن العدد A حيث $A = \frac{11}{3} + \frac{2380}{1785} \times \frac{5}{2}$.

« بيّن أن A عدد طبيعي.

التمرين الثاني: (03 ن)

(1) اكتب العبارة F على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد ناطق:

$$F = \sqrt{45} - 2\sqrt{20} + \sqrt{500} - 3\sqrt{80}$$

(2) اكتب العبارة G على شكل نسبة مقامها عددا ناطقا: $G = \frac{7}{6\sqrt{5}}$.(3) بيّن أن الجداء $F \times G$ عدد ناطق.

التمرين الثالث: (03 ن)

(AD) و (BC) متقاطعان في O؛
(AB) و (CD) متوازيان.
AB=15 ؛ OA=12 ؛ OB=6 ؛ OC=4.

(1) اوجد الطولين OD و CD.

(2) R نقطة من [OA] بحيث AR=8؛

E نقطة من [BA] بحيث BE=5.

« برهن أن المستقيمين (BC) و (RE) متوازيان.

التمرين الرابع: (03 ن)

KLM مثلث قائم في K بحيث:
KL=4 cm و KM=3 cm.

(1) احسب $\tan \widehat{KLM}$.

« استنتج قياس الزاوية \widehat{KLM}
(بالدوير إلى الوحدة من الدرجة)

(2) احسب الطولين KH و LH.

الجزء الثاني: (08 نقاط)

مسألة:

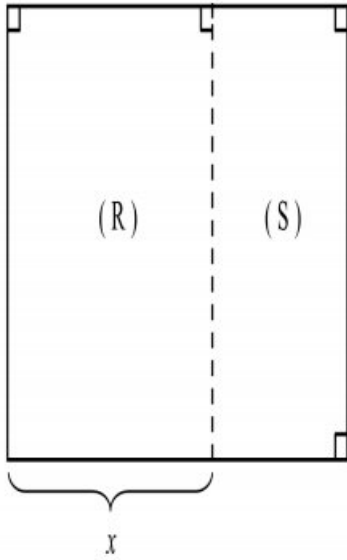
قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها $2400 m^2$ وعرضها يساوي ثلثي طولها.

أ) اوجد طول هذه القطعة وعرضها.

ب) المخطط المرفق يمثل حظيرة للسيارات والشاحنات ذات

الحجم الصغير، شكلها مستطيل طوله 60 m وعرضه 40 m؛

وهي مقسمة إلى جزئين.



(1) عبّر عن مساحتي الجزئين (R) و (S) بدلالة x.

(2) خصص الجزء (R) كله لتوقف 80 سيارة.

« اوجد x علماً أن المساحة المخصصة لسيارة واحدة هي $18 m^2$.

(3) خصص الجزء (S) كله لتوقف الشاحنات.

« اوجد عدد الشاحنات التي يُمكن توقيفها في الجزء (S)

علماً أن المساحة المخصصة لشاحنة واحدة هي $30 m^2$.

☆ الإجابة النموذجية وسلام التقييط ☆

الجزء الأول: (12 نقطة)

معايير الموضوع	عناصر الإجابة	معايير التقييم
03	<p>(1) حساب PGCD(1785; 2380): نستعمل إحدى خوارزميتي إقليدس؛</p> <p>(2) كتابة $\frac{2380}{1785}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال:</p> <p>(3) تبين أن A عدد طبيعي:</p> $A = \frac{11}{3} + \frac{2380}{1785} \times \frac{5}{2} = \frac{11}{3} + \frac{4}{3} \times \frac{5}{2} = 7$ <p>A = 7 ؛ إذن A عدد طبيعي.</p>	<p>1,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>
03	<p>(1) كتابة العبارة F على الشكل $a\sqrt{5}$:</p> $F = \sqrt{45} - 2\sqrt{20} + \sqrt{500} - 3\sqrt{80}$ $= 3\sqrt{5} - 2 \times 2\sqrt{5} + 10\sqrt{5} - 3 \times 4\sqrt{5}$ $= (3 - 4 + 10 - 12)\sqrt{5}$ <p>F = -3\sqrt{5}</p> <p>(2) جعل مقام النسبة G عددا ناطقا:</p> $G = \frac{7}{6\sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{5}}{6\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{7\sqrt{5}}{30}$ <p>(3) تبين أن الجداء F×G عدد ناطق:</p> $F \times G = -3\sqrt{5} \times \frac{7\sqrt{5}}{30} = -\frac{3 \times 7}{2} = -\frac{21}{2}$ <p>الجداء F×G عدد ناطق.</p>	<p>01</p> <p>01</p> <p>01</p>

(1) إيجاد الطولين OD و CD:
(AD) و (BC) متقاطعان في O بحيث (CD) // (AB)؛

$$\frac{OD}{OA} = \frac{OC}{OB} = \frac{CD}{BA}$$

$$OD = \frac{OA \times OC}{OB} \text{ ينتج } \frac{OD}{OA} = \frac{OC}{OB}$$

$$OD = 8 \text{ ومنه } OD = \frac{12 \times 4}{6}$$

$$CD = \frac{BA \times OC}{OB} \text{ ينتج } \frac{OC}{OB} = \frac{CD}{BA}$$

$$CD = 10 \text{ ومنه } CD = \frac{15 \times 4}{6}$$

(2) لنبرهن أن (RE) // (BC):

R ∈ (AO) و E ∈ (AB) متقاطعان بحيث
النقط A ، E ، B مرتبة بنفس ترتيب النقط A ، R ، O.

لنقارن النسبتين $\frac{AO}{AR}$ و $\frac{AB}{AE}$

$$\frac{AO}{AR} = \frac{12}{8} = 1,5 \text{ و } \frac{AB}{AE} = \frac{15}{15-5} = 1,5$$

$$\frac{AO}{AR} = \frac{AB}{AE}$$

شرطا المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس مُحققان؛
إذن (RE) // (BO)

لكن C ∈ (BO) نستنتج أن (RE) // (BC)

(1) حساب $\tan \hat{KLM}$:

$$\tan \hat{KLM} = \frac{KM}{KL} \text{ لدينا في K ، المثلث KLM القائم في K ،}$$

$$\tan \hat{KLM} = \frac{3}{4} = 0,75$$

استنتاج قياس الزاوية \hat{KLM} :

باستعمال الحاسبة وبالتدوير إلى الوحدة من الدرجة نجد:

$$\hat{KLM} \approx 37^\circ$$

(2) حساب الطولين KH و LH:

في المثلث KLM القائم في H ،

$$\cos \hat{KLH} = \frac{LH}{KL} \text{ و } \sin \hat{KLH} = \frac{KH}{KL} \text{ لدينا}$$

$$LH = KL \times \cos \hat{KLH} \text{ و } KH = KL \times \sin \hat{KLH} \text{ ومنه}$$

$$KH = 4 \times \sin \hat{KLH} = 4 \times 0,6 = 2,4 \text{ cm}$$

$$LH = 4 \times \cos \hat{KLH} = 4 \times 0,8 = 3,2 \text{ cm}$$

الجزء الثاني: (08 نقاط)

مسألة:

إقتراح حل:

أ) حساب بعدي القطعة:

ليكن x طول القطعة، y عرضها و S مساحتها؛

$$\text{إذن } y = \frac{2}{3}x \text{ و } S = yx$$

$$S = 2400 \text{ ومنه } yx = 2400$$

$$\text{ومنه } \left(\frac{2}{3}x\right)x = 2400$$

$$\text{ومنه } \frac{2}{3}x^2 = 2400$$

$$\text{ومنه } x^2 = \frac{3}{2} \times 2400$$

$$\left. \begin{array}{l} x = -60 \text{ مرفوض} \\ \text{أو} \\ x = +60 \text{ مقبول} \end{array} \right\} \text{ ومنه } \left. \begin{array}{l} \text{لأن الطول دائما موجب} \end{array} \right\}$$

$$\text{ومنه } x = 60$$

$$y = \frac{2}{3}x$$

$$= \frac{2}{3} \times 60$$

$$y = 40$$

بعدا القطعة هما $40m$ و $60m$

ب) التعبير عن مساحتي الجزئين (R) و (S) بدلالة x :

ليكن R و S مساحتي الجزئين (R) و (S) على الترتيب؛

$$\text{إذن } S = 2400 - R$$

$$R = 40x \text{ و } S = 2400 - 40x$$

ب2) إيجاد x :

$$R = 18 \times 80 = 1440 m^2$$

$$R = 1440 \text{ ومنه } 40x = 1440 \text{ ومنه } x = 36m$$

ب3) إيجاد عدد الشاحنات التي يُمكن توقفها في الجزء (S):

$$S = 2400 - 1440 = 960 m^2$$

$$S \div 30 = 32$$

عدد الشاحنات التي يُمكن توقفها في الجزء (S) هو 32 شاحنة.

شبكة التفوييم والتصحيح:

المؤشرات	المؤشرات	المؤشرات	المؤشرات
03	01,5	تربيض الوضعية وتركيب العلاقتين.	1م
03	01,5	حل معادلة ذات مجهول واحد من الدرجة الثانية. حساب بعدي القطعة صحيح.	2م
02	01	التعبير عن مساحتي الجزئين R و S بدلالة x .	1م
02	01	الخوارزميات المختارة صحيحة.	2م
01	0,5	تربيض الوضعية وكتابة معادلة ذات مجهول x .	1م
01	0,5	حل المعادلة صحيح.	2م
01	0,5	ترجمة الوضعية لتحديد عدد الشاحنات.	1م
01	0,5	الحسابات لتحديد عدد الشاحنات صحيحة.	2م
01	0,5	إنسجام النتائج عبر مراحل الحل. وحدات القياس معطاة بشكل مناسب. الأجوبة مصاغة بوضوح.	3م
01	0,5	الكتابة مقروءة. لا يوجد شطط. التصريح بالأجوبة.	4م

1م : التفسير السليم للوضعية ؛ 2م : الإستعمال السليم للأدوات الرياضية ؛ 3م : إنسجام النتائج ؛ 4م : تقديم الورقة

المدة: ساعتان

اختبار الثلاثي الاول في

المستوى: 4 متوسط

التمرين الأول: (03 ن):

- ① هل العددين 580 و 928 أوليان فيما بينهما ؟ برر جوابك دون حساب .
- ② أوجد $\gcd(928; 580)$ موضحا الطريقة المستعملة .
- ③ أكتب الكسر $\frac{928}{580}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني: (03 ن):

A و $B = \sqrt{18} - \sqrt{20}$ ، $A = \sqrt{98} - \sqrt{8}$ عدنان حقيقيان حيث :

- ① بسط كلا من العددين A و B .
- ② أحسب الجداء $A \times B$.
- ③ أكتب النسبة $\frac{3\sqrt{2} - 2\sqrt{5}}{5\sqrt{2}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

التمرين الثالث (03 ن):

نشئ المثلث ABC القائم في C حيث : $AC = 5cm$ و $BC = 4$

① أحسب الطول AB .

نقطة من القطعة $[AC]$ حيث : $AN = 1,6$. أرسم المستقيم (d) الذي يشمل N ويوازي (BC) ويقطع (AB) في M .

② أحسب كلا من الطولين : AM و BM .

التمرين الرابع (03 ن):

RST مثلث قائم في S حيث : $RS = 6$ و $\tan \hat{RST} = \frac{\sqrt{5}}{2}$

- ① أوجد قياس الزاوية \hat{RST} بالتدوير إلى الدرجة .
- ② أحسب القيمة المضبوطة لكل من ST و $\sin \hat{STR}$.

المسألة (8 نقاط) :

I

الشكل المقابل يمثل قطعتي أرض مهيأتين للبناء .

القطعة $ABCD$ مربعة الشكل ، اشتراها أحمد بسعر 4.000.000 حيث يبلغ سعر المتر المربع 10.000 .

و اشترى عبد القادر القطعة المثلثية الشكل بسعر 12.000 للمتر المربع الواحد .

① أحسب مساحة القطعة المربعة الشكل .

② أوجد طول الضلع [] .

③ أحسب مساحة القطعة التي اشتراها عبد القادر.

④ ماهو المبلغ الذي دفعه عبد القادر .

II

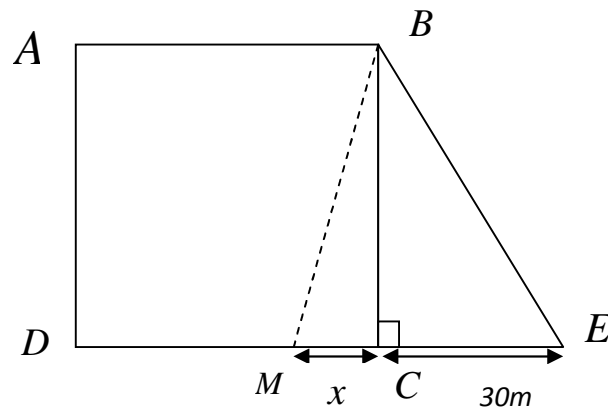
عجز أحمد عن دفع المبلغ المستحق لشراء القطعة المربعة لذلك تنازل عن الجزء

نضع $CM = x$

① عبر بدلالة عن المساحة S_1 للرباعي $ABMD$

② عبر بدلالة عن المساحة S_2 المثلث .

③ أوجد قيمة بحيث : $S_1 = S_2$



الرابعة متوسط			
التصحيح النموذجي لاختبار الفصل الأول في الرياضيات			
السنة الدراسية: 2014/2013			
النقطة الكاملة	التنقيط الجزئي	التصحيح النموذجي	التمارين
3	0,25+0,25 1,5 1	التبرير : ليس أوليان لان لهما على الأقل قاسم مشترك هو 2 $PGCD(928;580) = 116$ + الطريقة اختزال الكسر: $\frac{928}{580} = \frac{928 \div 116}{580 \div 116} = \frac{8}{5}$	التمرين 1
3	0,5 0,5 1 1	$A = 7\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 5\sqrt{2}$ $B = 3\sqrt{2} - 2\sqrt{5}$ $A \times B = 5\sqrt{2}(3\sqrt{2} - 2\sqrt{5}) = 30 - 10\sqrt{10}$ $\frac{3\sqrt{2} - 2\sqrt{5}}{2\sqrt{5}} = \frac{(3\sqrt{2} - 2\sqrt{5})\sqrt{2}}{5\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{6 - 2\sqrt{10}}{10} = \frac{3 - \sqrt{10}}{5}$	التمرين 2
3	0,5 1 0,75 0,75	1- إنشاء الرسم 2 - حساب AB نظرية فيثاغورث : $AB = 3cm$ 3- حساب نظرية طالس حساب نظرية طالس = 1,2	التمرين 3
3	0,5 0,5 1 1	حساب $\hat{RST} \approx 48^\circ$ باستعمال الحاسبة نجد : حساب : $RT = \tan \hat{S} \times 6 = 3\sqrt{5}$ حساب ST باستعمال نظرية فيثاغورث : $ST = 9cm$ حساب $\sin \hat{T} = \frac{RS}{9} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$	التمرين 4
8		1- حساب مساحة القطعة : $A_1 = 4000000 \div 10000 = 400m^2$ 2- حساب طول الضلع : $DC = \sqrt{400} = 20$ أي $DC^2 = 400$ 3- حساب مساحة القطعة : $A_2 = \frac{CE \times DC}{2} = \frac{20 \times 30}{2} = 300m^2$ 4 - حساب ثمن القطعة : $12000 \times 300 = 3600000$ 5- التعبير بدلالة عن المساحة S_1 : $S_1 = 400 - \frac{20x}{2} = 400 - 10x$ التعبير بدلالة عن المساحة S_2 : $S_2 = \frac{(30+x) \times 20}{2} = 300 + 10x$ حساب قيمة : $400 - 10x = 300 + 10x$ أي $x = 5$	المسألة

شبكة التقويم و التصحيح

الأسئلة	المؤشرات	المعايير	النقطة
1	<ul style="list-style-type: none"> - إيجاد مساحة القطعة الأولى - التعبير عن مبلغ القطعة الأولى - التعبير عن المبلغ الذي دفعه عبد القادر للمساحة 2 - التعبير عن مساحة القطعة الثانية - التعبير بدلالة S_1 عن المساحة - التعبير بدلالة S_2 عن المساحة - إيجاد 	<p>الترجمة السليمة للوضعية</p> <p>م 1</p>	3
2	<ul style="list-style-type: none"> - حساب مساحة القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة - حساب طول القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة - حساب مبلغ القطعة الأولى صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة - حساب مساحة القطعة الثانية صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة - كتابة S_1 بدلالة S_2 وإن كانت الخوارزمية خاطئة - كتابة S_2 بدلالة S_1 وإن كانت الخوارزمية خاطئة - حساب صحيح وإذا كانت الخوارزمية خاطئة 	<p>استعمال سليم للادوات</p> <p>م 2</p>	2
3	<ul style="list-style-type: none"> - تقدير الأطوال محترم - وحدات القياس معطاة - خطوات الحل محترمة 	<p>انسجام النتائج</p> <p>م 3</p>	2
4	<ul style="list-style-type: none"> - الكتابة مقروءة - لا يوجد تشطيب - معقولية النتائج 	<p>تقديم الورقة</p> <p>م 4</p>	1

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)**التمرين الأول: (3 نقاط)**

y, x عدنان طبيعيان حيث: $667x = 493y$

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667

(2) استنتج الكسر $\frac{x}{y}$ ثم أكتبه على شكل كسر غير قابل للإختزال

التمرين الثاني: (3 نقاط)

A, B عدنان حقيقيان حيث :

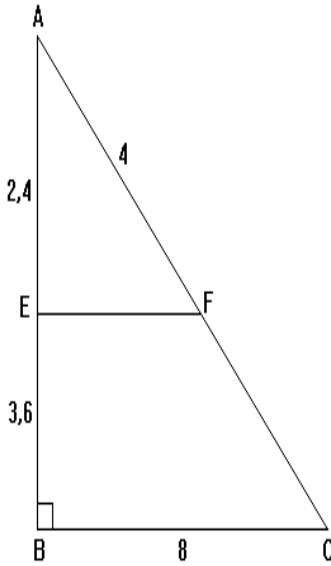
$$A = \sqrt{5} + \sqrt{18} - \sqrt{8}$$

$$B = \sqrt{45} - \sqrt{20} - \sqrt{2}$$

(1) - أكتب كلا من A, B على أبسط شكل ممكن.

(2) - بين أن الجداء $A \times B$ عدد طبيعي .

(3) - اجعل مقام النسبة $C = \frac{1+\sqrt{5}}{3\sqrt{5}}$ عدد ناطق .

**التمرين الثالث: (03 نقاط)**

في الشكل المقابل المثلث ABC قائم في B (وحدة الطول هي cm)

$AE = 2,4$ و $EB = 3,6$ و $AF = 4$ و $BC = 8$

(1) - بين أن $AC = 10$

(2) - بين أن $(EF) \parallel (BC)$

(3) - أحسب EF

التمرين الرابع: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث : $AB = 4.5\text{cm}$ و $\cos \hat{B} = \frac{3}{5}$

(1) أحسب كلا من: $BC, AC, \sin \hat{B}, \tan \hat{C}$

(2) استنتج قيس الزاوية \hat{B} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .

الجزء الثاني: (07+1 نقاط)

المسألة:

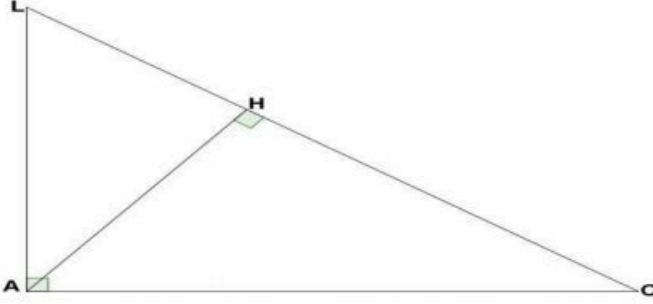
الجزء الأول:

LAC مثلث قائم في A حيث : $LA = 9 \text{ cm}$ ، $AC = 12 \text{ cm}$ ، $LC = 15 \text{ cm}$

و [AH] هو الارتفاع المتعلق بالضلع [LC]

1 - أحسب A مساحة المثلث LAC.

2- بيّن أن $AH = 7,2 \text{ cm}$.



الجزء الثاني:

M نقطة من الضلع [LC] بحيث : $LM = x$ و $(0 < x < 15)$.

1 - عبّر عن الطول MC بدلالة x

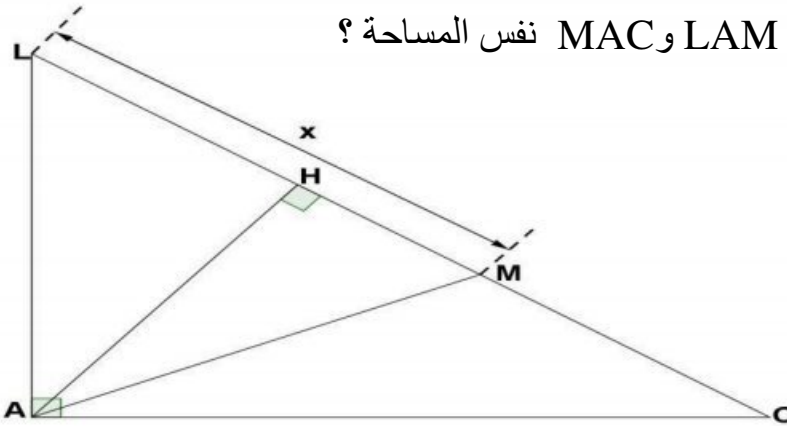
2 - نعتبر القطعة [AH] ارتفاعا مشتركا للمثلثين LAM و MAC بحيث : $AH = 7,2 \text{ cm}$

أ - بيّن أن مساحة المثلث LAM هي $A_1 = 3,6x \text{ cm}^2$

ب - بيّن أن مساحة المثلث MAC هي $A_2 = 54 - 3,6x \text{ cm}^2$

ج - أوجد قيمة x التي تجعل للمثلثين LAM و MAC نفس المساحة ؟

وماهي قيمة المساحة عندئذ ؟



أساتذة المادة

بالتوفيق

انتهى

«إختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات»

التمرين الأول: (3ن)

1. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 مع كتابة مراحل الحساب

2. أكتب $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال

3. أحسب P حيث $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$

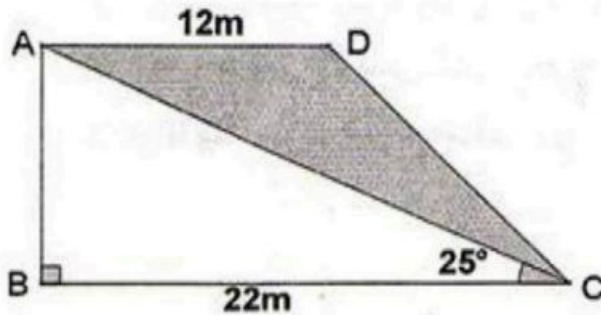
التمرين الثاني: (3ن)

$$B = (\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 2) \text{ و } A = 5\sqrt{12} + \sqrt{3} - 3\sqrt{27}$$

1. أكتب العبارة A على الشكل $a\sqrt{3}$.

2. أنشرثم بسط العبارة B .

3. اجعل مقام النسبة $\frac{B}{A}$ عدد ناطقا.



التمرين الثالث: (4ن)

الشكل ABCD شبه منحرف قائم في B فيه $\angle ACB = 25^\circ$

1. أحسب AB بالتدوير الى الوحدة؟

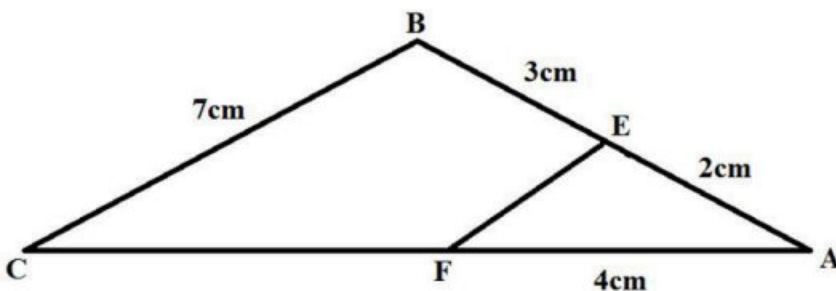
2. أحسب مساحة الشبه المنحرف ABCD و المثلث ABC

ثم أستنتج مساحة الجزء المظلل؟

(القاعدة الصغرى + القاعدة الكبرى) \times الارتفاع

2

تعطي : مساحة الشبه المنحرف =



التمرين الرابع: (3ن)

في الشكل المقابل $(EF) \parallel (BC)$

• أحسب EF و FC ؟

❖ الجزء الأول:

من أجل شحن شاحنة بالحجارة . قمنا باستخدام بساط متحرك كما هو مبين في الشكل أدناه

حيث : طول البساط المتحرك : $CD = 11.7m$

وطول الارضية: $CA = 10.8m$

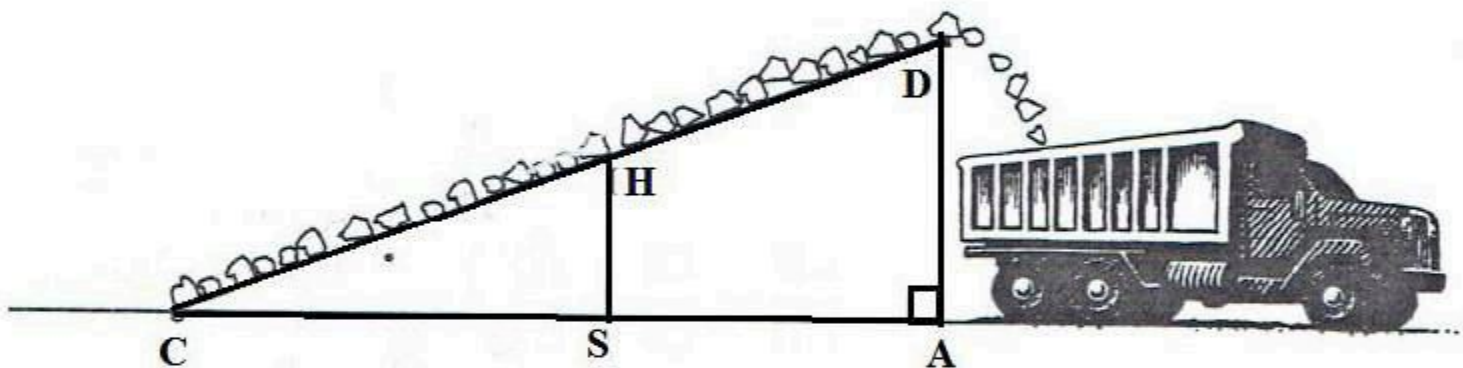
(CA) و (DA) متعامدان

1. أحسب DA إرتفاع قمة البساط عن سطح الأرض؟
2. أحسب $\cos \hat{DCA}$ ثم إستنتج قياس الزاوية التي يصنعها البساط مع الوضع الأفقي (الأرضية) بالتدوير الى الوحدة؟

❖ الجزء الثاني:

من أجل تماسك جهاز البساط قمنا بتثبيتته بواسطة عمود $[HS]$ حيث أن العمود مثبت على الأرض في النقطة S و ثبت على البساط في النقطة H (أنظر الشكل). علما أن $CH = 6.3m$ و $CS = 58m$

1. بين أن المستقيمين $(DA) // (HS)$ ؟
2. أحسب طول العمود HS ؟
- إذا علمت أن سرعة البساط هي $1.5m / s$
3. أحسب الزمن اللازم بالثانية لانتقال حجرة من الوضع C الى الوضع D ؟



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

متوسطة حواش عبد القادر
التاريخ: 2016/12/06

مديرية التربية لولاية تيارت
المستوى: الرابعة المتوسط

المدة: ساعتان

اختبار الاول في مادة: الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)

التمرين الأول: (03 نقطة)

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 468 و 637 ، ثم اختزل الكسر $\frac{637}{468}$.

(2) بسط كلا من E و F حيث : $E = \sqrt{637} + 3\sqrt{468} - 8\sqrt{117}$ و $F = (3\sqrt{2} + 4)(3\sqrt{2} - 4)$.

(3) اجعل مقام النسبة $\frac{\sqrt{13}+2}{\sqrt{13}}$ عددا ناطقا .

التمرين الثاني: (03 نقاط)

لتكن العبارة الجبرية N حيث : $N = (2x - 3)^2 + (4x - 5)(x + 3)$

(1) أنشر ثم بسط العبارة الجبرية N .

(2) أحسب العبارة N من أجل $x = \frac{1}{3}$ و $x = \sqrt{2}$.

(3) حل المعادلة $N = 26 - 5x$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث $AB = 2\sqrt{5}cm$ و $\sin \hat{A}CB = \frac{\sqrt{5}}{5}$.

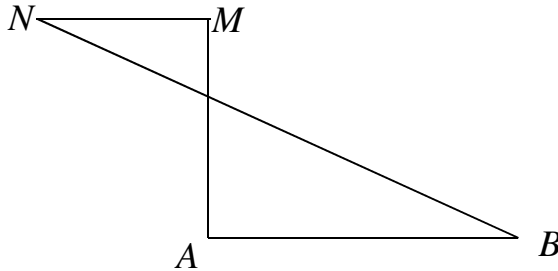
(1) أحسب الطولين AC ، BC .

(2) احسب مساحة المثلث ABC .

التمرين الرابع: (03 نقاط)

الشكل المقابل غير مرسوم بالأبعاد الحقيقية حيث : $AB = 5cm$; $BC = 13cm$; $CM = 2,4cm$

$AC = 12cm$; $CN = 2,6cm$



(1) بين أن المستقيمان (AB) و (MN) متوازيان .

(2) بين أن: $\hat{CAB} = 90^\circ$

(3) احسب طول MN

الجزء الثاني: (08 نقاط)

المسألة :

الشكل المقابل يمثل رسم تخطيطي لقطعة أرض مهيأة لبناء مكتبة بمتوسطة كارمان الجديدة حيث:

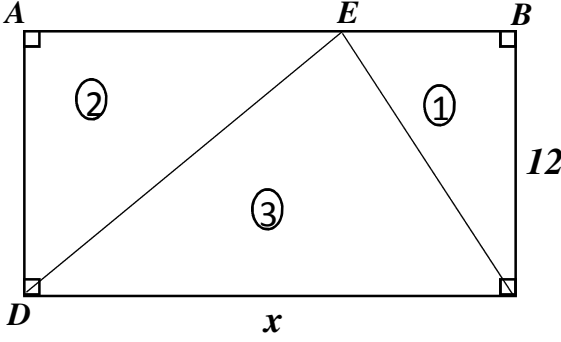
القطعة $ABCD$ مستطيلة الشكل بعدها $BC = 12\text{ m}$ و $DC = x\text{ m}$

وهي مقسمة كما يلي:

الجزء 1 : EBC قاعة لوضع الكتب .

الجزء 2 : AED قاعة اعلام الي.

الجزء 3 : EDC قاعة مطالعة.



الجزء الأولي :

(1) أحسب الطول EC ، ثم بسطه.

(2) أحسب S_1 مساحة المثلث القائم EBC .

(3) احسب $\sin \angle ECB$ ، ثم استنتج قيس الزاوية $\angle ECB$ بالمدور الى الوحدة من الدرجة .

الجزء الثاني :

(1) عبر بدلالة x عن S_2 مساحة المثلث ADE .

(2) عبر بدلالة x عن S_3 مساحة المثلث EDC .

(3) عبر بدلالة x عن S مساحة المكتبة بطريقتين مختلفتين.

(4) أوجد قيمة x حتى تكون S_2 مساحة قاعة الاعلام الاالي تساوي ثلث S مساحة المكتبة.

belhocine : <https://prof27math.weebly.com/>

$$x = \sqrt{4} = 2 \text{ أو } x = \sqrt{4} = 2$$

للمعادلة حلين متعاكسين هما : -2 و 2

المسألة: (08 نقاط)

الجزء الأولي:

(1) حساب الطول EC ، ثم تبسيطه

بما أن : المثلث EBC قائم في B

فإن: $EC^2 = EB^2 + BC^2$ (حسب نظرية فيثاغورث)

$$EC^2 = 4^2 + 12^2$$

$$EC = \sqrt{160} = 4\sqrt{10} \text{ معناه: } EC^2 = 160$$

$$EC = -\sqrt{160} = -4\sqrt{10} \text{ (حل مرفوض)}$$

$$EC = 4\sqrt{10} \text{ إذن:}$$

(2) حسب S_1 مساحة المثلث القائم EBC .

$$S_1 = \frac{EB \times BC}{2} = \frac{4 \times 12}{2} = \frac{48}{2} = 24$$

$$S_1 = 24 \text{ cm}^2$$

(3) حساب $\sin \hat{ECB}$

بما أن : المثلث EBC قائم في B

$$\sin \hat{ECB} = \frac{EB}{EC} = \frac{4}{4\sqrt{10}} = \frac{1}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

$$\sin \hat{ECB} = \frac{\sqrt{10}}{10} \text{ إذن:}$$

استنتاج قيس الزاوية \hat{ECB}

$$\sin \hat{ECB} = \frac{\sqrt{10}}{10} \text{ لدينا:}$$

$$10 \sqrt{\quad} \div 10 = \sin 18,4$$

$$\hat{ECB} = 18^\circ \text{ إذن:}$$

الجزء الثاني:

(1) أعبر بدلالة x عن S_2 مساحة المثلث ADE .

$$S_2 = \frac{12 \times (x - 4)}{2} = 6(x - 4) = 6x - 24$$

$$S_2 = (6x - 24) \text{ cm}^2$$

(2) أعبر بدلالة x عن S_3 مساحة المثلث EDC .

$$S_3 = \frac{DC \times BC}{2} = \frac{x \times 12}{2} = 6x$$

$$S_3 = 6x \text{ cm}^2$$

(3) عبر بدلالة x عن S مساحة المكنبة بطريقتين مختلفتين.

$$S = DC \times BC = x \times 12 = 12x \text{ الطريقة الأولى:}$$

$$S = 12x \text{ cm}^2$$

الطريقة الثانية:

$$S = S_1 + S_2 + S_3$$

$$S = 24 + 6x - 24 + 6x$$

$$S = 12x \text{ cm}^2$$

(4) أوجد قيمة x حتى تكون S_2 مساحة قاعة الاعلام الالي تساوي ثلث S مساحة المكنبة.

$$6x - 24 = \frac{1}{3} \times 12x \text{ معناه: } S_2 = \frac{1}{3} S$$

$$6x - 24 = 4x \text{ ومنه:}$$

$$6x - 4x = 24 \text{ ومنه:}$$

$$2x = 24 \text{ ومنه:}$$

$$x = 12 \text{ cm} \text{ أي:}$$

تنظيم الورقة:

- مقروئية الكتابة
- النتائج في إطار
- احترام الوحدات
- الورقة بدون تشطيب

<https://prof27math.weebly.com/>

التمرين الأول: (03 نقاط)

1. احسب العدد $E = \frac{5}{3} - \frac{2}{3} \div \frac{10}{7}$ ثم اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال

2. حل المعادلة: $2x^2 - 18 = 0$

3. اكتب العدد A على شكل نسبة مقامها عدد ناطق حيث: $A = \frac{(2\sqrt{3}-2)}{4\sqrt{2}}$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

B , C , D أعداد حقيقية حيث: $D = -5\sqrt{27} + 7\sqrt{12} + 10\sqrt{3}$; $B = \sqrt{6\sqrt{121} + 15}$

$C = (5\sqrt{7} + 2)(\sqrt{7} - 2) + 8\sqrt{7}$

1. بين أن B و C عددان طبيعيين يطلب تعيينهما

2. أكتب العدد D من الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد طبيعي

التمرين الثالث: (03 نقاط)

ABCD مستطيل طوله AB=6cm و عرضه AD=3.5cm.

عين النقطة M من [BC] حيث: BM=2.5cm .

1. احسب الطول AM

المستقيم (AM) يقطع (CD) في النقطة N.

2. احسب الطول AN ؟

التمرين الرابع: (03 نقاط)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية.

ABCD رباعي قطراه متقاطعان في النقطة O

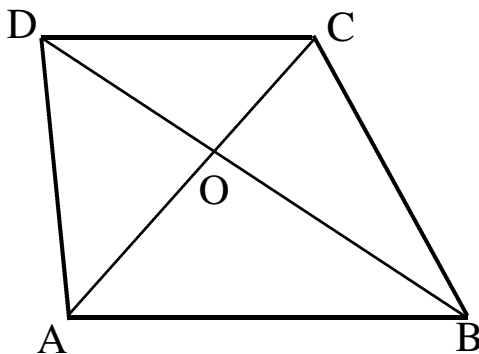
حيث: OA=12cm , OB=16cm

OC=4.5cm , OD=6cm

1. برهن أن المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان.

2. إذا علمت أن AB=20cm :

-بين أن المثلث ABO قائم في O.



الجزء الثاني: (8 نقاط)المسألة:أولاً:

أراد مروان التعرف على ارتفاع العمارة التي يسكنها. فابتعد مسافة 27m عن العمارة ونظر إلى أعلاها بزاوية α (قيس زاوية حادة) طول قامة مروان هي $\sqrt{3} m$ كما هو مبين في الشكل (1).

1. إذا علمت أن: $\sin \alpha = \frac{1}{2}$.

- أحسب القيم المضبوطة لكل من $\cos \alpha$ ثم $\tan \alpha$. (استعمل العلاقات بين النسب المثلثية)
- 2. استنتج القيمة المضبوطة لارتفاع العمارة EC.
- 3. احسب قيس الزاوية α بالتدوير إلى الوحدة .

□

(

ثانياً:

أراد سكان العمارة غرس أشجار على محيط أرضيتها حيث توجد شجرة في كل ركن والمسافة الفاصلة بين الأشجار المتجاورة متساوية وأكبر ما يمكن.

إذا علمت أن الأرضية شكلها مستطيل طوله 144 m و عرضه 99 m (كما هو مبين في الشكل (2))

1. أحسب المسافة الفاصلة بين شجرتين متجاورتين؟
2. أحسب عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول محيط الأرضية؟

التمرين الاول: (2ن)

1- اوجد القاسم المشترك الاكبر للعديدين 1215 , 945

2- اعط الكسر غير القابل للاختزال للكسر: $\frac{945}{1215}$ التمرين الثاني: (4ن)

$$A = (2 - \sqrt{3})^2$$

$$E = \sqrt{27} - \sqrt{12} + 2\sqrt{48}$$

$$F = \frac{5}{2\sqrt{3}}$$

1- بسط العدد A حيث :

2- اكتب العبارة E على الشكل $a\sqrt{3}$ حيث :

3- اجعل مقام النسبة التالية عدد ناطق :

4- اعط القيمة المقربة بالنقصان الى 10^{-2} للعبارة G حيث :

$$G = (1 - 4\sqrt{3}) + (9\sqrt{3}) + \frac{5\sqrt{3}}{6}$$

التمرين الثالث: (3ن)

ABC مثلث بحيث AB=7.2cm و AC=9cm

D نقطة من [AB] بحيث : AD=2.4cm

E نقطة من [AC] بحيث : AE=3cm

1- انشئ الشكل

2- بين ان المستقيمين (BC) و (DE) متوازيان

التمرين الرابع: (3ن)

ABC مثلث قائم في A حيث AB=3cm و AC=5cm

1- انشئ الشكل ثم حدد الطول AC

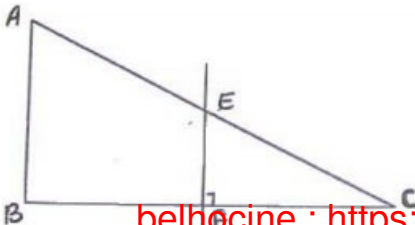
2- E نقطة من [AB] حيث AE=1cm ، المستقيم الذي يشمل E و يعامد (AB) يقطع (BC) في

النقطة M . اوجد الطول BM ثم احسب $\cos \widehat{ABC}$ و استنتج قيس الزاوية \widehat{EBM} مدور الى الوحدة من الدرجةمسألة: (8ن)

في الشكل المقابل الاطوال غير حقيقية حيث AB=12cm , BC=16cm , AC=20cm

F نقطة من [BC] و المستقيم الذي يشمل F و العمودي على (BC) يقطع (AC) في E

الجزء 1-



1- بين ان المثلث ABC قائم

2- احسب مساحة المثلث ABC

3- بين ان $(AB) \parallel (EF)$

الجزء 2: نفرض أن $FC=4\text{cm}$

1- بين أن $EF=3\text{cm}$

2- احسب مساحة المثلث EBC

الجزء 3: نضع $x = FC$ حيث $0 < x < 16$

1- احسب EF بدلالة x

2- بين أن مساحة المثلث EBC هي $6x$

3- ما هي قيمة x حتى تكون مساحة EBC تساوي مساحة المثلث BEA

تذكر مساحة المثلث $= \frac{a \times h}{2}$ حيث a = طول الضلع و h = الارتفاع المتعلق بالضلع

انتهى

التمرين الأول: (03 ن)1. أوجد $PGCD(1035; 322)$ 2. اكتب الكسر $\frac{1035}{322}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.3. احسب العدد P ثم أعط الكسر غير القابل حيث: $P = \frac{1035}{322} - \frac{5}{2} \times \frac{5}{7}$ التمرين الثاني: (03 ن)ليكن العددين الحقيقيان: $A = 2\sqrt{45} + 3\sqrt{20} - 10\sqrt{5}$ ، $B = \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$ 1. أكتب A على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عدنان طبيعيين و b أصغر عدد ممكن.

2. أجعل مقام النسبة B عددا ناطقا.

3. بين أن: $A \times B = 4$ التمرين الثالث: (03 ن)

(وحدة الطول هي السنتيمتر).

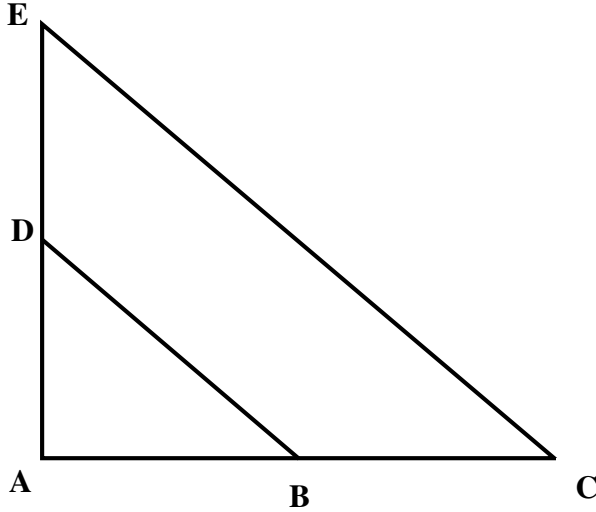
المثلث ACE قائم في A كما هو مبين في الشكل حيث:

 $AB = 3.2$ ، $AD = 6$ ، $CE = 10.2$ ، $AE = 9$

1. احسب AC.

2. بين أن: $(DB) \parallel (EC)$

3. احسب BD.

التمرين الرابع: (03 ن)(C) دائرة مركزها O و [AB] قطر لها حيث: $AB = 5\text{cm}$ ، N نقطة من الدائرة (C) بحيث: $BN = 3\text{cm}$.

1. ما نوع المثلث ABN؟ علل؟

2. أحسب: $\sin \hat{A}$ ثم استنتج الدور الى الوحدة من الدرجة للزاوية \hat{A} .3. احسب $\cos \hat{A}$. (باستعمال العلاقة $\cos^2 A + \sin^2 A = 1$)

المسألة: (08ن)

تمتلك تعاونية فلاحية قطعة أرض مستطيلة الشكل أبعادها 120m و 90m، قسمت الى ثلاثة أجزاء باقامة حواجز عليها كما هو مبين في الشكل أدناه:

القطعة-1-: لتخزين كل ما تأكله الحيوانات.

القطعة-2-: لتربية 285 رأس من البقر.

القطعة-3-: لتربية 798 رأس من الغنم.

الجزء الأول:

للاعتناء بهذه الحيوانات وزعت الى فئات متماثلة وكل فئة يعتني بها عامل واحد فقط.

1- ما هو أكبر عدد ممكن من العمال يمكنه القيام بهذه العملية.

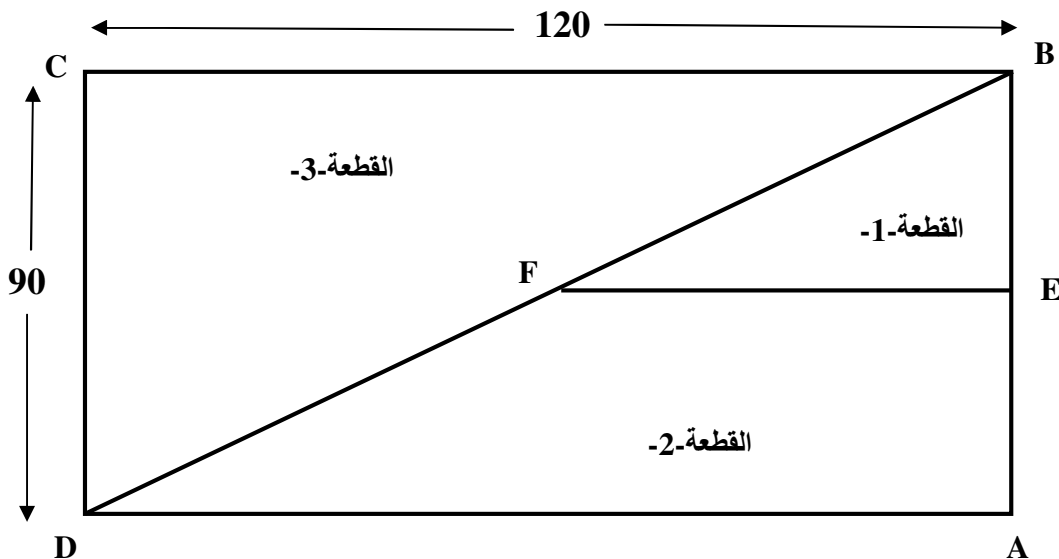
2- احسب عدد الأبقار والأغنام التي يعتني بها كل عامل.

الجزء الثاني:

1- بين أن: $DB = 150m$.

نضع $\frac{1}{3}$ و $=$

2- أوجد قيمة x حتى يكون المستقيمان (EF) و (AD) متوازيان.



تمنياتى لكم بالتوفيق

الاختبار الأول في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 نقطة)**التمرين الأول: (3 نقاط)**

y, x عدنان طبيعيان حيث: $667x = 493y$

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667

(2) استنتج الكسر $\frac{x}{y}$ ثم أكتبه على شكل كسر غير قابل للإختزال

التمرين الثاني: (3 نقاط)

A, B عدنان حقيقيان حيث :

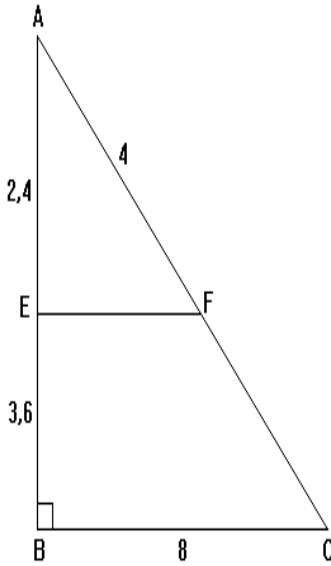
$$A = \sqrt{5} + \sqrt{18} - \sqrt{8}$$

$$B = \sqrt{45} - \sqrt{20} - \sqrt{2}$$

(1) - أكتب كلا من A, B على أبسط شكل ممكن.

(2) - بين أن الجداء $A \times B$ عدد طبيعي .

(3) - اجعل مقام النسبة $C = \frac{1+\sqrt{5}}{3\sqrt{5}}$ عدد ناطق .

**التمرين الثالث: (03 نقاط)**

في الشكل المقابل المثلث ABC قائم في B (وحدة الطول هي cm)

$AE = 2,4$ و $EB = 3,6$ و $AF = 4$ و $BC = 8$

(1) - بين أن $AC = 10$

(2) - بين أن $(EF) \parallel (BC)$

(3) - أحسب EF

التمرين الرابع: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث : $AB = 4.5\text{cm}$ و $\cos \hat{B} = \frac{3}{5}$

(1) أحسب كلا من: $BC, AC, \sin \hat{B}, \tan \hat{C}$

(2) استنتج قيس الزاوية \hat{B} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .

الجزء الثاني: (07+1 نقاط)

المسألة:

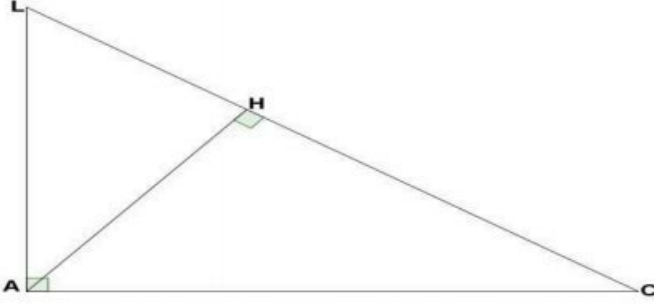
الجزء الأول:

LAC مثلث قائم في A حيث : $LA = 9 \text{ cm}$ ، $AC = 12 \text{ cm}$ ، $LC = 15 \text{ cm}$

و [AH] هو الارتفاع المتعلق بالضلع [LC]

1 - أحسب A مساحة المثلث LAC.

2- بيّن أن $AH = 7,2 \text{ cm}$.



الجزء الثاني:

M نقطة من الضلع [LC] بحيث : $LM = x$ و $(0 < x < 15)$.

1 - عبّر عن الطول MC بدلالة x

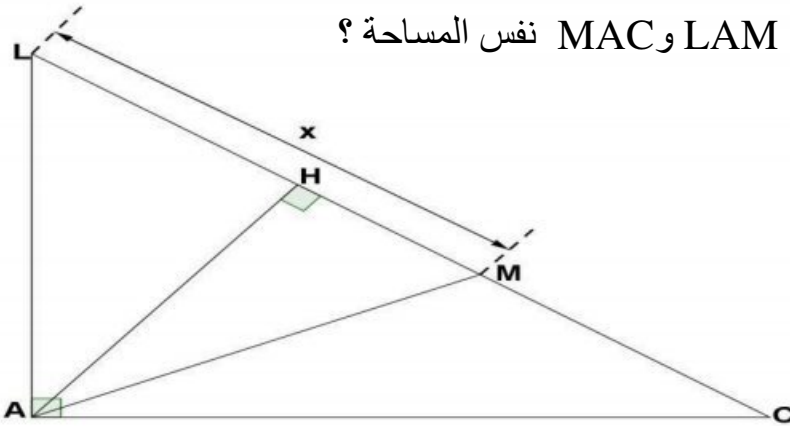
2 - نعتبر القطعة [AH] ارتفاعا مشتركا للمثلثين LAM و MAC بحيث : $AH = 7,2 \text{ cm}$

أ - بيّن أن مساحة المثلث LAM هي $A_1 = 3,6x \text{ cm}^2$

ب - بيّن أن مساحة المثلث MAC هي $A_2 = 54 - 3,6x \text{ cm}^2$

ج - أوجد قيمة x التي تجعل للمثلثين LAM و MAC نفس المساحة ؟

وماهي قيمة المساحة عندئذ ؟



أساتذة المادة

بالتوفيق

انتهى

التمرين الأول: (4 نقاط)

(1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 579 و 1351.

(2) اختزل الكسر $\frac{579}{1351}$.

(3) احسب العدد M حيث $M^2 - \frac{579}{1351} = \frac{172}{7}$

التمرين الثاني: (3 نقاط)

ليكن العدد الحقيقي A حيث: $A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$

(1) بين أن: $A = 4 + 2\sqrt{3}$.

(2) ليكن العدد الحقيقي B حيث: $B = 4 - 2\sqrt{3}$.

بين أن: $A \times B$ عدد طبيعي.

التمرين الثالث: (4 نقاط)

(1) تحقق بالنشر من أن: $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$.

(2) لتكن العبارة A حيث: $A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2)$

- حلّل A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

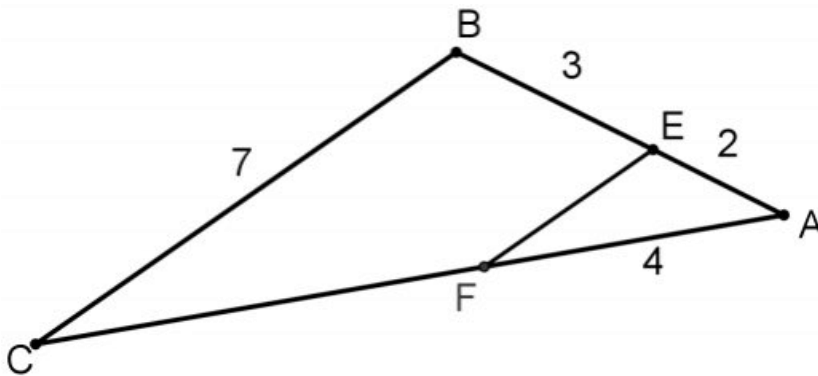
(3) احسب A من أجل $x = \frac{1}{2}$.

التمرين الرابع: (3 نقاط)

في الشكل المقابل $(EF) \parallel (BC)$.

احسب الطولين EF ، FC .

(وحدة الطول هي cm).



الوضعية الإدماجية: (6 نقاط)

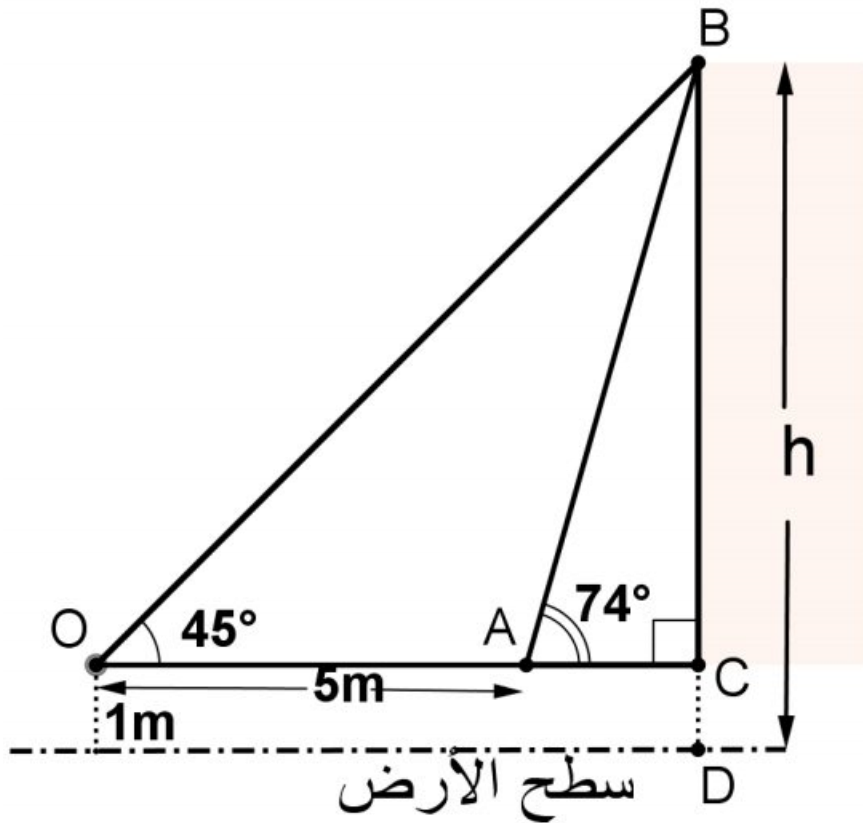
يريد بناء بناء جدار في طابق الثاني لمنزل طلب من مساعده رفع رمل باستعمال الدلو و حبل.
أثناء الرفع يكون مساعد في النقطة A ويكون الحبل بزاوية 74° عن مستوى الأرض، عندما يصل
الدلو منتصف يرجع مساعد إلى الخلف بـ 5m عند النقطة O فيصبح الحبل بزاوية 45° عن مستوى
الأرض كما يوضحه الشكل في الأسفل.

(1) احسب الطول BC .

(2) احسب الارتفاع h (ارتفاع الدلو عند وصوله الطابق الثاني).

(3) احسب الطول OB .

$$OC = OA + AC \text{ ، } \tan 45^\circ = \frac{BC}{OC} \text{ ، } \tan 74^\circ = \frac{BC}{AC} \text{ تعطى}$$



متوسطة آيت عمران محمد بشارت
إختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات 2016/2017

المستوى : 4 متوسط

المدة : ساعة

التمرين الأول : (3 نقاط)

(1) أوجد $PGCD(539; 396)$ ، و اختزل الكسر $\frac{539}{396}$.

(2) بين أن $\sqrt{\frac{77}{3}} \times \frac{7}{132} = \frac{7}{6}$.

التمرين الثاني : (3 نقاط)

E ، M و G أعداد حقيقية حيث :

$$G = \frac{5}{3\sqrt{2}-1} \quad , \quad M = (3\sqrt{2}-1)(3\sqrt{2}+1) \quad , \quad E = \sqrt{6} - 3\sqrt{24} + \sqrt{54}$$

1. أكتب العدد E على الشكل $a\sqrt{6}$

2. بين أن العدد M طبيعي .

3. إجعل مقام النسبة G عددا ناطقا .

التمرين الثالث : (3 نقاط)

ABC مثلث قائم في A . (AH) هو الارتفاع المتعلق بالضلع $[BC]$.

✓ برهن أن $AH \times BC = AB \times AC$.

(يمكنك استعمال $\sin \hat{B}$ في المثلث ABH و في المثلث ABC)

التمرين الرابع : (3 نقاط)

x عدد حقيقي .

لتكن العبارتان P و Q حيث :

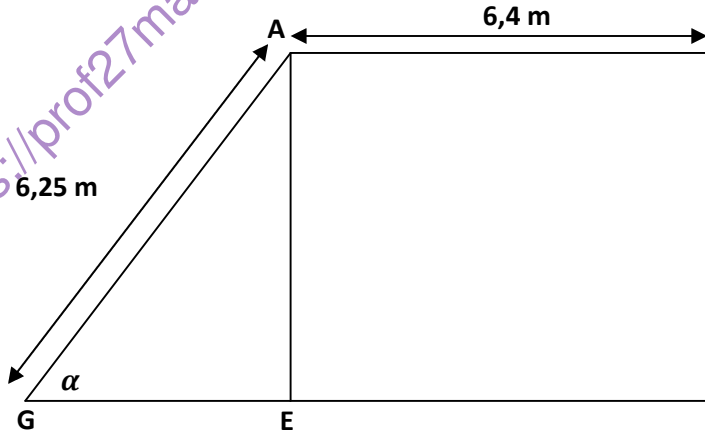
$$Q = 2(x+3)(x-1) \quad , \quad P = (3x-1)^2$$

1. أنشر و بسط كلا من P و Q .

2. أحسب من أجل $x = \frac{1}{3}$ ، و Q من أجل $x = 0$.

وضعية إدماجية : (8 نقاط)

وضع صاحب محل لغسيل السيارات سلما طوله $6,25\text{ m}$ من أجل الصعود للسطح كما هو موضح في الشكل المقابل ،



حيث أن $\sin \alpha = 0,8$.

الجزء 1 :

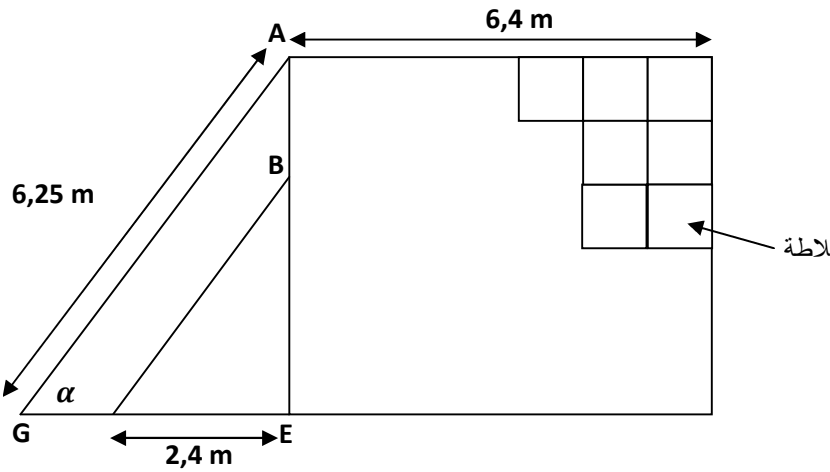
1. بين أن ارتفاع جدار المحل يساوي 5 m .
2. أحسب بُعد السلم عن الجدار (أي GE) .
3. أحسب قياس الزاوية التي يشكلها السلم مع سطح الأرض (α) .

الجزء 2 :

نضع $GE = 3,75\text{ m}$.

1. يستعمل صاحب المحل سلما آخر من أجل الصعود إلى الموضع B ، فوضعه على بُعد $2,4\text{ m}$ من الجدار وبشكل مواز للسلم الأول .

❖ أوجد طول السلم الثاني .



2. أراد هذا الشخص تزيين جدار المحل ببلاطات مربعة الشكل و متقايسة ، حيث أن مساحة كل بلاطة تساوي $0,64\text{ m}^2$.

• كم عدد البلاطات اللازمة لتغطية الجدار بأكمله .

بالتوفيق

الرياضيات كالنهر العظيم ، تبدأ بقطرة و تنتهي بفيض .

التمرين الأول: (4 نقط)

(1) إليك المساويتين التاليتين حيث:

$$\frac{\sqrt{32}}{2} = 2\sqrt{2}$$

$$10^5 + 10^{-5} = 10^0$$

- ✓ من أجل كل مساواة، حدّد إن كانت صحيحة أو خاطئة.
- ✓ إن كانت صحيحة، أكتب خطوات الحساب للحصول عليها.
- ✓ إن كانت خاطئة، صحح الخطأ.

(2) إليك العبارتين التاليتين حيث:

$$A = \sqrt{21^2 + 20^2}$$

$$B = \sqrt{63} - 2\sqrt{28} + \sqrt{700}$$

(أ) أكتب A على شكل عدد طبيعي.

(ب) بين أن: $B = 9\sqrt{7}$

التمرين الثاني: (2,5 نقط)

لتكن العبارة E بحيث: $E = \frac{364}{637} + \frac{9}{7} \times \frac{1}{3}$

(1) أحسب PGCD(637,364).

(2) اختزل الكسر $\frac{364}{637}$.

(3) احسب العبارة E.

التمرين الثالث: (3 نقط)

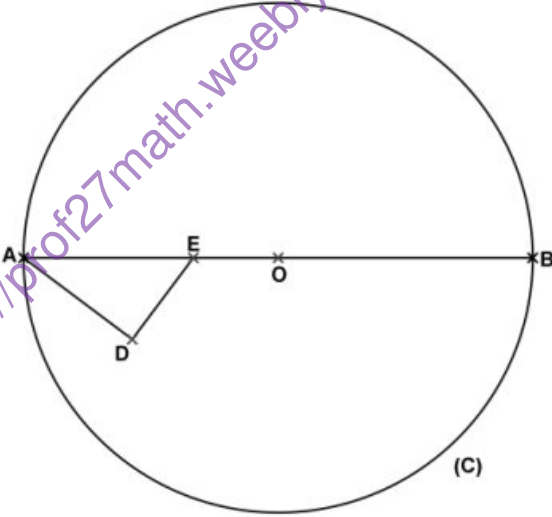
وحدة الطول هي cm.

طول ضلع المربع هو $\sqrt{3} + 3$.بعدا المستطيل هما $\sqrt{72} + 3\sqrt{6}$ و $\sqrt{2}$.
بين أن للشكلين نفس المساحة.

التمرين الرابع: (2,5 نقط)

إليك العلاقتين $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ و $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ (1) ليكن $\sin x = \frac{2}{5}$ و $\cos x = \frac{\sqrt{21}}{5}$ حيث x هو قيس زاوية حادة.احسب القيمة المضبوطة لـ $\tan x$.(2) بسّط العبارة $\cos x + \tan x \times \sin x$

- دائرة مركزها O ونصف قطرها 6cm.
- [AB] قطر للدائرة (C).
- E نقطة من [AO] بحيث: $AE = 4\text{cm}$.
- D نقطة بحيث: $AD = 3,2\text{cm}$ و $DE = 2,4\text{cm}$.



الفرع الأول:

- (1) أعد رسم الشكل بأطواله الحقيقية.
- (2)

- (أ) بيّن أنّ المثلث AED قائم في D.
- (ب) احسب $\sin \angle DAE$ ثم استنتج قياس الزاوية $\angle DAE$ بالتدوير إلى الدرجة.
- (ج) احسب مساحة المثلث AED.

الفرع الثاني:

- (1) المستقيم (AD) يقطع الدائرة (C) في النقطة F، عيّن النقطة F.
- (أ) بيّن أنّ المثلث AFB قائم في F.
- (ب) استنتج أنّ المستقيمين (ED) و (BF) متوازيان.
- (2)

- (أ) احسب كلا من الطولين AF، BF.
- (ب) تحقق بالحساب من أنّ مساحة المثلث AFB تساوي 9 مرات مساحة المثلث AED.
- (3) المستقيم (FO) يقطع الدائرة (C) في النقطة G.
- المستقيم FE يقطع المستقيم (AG) في النقطة H.
- (أ) عيّن النقطتين G، H.
- (ب) أكتب النسبة $\frac{AE}{AO}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.
- (ج) بيّن أنّ النقطة H هي منتصف القطعة [AG].

بالتمريناتي للجميع

<https://prof27math.weebly.com/>

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (03 نقاط)

1 - احسب: $3 - 3 \div \frac{9}{2}$

3 - أنشر ثم بسّط: $(2\sqrt{5} - 2)(2\sqrt{5} + 2)$

4 - أكتب C كتابة علمية حيث: $C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$

التمرين الأول: (03 نقاط)

1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 200 و 150 .

2) اختزل الكسر $\frac{150}{200}$

التمرين الثاني: (03 نقاط)

1) أكتب من الشكل $a\sqrt{b}$: $A = \sqrt{8} + \sqrt{50} - 2\sqrt{72}$

2) أكتب مقام النسبة X عدد ناطق حيث $X = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ ؟

3) احسب العدد Y بحيث $Y = \sqrt{15} + 5X$

التمرين الثالث: (03 نقاط)

ABC مثلث قائم في A حيث

AB=7 ، AC=5.25 ، (وحدة الطول هي السنتيمتر)

N نقطة من [AB] حيث AN=2.8

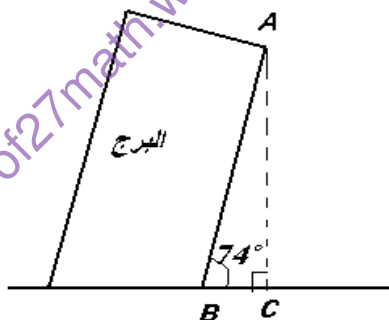
H نقطة من [AC] حيث AH=2.1

1- أثبت أن (NH) // (BC)

2 - احسب BC

الوضعية الإدماجية (08 نقاط)

يقع برج بيزا المائل في إيطاليا ، وهو من عجائب الدنيا السبع وقد شرع في بنائه عام 1173 م وبعد فترة وجيزة بدأ في الميلان بسبب رخاوة التربة تحته ، وقد استمر بناؤه مدة 174 سنة ، وفي الوقت الحالي تم تثبيت البرج بتقنيات حديثة ولم يعد معرضا للانهدام.. وهو قبلة للسياح.



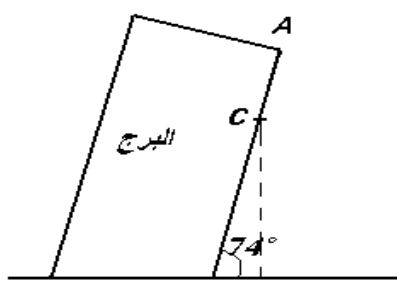
يميل هذا البرج مشكلا زاوية مع سطح الأرض تقدر ب 74° ، عندما تقع عليه أشعة الشمس العمودية يكون طول ظل البرج على الأرض $BC = 15m$.

- 1 - أحسب ارتفاع النقطة A عن سطح الأرض بالتدوير إلى الوحدة.
- 2 - أحسب المسافة AB بالتدوير إلى الوحدة.

الجزء الثاني: نعتبر في هذا الجزء أن $AB = 54m$

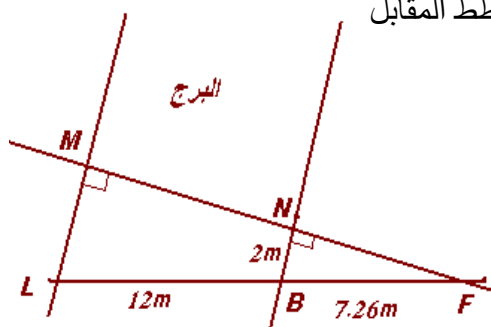
صعد سائح بآلة تصويره إلى مسافة ثلثي ($\frac{2}{3}$) طول البرج أي إلى غاية النقطة C ، وفي غفلة منه وهو ينظر من أحد نوافذ البرج ، سقطت آله على الأرض عند النقطة D .

- 1- بيّن أن نقطة السقوط D تبعد ب $10m$ بالتدوير إلى الوحدة عن مدخل البرج B .
- 2 - ما هو الارتفاع الذي سقطت منه آلة التصوير؟



الجزء الثالث: يريد أحد المهندسين أن يقيس طول قطر البرج، فقام برسم المخطط المقابل بالاستعانة بأرض الواقع.

- 1 - بيّن أن $NF \approx 7m$ وذلك بالتدوير إلى المتر .
- 2 - أحسب قطر البرج MN بالتدوير إلى السنتيمتر.



بالتوفيق

<https://prof27math.weebly.com/>

<https://prof27math.weebly.com/>

التمرين الأول : (نقط)

- (1) أثبت أن العددين 154020 و 103380 ليسا أوليان فيما بينهما.
 (2) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 154020 و 103380.
 (3) بائع حلويات له 154020 قطعة حلوى حمراء و 103380 قطعة حلوى بيضاء ، يريد أن يضعها في علب متساوية حمراء و بيضاء. للحصول على أكبر ربح يجب أن يكون عدد العلب أكبر ما يمكن مع استعمال كل الحلوى المتوفرة لديه.
 أـ ما هو عدد العلب التي يملأها؟
 بـ ما هو عدد الحلوى الحمراء وعدد الحلوى البيضاء في كل علبة؟

التمرين الثاني : (نقط)

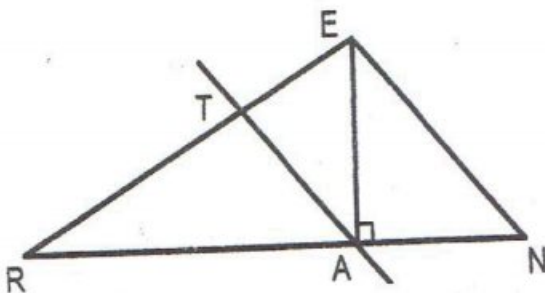
- نعتبر الأعداد التالية: $A = \frac{7}{18} \times \frac{2}{7} - (\frac{5}{3} - 1)^2$ ، $B = \frac{3 \times 10^2 \times 5 \times 10^4}{12 \times (10^3)^3}$
 (1) أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال.
 (2) أعط الكتابة العلمية للعدد B.
 (3) بسط كلا من العددين C و D.
 (4) اجعل مقام الكسر $\frac{C}{D}$ عددا ناطقا.

التمرين الثالث : (نقط)

- (1) أثبت أن: $(2x - 3)(3x + 1) = 6x^2 - 7x - 3$.
 (2) إليك العبارة F حيث: $F = (6x^2 - 7x - 3) - (2x - 3)^2$.
 أـ حلّ العبارة F إلى جداء عاملين.
 بـ أحسب F من أجل: $x = -3\sqrt{2}$.

التمرين الرابع : (نقط)

- الأبعاد في الشكل ليست حقيقية.
 في مثلث ERN ، نعطي EN = 9 cm ، RN = 10,6 cm و $\widehat{ENR} = 60^\circ$.
 الارتفاع المار من E يقطع الضلع [RN] في A ، الموازي للمستقيم (EN) والذي يمر من A يقطع الضلع [RE] في T.



- (1) أـ أثبت أن: AN = 4,5 cm.
 بـ أحسب الطول EA (بالتدوير إلى 0,1).
 (2) أـ أحسب الطول AR.
 بـ أحسب TA (بالتدوير إلى 0,1).
 جـ أحسب قياس الزاوية ERA (بالتدوير إلى الدرجة).

مسألة : (8 نقاط)

الشكل المعطى يمثل قطعة أرض بني عليها ورشة لمتوسطة، حيث قسمت إلى قاعتين. الأولى للأبحاث والثانية للعمل (كما هو موضح أسفله).
ABCE شبه منحرف قائم حيث: $AB = 9\text{ m}$ ، $BC = 8\text{ m}$ و $DE = 6\text{ m}$.
M نقطة من القطعة [AB].

الجزء الأول :

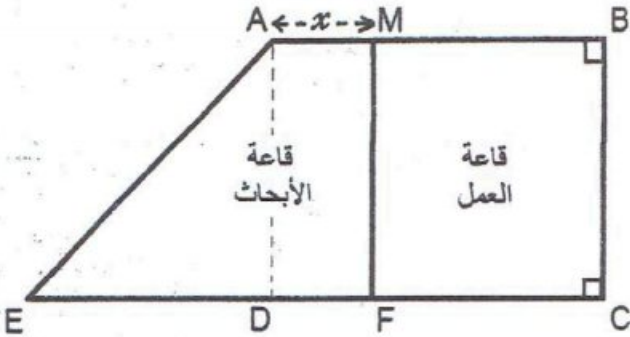
في هذا الجزء، نضع $AM = 2\text{ m}$.

- (1) أحسب S_1 مساحة قاعة العمل.
- (2) أحسب S_2 مساحة قاعة الأبحاث.
- (3) أحسب $\tan \widehat{AED}$. ثم استنتج القيمة المدورة إلى الدرجة لقيس الزاوية \widehat{AED} .

الجزء الثاني :

نضع الآن: $AM = x$.

- (1) عبّر الطول عن MB بدلالة x .
- (2) أحسب P_1 محيط الرباعي MBCF بدلالة x .
- (3) أحسب P_2 محيط شبه منحرف AMFE بدلالة x .
- (4) أوجد قيمة x حتى يتساوى محيطا القاعتين.



تذكير : مساحة شبه المنحرف هي نصف مجموع القاعدتين في الارتفاع.

الجزء الأول : (12 نقطة)

التمرين الأول : (2,5 نقاط)

1 - اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 325 و 1053

2 - اختزل النسبة $\frac{325}{1053}$

التمرين الثاني : (3 نقاط)

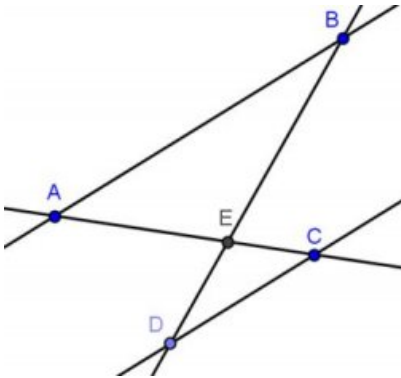
ليكن العددين A و B حيث : $A = 3\sqrt{48} - \sqrt{75} + 3\sqrt{3}$, $B = \sqrt{3}$

(1) اكتب A على شكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد طبيعي .

(2) بين أن $A \times B = 30$

(3) اكتب الكسر $\frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

التمرين الثالث : (3 نقاط)



إليك الشكل الموالي (الأطوال غير حقيقية) حيث:

، $EC = 9 \text{ cm}$ ، $EB = 30 \text{ cm}$ ، $EA = 20 \text{ cm}$

$DC = 18 \text{ cm}$ ، $ED = 13,5 \text{ m}$

(1) هل المستقيمان (AB) و (DC) متوازيان ؟ علّل

(2) احسب الطول AB

التمرين الرابع : (3,5 نقاط)

RST مثلث قائم في S حيث: $\sin \hat{SRT} = 0.6$ و $RT = 7,5 \text{ cm}$

(1) احسب الطول ST .

(2) أعط قيس الزاوية \hat{SRT} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .

الجزء الثاني : (8 نقاط)

المسألة: (تؤخذ النتائج في الجزء I بالتدوير إلى 0.01)

(I) أراد أحد المقاولين ترميم وطلاء عمارات احد الأحياء فلاحظ وجود تصدعات كثيرة في إحدى العمارات فقرر

أن يضع لها سندا خوفا من سقوطها لحين إخلاءها وترميمها (لاحظ الشكل أدناه)

1 - احسب الطول SA علما أن $SB=15m$.

2 - استنتج الطول SM .

3 - احسب $\tan \alpha$ ثم استنتج قيمة الزاوية α بالتدوير إلى الوحدة .

(II) عدد العمال الذين يقومون بهذا العمل هو 240 بناء و 84 دهان , يريد المقاول توزيع العمال على أكبر عدد ممكن

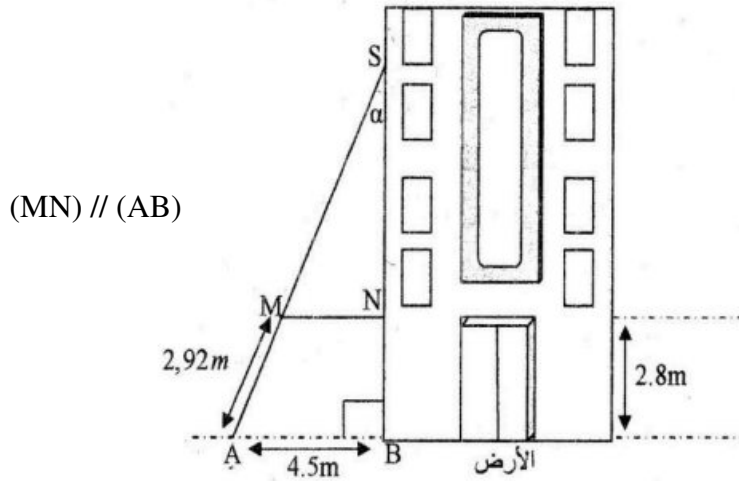
من العمارات بحيث يكون عدد العمال متماثلا في كل عمارة من حيث عدد عمال البناء وعمال الطلاء، وان لا يبقى عامل بدون عمل .

1 - ما هو عدد العمارات التي سترمم ؟

2 - ما هو عدد عمال البناء وعدد عمال الطلاء في كل عمارة ؟

3 - الأجرة اليومية للبناء 1000 DA والدهان 1200 DA و ثمن المواد المستعملة في كل عمارة 90000 DA .

- إذا علمت أن العمل أنجز في 10 أيام , احسب تكلفة ترميم العمارة الواحدة واكتب النتيجة كتابة علمية .



أسرة المادة تتمنى لكم التوفيق والنجاح

مديرية التربية لولاية :
أم البواقي
متوسطة : خليفي التهامي
عبد الرشيد - عين ميليلة -



4AM

وزارة التربية الوطنية
المستوى : السنة الرابعة
من التعليم المتوسط
التاريخ : 06 ديسمبر 2016



التوقيت : ساعتان



إختبار الثلاثي الأول في مادة : الرياضيات .

التمرين الأول : (2,5 ن)

1- أحسب : $PGCD (1505 ; 1806)$.

ثم أكتب العدد : A على شكل كسر غير قابل للإختزال حيث : $A = 2 \times \left(\frac{1505}{1806} \right)^2 - \frac{17}{12}$.

2- بين أن العدد : B عدد ناطق حيث : $B = (1 - \sqrt{2})^{2017} \times (1 + \sqrt{2})^{2017}$.

التمرين الثاني : (04 ن)

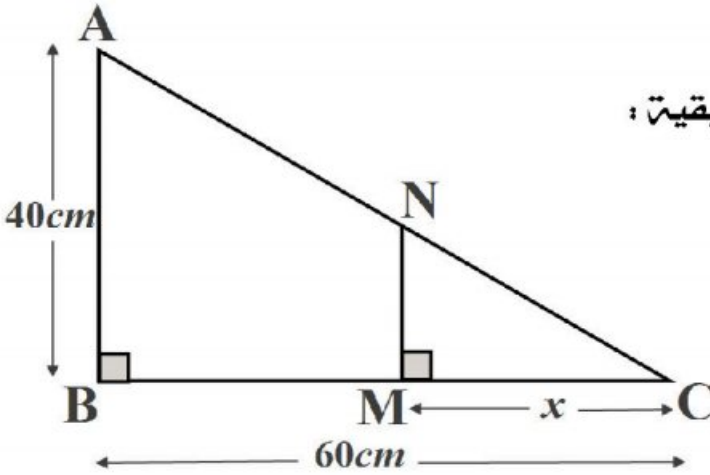
ليكن العددان : F و D حيث : $F = \sqrt{48} - 3\sqrt{12} + 4$.

$D = (1 + \sqrt{3})^2$.

1- بين أن : $F = 4 - 2\sqrt{3}$ ، $D = 4 + 2\sqrt{3}$.

2- بسط كل من العددين : \sqrt{D} ، $\frac{F - D}{F \times D}$.

3- إجعل مقام النسبة : $\frac{F}{\sqrt{3}}$ عددا ناطقا ، وأحسب قيمتها المقربة بالنقصان إلى : 10^{-3} .



التمرين الثالث : (03 ن)

الشكل المقابل غير مرسوم بالقياسات الحقيقية :

ABC مثلث قائم مساحته : 1200 cm^2 .

1- اشرح لماذا : $(MN) \parallel (AB)$.

ثم بين أن : $MN = \frac{2}{3}x$.

2- عبر عن مساحة المثلث MNC بدلالة : x .

3- حل المعادلة : $\frac{1}{3}x^2 = 300$.

4- استنتج قيمة : x التي تجعل مساحة المثلث MNC هي ربع $\left(\frac{1}{4} \right)$ مساحة المثلث : ABC .

التمرين الرابع : (2,5 ن)

a قيس زاوية حادة ، إذا علمت أن : $\sin a = \frac{\sqrt{5}}{5}$.

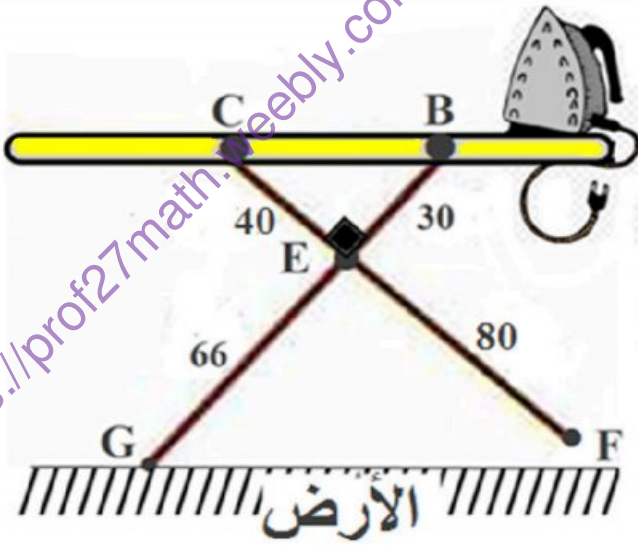
1- أثبت أن : $\cos a = \frac{2\sqrt{5}}{5}$ ، 2- أحسب : $\tan a$.

الجزء الأول :

إشتريت أم إسلام طاولة لِكَي الملابس ،
وعند إستعمالها وجدت بها خلل .

{ تمعن في الشكل المقابل ، (وحدة الطول هي : cm)

1 - حدد هذا الخل . (برر جوابك رياضيا) .



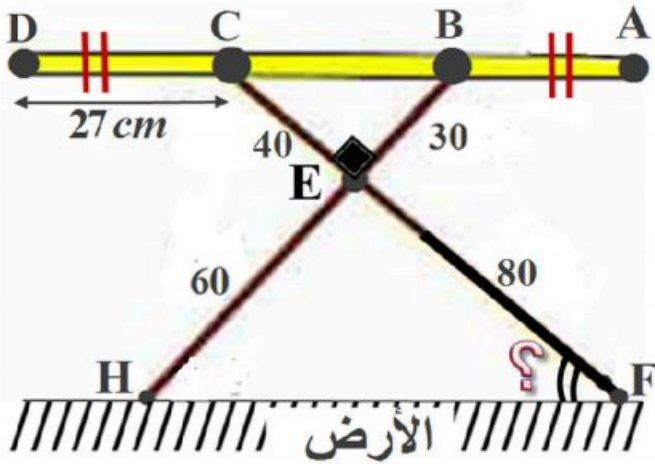
2 - في الشكل المقابل أصلح إسلام الخل .

- إكتشف ماذا فعل إسلام ؟ .

- هل أصلح الخل فعلا ؟ علل .

- أحسب : AD طول سطح الطاولة .

- أحسب القيس : \widehat{EFH} بالتدوير إلى الدرجة ..



الجزء الثاني :

يراقب إسلام أمه من النقطة A .

فإذا علمت أن إرتفاع سطح الطاولة

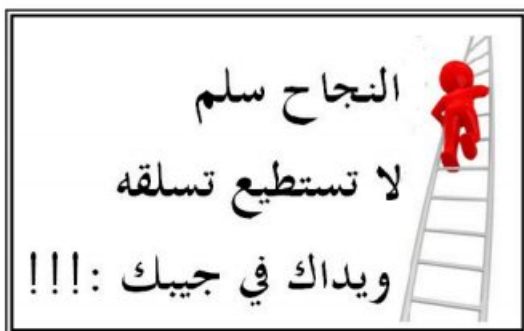
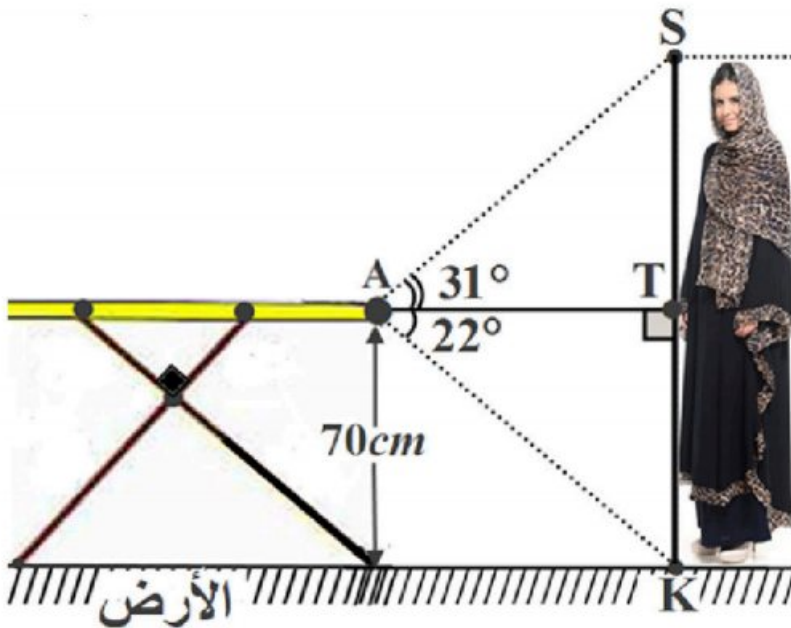
عن الأرض هو : $70 cm$

فأحسب :

1 - الطول : AT

بعد الأم عن إبنها إسلام .

2 - قامته الأم ب : (المتر)



أساقذة المادة يتمنون لكم

التوفيق و النجاح

الفرض الأول من الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول، (04 نقاط)

$$A = \frac{7 \times 10^{-12} \times 6 \times 10^5}{21 \times 10^{-4}}$$

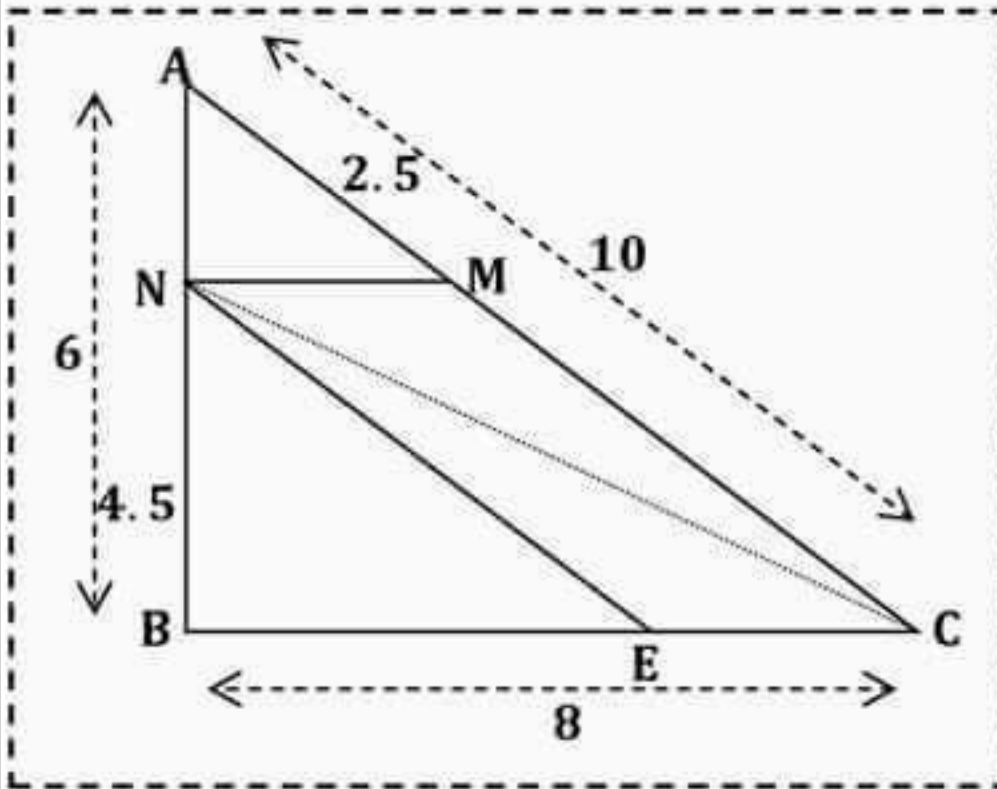
$$B = \frac{1}{3} + \frac{14}{3} \div \frac{35}{12}$$

- 1- أحسب A واكتب الناتج على شكل كتابة علمية .
- 2- اكتب العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال .

التمرين الثاني، (08 نقاط)

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 312 و 276 .
- 2) أحسب ما يلي $\frac{276}{312} - \frac{7}{26}$ و اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال .
- 3) يملك محمد 276 كرية حمراء و 312 كرية سوداء . يريد أن يضعها في أكياس متماثلة من حيث عدد الكريات الحمراء و السوداء ويستعمل كل الكريات الحمراء و السوداء .
(a) ما هو أكبر عدد ممكن من الأكياس ؟
(b) ما هو عدد الكريات السوداء في الكيس الواحد ؟
(c) ما هو عدد الكريات الحمراء في الكيس الواحد ؟

التمرين الثالث، (08 نقاط)



• لاحظ الشكل المقابل جيدا حيث :

وحدة الطول هي السنتيمتر (cm)

1. أثبت أن المثلث ABC قائم .
2. احسب الطول CN (القيمة المضبوطة) .
3. بين أن (BC) // (MN) .
4. إذا علمت أن (AC) // (EN) فاحسب الطول BE .

النجاح سلم لا تستطيع تسلقه و يداك في جيبك

الفرض المحروس الأول للفصل الأول
ت

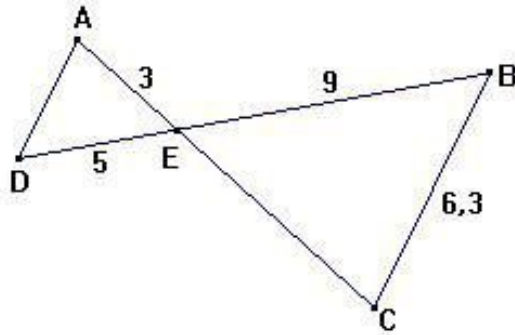
التمرين الأول :

- * أحسب الجداءات : $\sqrt{3} \times \sqrt{12}$ و $\sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}}$
- * أكتب على الشكل $a\sqrt{b}$ الأعداد : $\sqrt{27}$ و $\sqrt{5} \times \sqrt{10}$

التمرين الثاني :

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1631 و 932 .
- (2) يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا .
يريد بيع كل طابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية).
- عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .
- عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

التمرين الثالث :



- * وحدة الطول هي السنتيمتر
- باستعمال معطيات الشكل المقابل
- و علما أن $(BC) \parallel (AD)$
- احسب كلا من AD و EC

التمرين الرابع :

- أرسم مثلثا RST حيث : $RS = 7.5 \text{ cm}$ و $ST = 6 \text{ cm}$
- * عين النقطة M من [ST] حيث : $SM = 3 \text{ cm}$
- * عين النقطة N من [RS] حيث : $SN = 4.5 \text{ cm}$
- * برهن أن $(RT) \parallel (MN)$

الفرض المحروس الأول للفصل الأول
ت

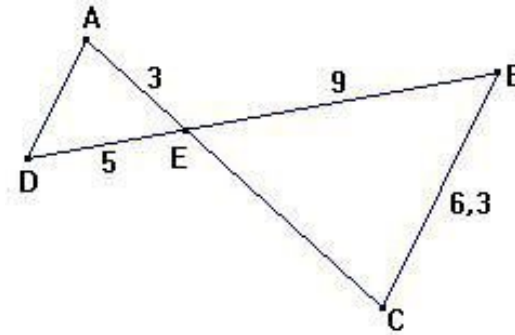
التمرين الأول :

- * أحسب الجداءات : $\sqrt{3} \times \sqrt{12}$ و $\sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}}$
- * أكتب على الشكل $a\sqrt{b}$ الأعداد : $\sqrt{27}$ و $\sqrt{5} \times \sqrt{10}$

التمرين الثاني :

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1631 و 932 .
- (2) يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا .
يريد بيع كل طابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية).
- عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .
- عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

التمرين الثالث :



- * وحدة الطول هي السنتيمتر
- باستعمال معطيات الشكل المقابل
- و علما أن $(BC) \parallel (AD)$
- احسب كلا من AD و EC

التمرين الرابع :

- أرسم مثلثا RST حيث : $RS = 7.5 \text{ cm}$ و $ST = 6 \text{ cm}$
- * عين النقطة M من [ST] حيث : $SM = 3 \text{ cm}$
- * عين النقطة N من [RS] حيث : $SN = 4.5 \text{ cm}$
- * برهن أن $(RT) \parallel (MN)$

تصحيح الفرض الأول للفصل الأول

التمرين الأول :

* حساب الجداءات :

$$\sqrt{3} \times \sqrt{12} = \sqrt{36} = 6 ; \quad \sqrt{\frac{8}{18}} \times \sqrt{\frac{2}{8}} = \sqrt{\frac{16}{144}} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

* كتابة الاعداد على الشكل $a\sqrt{b}$

$$\sqrt{27} = \sqrt{9 \times 3} = 3\sqrt{3} ; \quad \sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = 5\sqrt{2}$$

التمرين الثاني

<p>و منه : PGCD (1 631;932) = 233 و بالتالي فإن أكبر عدد للمجموعات التي يمكن للهاوي تشكيلها هو 233 : لدينا</p> $\frac{1631}{233} = 7 \quad \text{و} \quad \frac{932}{233} = 4$	$\begin{aligned} 1631 &= 932 \times 1 + 699 \\ 932 &= 699 \times 1 + 233 \\ 699 &= 233 \times 3 + 0 \end{aligned}$ <p>في كل مجموعة يوجد إذن 7 طوابع جزائرية و 4 طوابع أجنبية.</p>
--	---

التمرين الثالث :

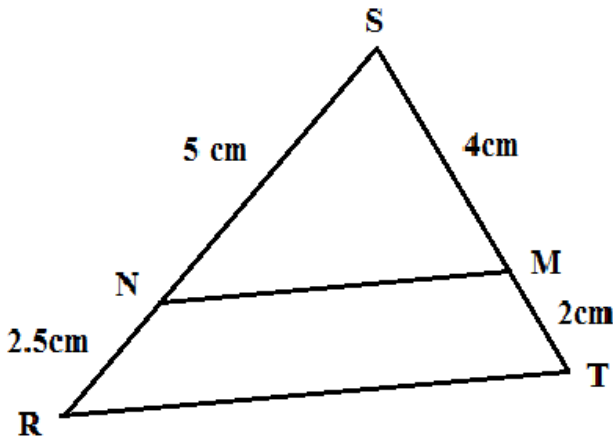
المستقيمان (AC) و (BD) متقاطعان في E.

و بما أن المستقيمين (BC) و (AD) متوازيان

فإن حسب مبرهنة طالس:

$$AD = \frac{6,3}{9} \times 5 \quad \text{و} \quad EC = \frac{9}{5} \times 3 \quad \text{و منه} \quad \frac{EC}{3} = \frac{9}{5} = \frac{6,3}{AD} \quad \text{أي} \quad \frac{EC}{EA} = \frac{EB}{ED} = \frac{BC}{AD}$$

نجد بعد الحساب: $AD = 3,5$ و $EC = 5,4$



التمرين الرابع :

إثبات أن (RT) // (MN)

لدينا : 1 - النقاط R . N . S و T . M . S إستقامية

$$\frac{SM}{ST} = \frac{SN}{SR} \quad \text{إذن} \quad \frac{SM}{ST} = \frac{5}{7,5} = \frac{1}{3} ; \quad \frac{SN}{SR} = \frac{4}{6} = \frac{1}{3} \quad \text{و} \quad -2$$

ومنه حسب النظرية العكسية لطالس فإن (RT) // (MN)

D الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية D

السنة الدراسية: 2018/2017

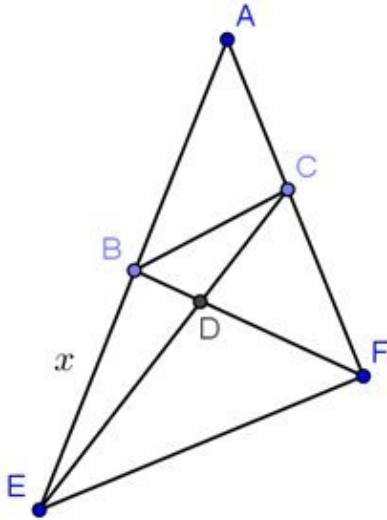
متوسطة بن عيسى عبد القادر - سوقر

المدة: ساعة

الفرض الأول للرابعة متوسط في مادة الرياضيات

الوضعية الاولى (12 ن):

- 1- بيّن دون حساب أنّ الكسر $\frac{360}{198}$ قابل للاختزال .
- 2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 360 و 198 ، ثم أوجد القواسم المشتركة لهما.
- 3- اكتب الكسر $\frac{360}{198}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.



الوضعية الثانية (08 ن):

إليك الشكل المقابل المرسوم بأطوال غير حقيقية حيث:

- B ، C نقطتان من [AE] و [AF] على الترتيب.
المستقيمان (EC) و (BF) متقاطعان في النقطة D.
(BC) // (EF) ، AB = 9 ، DC = 2 ، DE = 4 .

نضع BE = x

1. بيّن أنّ $\frac{DCAB}{DEAE} =$. (يمكنك استعمال نظرية طالس مرتين).

2. احسب الطول AE ثم استنتج الطول x .

بالتوفيق

G الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية G

السنة الدراسية: 2018/2017

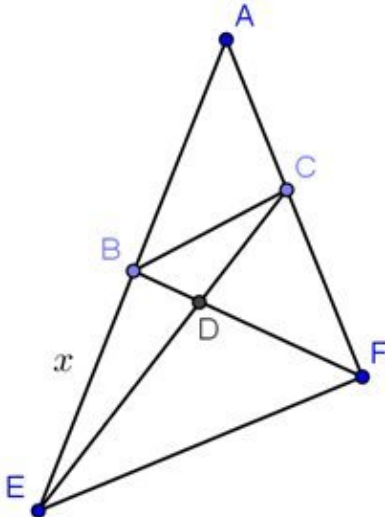
متوسطة بن عيسى عبد القادر - سوقر

المدة: ساعة

الفرض الأول للرابعة متوسط في مادة الرياضيات

الوضعية الاولى (12 ن):

- 1- بيّن دون حساب أنّ الكسر $\frac{240}{132}$ قابل للاختزال .
- 2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 240 و 132 ، ثم أوجد القواسم المشتركة لهما.
- 3- اكتب الكسر $\frac{240}{132}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.



الوضعية الثانية (08 ن):

إليك الشكل المقابل المرسوم بأطوال غير حقيقية حيث:

- B ، C نقطتان من [AE] و [AF] على الترتيب.
المستقيمان (EC) و (BF) متقاطعان في النقطة D.
(BC) // (EF) ، AB = 9 ، DC = 3 ، DE = 4 .

نضع BE = x

1. بيّن أنّ $\frac{DCAB}{DEAE} =$. (يمكنك استعمال نظرية طالس مرتين).

2. احسب الطول AE ثم استنتج الطول x .

بالتوفيق

متوسطة : الشهيد احمد التجاني
المستوى : رابعة متوسط
السنة الدراسية: 2017/2018
المدة : ساعة

متوسطة : الشهيد احمد التجاني
المستوى : رابعة متوسط
السنة الدراسية: 2017/2018
المدة : ساعة

التمرين الأول للتلاميذ الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (B)

التمرين الأول :

1. اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 800 و 450
اكتب الكسر $\frac{450}{800}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال
2. C و D عدنان حيث :

$$c = \frac{2}{3} - \frac{5}{3} \times \frac{21}{3} \quad D = \frac{5 \times 10^{-4} \times 4.2 \times (10^{-3})^2}{1.4 \times 10^{-7}}$$

- احسب C واكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال
- احسب D وأعط الكتابة العلمية لها

التمرين الثاني :

حل المعادلات التالية :

$$2X^2 = 32 \quad 4X^2 = 9 \quad X^2 + 16 = -20$$

التمرين الثالث :

STA مثلث حيث : AS=3cm ST=4.5cm AT=6cm

R نقطة من [AS] حيث : SR=1cm

المستقيم الذي يشمل R ويوازي (AT) يقطع (ST) في D

• ارسم الشكل

• احسب الطولين SD و RD

• K نقطة من [AT] حيث : AK=4cm

• برهن أن (RK) || (ST) - احسب الطول RK

متوسطة : الشهيد احمد التجاني
المستوى : رابعة متوسط
السنة الدراسية: 2017/2018
المدة : ساعة

التمرين الأول للتلاميذ الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (A)

التمرين الأول :

1. اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 588 و 768
اكتب الكسر $\frac{588}{768}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال
2. A و B عدنان حيث :

$$A = \frac{3}{4} - \frac{5}{4} \times \frac{28}{12} \quad B = \frac{8.1 \times 10^{-5} \times 14 \times (10^3)^2}{7 \times 10^{-8}}$$

- احسب A واكتب الناتج على شكل كسر غير قابل للاختزال
- احسب B وأعط الكتابة العلمية لها

التمرين الثاني :

حل المعادلات التالية :

$$3X^2 = 27 \quad 16X^2 = 25 \quad X^2 + 19 = -30$$

التمرين الثالث :

ABC مثلث حيث : AB=4cm AC=5cm BC=6cm

N نقطة من [AB] حيث : BN=3cm

المستقيم الذي يشمل N ويوازي (AC) يقطع (BC) في M

• ارسم الشكل

• احسب الطولين BM و MN

• D نقطة من [AC] حيث : CD=1.25cm

• برهن أن (DM) || (AB) - احسب الطول MD

الفرض الأول

لفصل الأول في الرياضيات

التمرين الأول : (7 نقاط)

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر لعددين 10395 , 9009

2- اختزل الكسر $\frac{9009}{10395}$ إلى كسر غير قابل للاختزال .

3- أحسب العدد A حيث $A = \frac{9009}{10395} - \frac{13}{15} \times \frac{7}{2}$

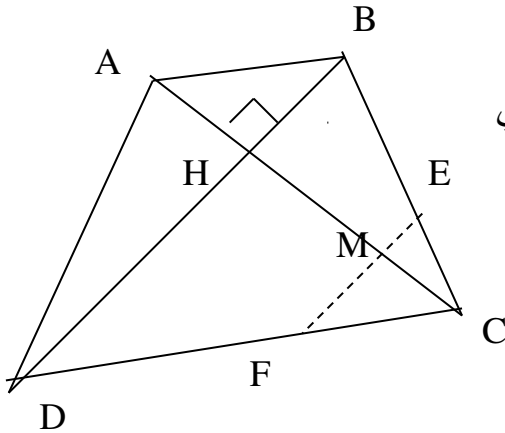
التمرين الثاني : (6 نقاط)

لتكن الأعداد : $G = \sqrt{21} \times \sqrt{12}$ ؛ $F = \sqrt{48} - \sqrt{27}$ ؛ $E = \sqrt{20} + 3\sqrt{5} + 4\sqrt{45}$

• أكتب E على شكل $a\sqrt{5}$ و F على شكل $b\sqrt{3}$ و G على شكل $c\sqrt{7}$ حيث : a ، b ، c أعداد طبيعية.

التمرين الثالث : (7 نقاط)

إليك الشكل المقابل (الشكل ليس مرسوما بالأبعاد الحقيقية ووحدة الطول هي ال m)
1- بين أن $(AB) \parallel (CD)$.



2 - ليكن المستقيم (EF) يوازي (BD) يقطع [AC] في

النقطة M بحيث $MC = \frac{1}{3} AC$.

- احسب الطول EM.

$$HB = 105$$

$$HD = 120$$

$$HA = 70$$

$$HC = 80$$

الأستاذ زين : عليوان وميدلي
مؤسسة تومولين
بالتوفيق

يوم : 26 اكتوبر 2017

متوسطة الشهيد بن موسى الحاج

المستوى: رابعة متوسط

يوم : 26 اكتوبر 2017

متوسطة الشهيد بن موسى الحاج

المستوى: رابعة متوسط

التمرين 1: لتكن الأعداد A و B و C حيث :

التمرين 1: لتكن الأعداد A و B و C حيث :

$$A = \left(\frac{3}{8} - \frac{5}{12}\right) \times \frac{10}{3} ; B = \frac{2,6 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^5}{3 \times 10^{-11}} ; C = 5\sqrt{12} + \sqrt{118}$$

$$A = \left(\frac{3}{8} - \frac{5}{12}\right) \times \frac{10}{3} ; B = \frac{2,6 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^5}{3 \times 10^{-11}} ; C = 5\sqrt{12} + \sqrt{118}$$

(1) أحسب العدد A ثم اختزل الناتج ان أمكن (تأكد من النتيجة باستعمال الآلة الحاسبة ذات سطرين)

(1) أحسب العدد A ثم اختزل الناتج ان أمكن (تأكد من النتيجة باستعمال الآلة الحاسبة ذات سطرين)

(2) أكتب العدد B كتابة علمية.

(2) أكتب العدد B كتابة علمية.

(3) أوجد القيمة المقربة الى 10^{-2} بالزيادة للعدد C

(3) أوجد القيمة المقربة الى 10^{-2} بالزيادة للعدد C

(4) حل المعادلة ذات المجهول x التالية : $x^2 = \frac{16}{25}$

(4) حل المعادلة ذات المجهول x التالية : $x^2 = \frac{16}{25}$

التمرين 2:

التمرين 2:

(1) تحقق أن العددين 1317 و غير أوليين فيما بينهما .

(1) تحقق أن العددين 1317 و غير أوليين فيما بينهما .

(2) عند بستاني 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، يريد تشكيل باقات متماثلة

(2) عند بستاني 1317 وردة حمراء و 1756 وردة بيضاء ، يريد تشكيل باقات متماثلة

بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء .

بحيث يضع في كل باقة نفس العدد من الورود الحمراء والورود البيضاء .

(أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟

(أ) ما هو أكبر عدد من الباقات التي يمكن تشكيلها ؟

(ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟

(ب) ما هو عدد الورود الحمراء وعدد الورود البيضاء في كل باقة ؟

التمرين 3:

التمرين 3:

المستقيمان (BC) و (MN) متوازيان.

المستقيمان (BC) و (MN) متوازيان.

(الأطوال في الرسم المقابل ليست حقيقية)

(الأطوال في الرسم المقابل ليست حقيقية)

(1) أحسب الطولين AM و BC .

(1) أحسب الطولين AM و BC .

(2) بين أن المستقيمان (BC) و (PR) متوازيان ، إذا

(2) بين أن المستقيمان (BC) و (PR) متوازيان ، إذا

علمت أن : $AR = 1.2 \text{ cm}$ و $AP = 2.6 \text{ cm}$

علمت أن : $AR = 1.2 \text{ cm}$ و $AP = 2.6 \text{ cm}$

التمرين 1:

$$(1) \text{ حساب العدد } A : A = \left(\frac{3 \times 3}{8 \times 3} - \frac{5 \times 2}{12 \times 2} \right) \times \frac{10}{3} = \left(\frac{9}{24} - \frac{10}{24} \right) \times \frac{10}{3} = -\frac{1}{24} \times \frac{10}{3} = -\frac{10}{72} = -\frac{5}{36}$$

(2) كتابة كتابة علمية:

$$B = \frac{2,6 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^5}{3 \times 10^{-11}} = \frac{13,8 \times 10^3}{3 \times 10^{-11}} = \frac{13,8}{3} \times 10^3 \times 10^{11} = 4,6 \times 10^{14}$$

(3) ايجاد القيمة المقربة الى 10^{-2} بالزيادة للعدد C :

$$C = 5\sqrt{12} + \sqrt{118} = 5 \times 3,47 + 10,87 = 17,35 + 10,87 = 28,22$$

(4) حل المعادلة ذات المجهول x التالية : $x^2 = \frac{16}{25}$

$$x^2 = \frac{16}{25} \text{ معناه } x = \sqrt{\frac{16}{25}} \text{ أي } x = \frac{4}{5}$$

أو — أي — . للمعادلة حلين هما — و —

التمرين 2:

(1) التحقق أن العددين 1317 و 439 غير أوليين فيما بينهما :

نحسب الـ PGCD .

$$1756 = 1317 \times 1 + 439$$

$$1317 = 439 \times 3 + 00$$

$pgcd(1756; 1317) = 439$ نلاحظ أن القاسم المشترك الأكبر لا يساوي 1

فالعددين 1756 و 1317 غير أوليين فيما بينهما.

(2) أكبر عدد من الباقيات هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 1756 و 1317

ويساوي : 439

(3) عدد الورود الحمراء هو $\frac{1}{439}$ ويساوي 3 وردات.

عدد الورود البيضاء هو $\frac{1}{439}$ ويساوي 4 وردات.

التمرين 3:

(1) حساب الطول AM : حسب نظرية طاليس فإن $\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}$ أي $\frac{2,4}{AM} = \frac{5,2}{7,5}$ ومنه $AM = \frac{7,5 \times 2,4}{5,2} = 3,6 \text{ cm}$

(2) حساب الطول BC : حسب نظرية طاليس فإن $\frac{AB}{AM} = \frac{BC}{MN}$ أي $\frac{2,4}{3,6} = \frac{BC}{4,5}$ ومنه $BC = \frac{4,5 \times 2,4}{3,6} = 3 \text{ cm}$

(3) نبين أن المستقيمان (BC) و (PR) متوازيان:

نحسب النسبتين $\frac{AB}{AR}$ و $\frac{AC}{AP}$

$$\frac{AB}{AR} = \frac{2,4}{1,2} = 2$$

$$\frac{AC}{AP} = \frac{5,2}{2,6} = 2$$

نلاحظ أن النسبتين $\frac{AB}{AR}$ و $\frac{AC}{AP}$ متساويتين والنقط A , B , R و A , C , P بنفس الترتيب .

حسب النظرية العكسية لطاليس فإن المستقيمان (BC) و (PR) متوازيان.

