

## اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (03 نقاط)

ليكن العددين A ، B حيث:

$$B = \frac{-7}{3} \times \left( \frac{4}{6} - 2 \right)$$

,

$$A = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{175}$$

(1) اكتب العدد A على شكل  $a\sqrt{7}$  حيث a عدد طبيعي.

(2) احسب العدد B و اكتبه على شكل كسر غير قابل للاختزال.

(3) اكتب العدد  $\frac{2A}{3\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين الثاني: (03 نقاط)

$$E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$$

لتكن العبارة الجبرية حيث:

(1) انشر و بسط العبارة E.

(2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) حل المعادلة:  $(2x - 3)(-2x - 10) = 0$ .

التمرين الثالث: (02.5 نقاط)

الشكل المقابل غير مرسوم بالأطوال الحقيقية حيث

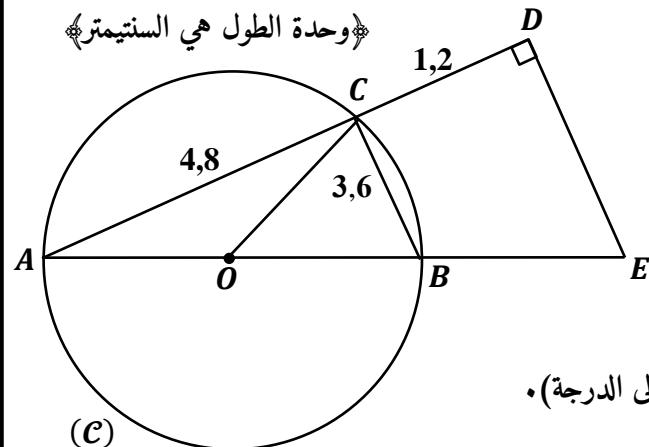
$$AC = 4,8 \quad BC = 3,6 \quad CD = 1,2$$

(1) بين أن المثلث ABC قائم.

(2) احسب الطولين AB و DE.

(3) احسب قيس الزاوية  $B\hat{A}C$

ثم استنتج قيس الزاوية  $B\hat{O}C$  (تعطى الأقياس بالتدوير إلى الدرجة).



التمرين الرابع: (03.5 نقاط)

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس ( $J; i; o$ )، علم النقط (J; i; o)،  $E(0; -3)$  ،  $F(4; -1)$  ،  $G(2; 3)$

1/- احسب مركبتي الشعاع  $\overline{FG}$  ثم استنتاج الطول FG.

2/- علماً أن:  $EG = 2\sqrt{5}$  و  $EF = \sqrt{40}$  ، بين أن المثلث EFG قائم و متساوي الساقين.

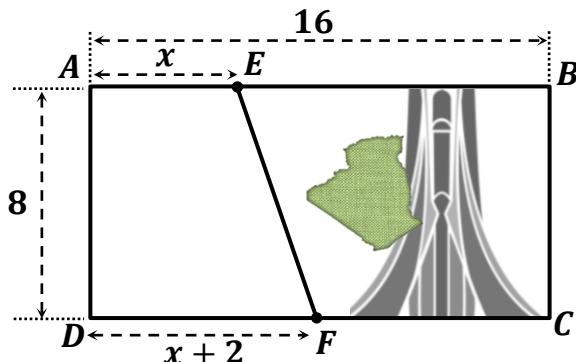
3/- احسب احداثي النقطة H صورة E بالانسحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{FG}$ .

لتجديد الأوراق النقدية من فئة da 2000، اقترح أحد الرسامين الشكل أسفله.

**الجزء الأول:**

الورقة النقدية عبارة عن مستطيل محيطه 48 cm، و الفرق بين طوله و عرضه هو 8cm.

► اوجد طول و عرض هذه الورقة النقدية.



**الجزء الثاني:**

وجه الورقة النقدية يتتألف من جزأين:

- الجزء AEFD: مخصص لكتابية قيمة الورقة النقدية بالحروف والأرقام وبعض الرموز.

- الجزء BCFE: مخصص للرسومات والشعارات الوطنية.

- نضع  $DF = x+2$  و  $AE = x$ .

لتكن  $S_1$  مساحة الجزء AEFD و  $S_2$  مساحة الجزء BCFE

1- عبر عن  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$ .

نعتبر الداللين  $f$  و  $g$  حيث:  $g(x) = 120 - 8x$  و  $f(x) = 8x + 8$ .

2- حل المترابحة  $(f(x) < g(x))$  و فسر النتيجة.

3- مثل، في معلم متعمد و متجانس الداللين  $f$  و  $g$  بالاعتماد على السلم الآتي:

(نأخذ على محور الفواصل: كل 1cm يمثل 8 cm<sup>2</sup> ، و نأخذ على محور التراتيب كل 1cm يمثل 1cm<sup>2</sup>)

4- بقراءة بيانية قارن بين المساحتين حسب موضع النقطة E.

### تذكير

$$\frac{\text{الارتفاع} \times (\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى})}{2} = \text{مساحة شبه المنحرف}$$



### الملاحظات هامة:

✓ استعمل لون واحد فقط في الإجابة

✓ لا تستعمل المصطلحات التقنية

✓ استعمل الورقة المليمة كملائمة (لا تقصها)



!  
تأكد بأنك لم تنس سؤالاً أو تمريننا قبل تسليم الورقة !

٩٩ التهني

بال توفيق ..

## التمرين الأول:

(2) حساب الطولين:  
 أ/- حساب الطول :  $DE$

لأنهما عموديان على نفس المستقيم  $(AD) \parallel (DE)$  و المثلثان:  $\triangle ABC \sim \triangle AED$  و وضعية في طالس

$$\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AD} = \frac{BC}{ED}$$

و حسب خاصية طالس فإن:  $\frac{AB}{AC} = \frac{BC}{ED}$  بما أن:  $C \in [AD]$  و  $B \in [AE]$

و بالتعويض نجد:

$$DE = \frac{BC \times AD}{AC} = \frac{3.6 \times 6}{4.8} = 4.5 \text{ cm}$$

ب/- حساب الطول :  $AB$

بما أن المثلث  $ABC$  قائم في  $C$  و حسب خاصية فيتاغورس فإن:

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 = 4.8^2 + 3.6^2 = 36$$

$$AB = \sqrt{36} = 6 \text{ cm}$$

(3) حساب قيس الزاوية  $\hat{BAC}$   
 لدينا المثلث  $ABC$  قائم في  $C$

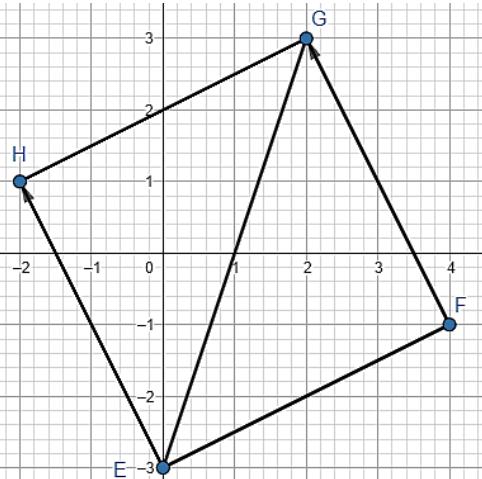
$$\tan(\hat{BAC}) = \frac{BC}{AC} = \frac{3.6}{4.8} = 0.75$$

$$\hat{BAC} \approx 37^\circ$$

باستعمال الحاسبة نجد:

استنتاج قيس الزاوية  $\hat{BOC}$ : بما أنها زاوية مركبة و تحصر نفس القوس مع الزاوية المحيطية  $\hat{BAC}$  فإن:  $\hat{BOC} = 2 \times \hat{BAC} = 2 \times 37^\circ = 74^\circ$

التمرين الرابع:



## (1) حساب مركبتي الشعاع

$$\vec{FG} = \begin{pmatrix} x_G - x_F \\ y_G - y_F \end{pmatrix}$$

$$\vec{FG} = \begin{pmatrix} 2 - 4 \\ 3 - (-1) \end{pmatrix}$$

$$\boxed{\vec{FG} = \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix}}$$

استنتاج الطول  $FG$ 

$$FG = \sqrt{(x_G - x_F)^2 + (y_G - y_F)^2}$$

$$FG = \sqrt{(-2)^2 + (4)^2}$$

$$FG = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20}$$

$$FG = \sqrt{4 \times 5} = \boxed{2\sqrt{5}}$$

## التمرين الأول:

(2) حساب العدد  $B$  و كتابته على شكل كسر غير قابل للاختزال:

01 ن

$$B = \frac{-7}{3} \times \left( \frac{4}{6} - 2 \right) = \frac{-7}{3} \times \left( \frac{4}{6} - \frac{12}{6} \right)$$

$$B = \frac{-7}{3} \times \left( \frac{-8}{6} \right) = \frac{56}{18}$$

$$PGCD(56; 18) = 2$$

$$B = \frac{56 \div 2}{18 \div 2} = \boxed{\frac{28}{9}}$$

(1) كتابة العدد  $A$  على شكل  $\sqrt{7}$  حيث  $a$  عدد طبيعى:

01 ن

$$A = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{175}$$

$$A = \sqrt{16 \times 7} - 3\sqrt{4 \times 7} + 3\sqrt{25 \times 7}$$

$$A = 4\sqrt{7} - 3 \times 2\sqrt{7} + 3 \times 5\sqrt{7}$$

$$A = 4\sqrt{7} - 6\sqrt{7} + 15\sqrt{7}$$

$$A = (4 - 6 + 15)\sqrt{7}$$

$$\boxed{A = 13\sqrt{7}}$$

(3) كتابة العدد  $\frac{2A}{3\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق:

$$\frac{2A}{3\sqrt{2}} = \frac{2 \times 13\sqrt{7} \times \sqrt{2}}{3\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{26\sqrt{14}}{3 \times 2} = \boxed{\frac{13\sqrt{14}}{3}}$$

## التمرين الثاني:

## (1) نشر و تبسيط العبارة :

01 ن

$$E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$$

$$E = (2x)^2 - 2(2x)(3) + (3)^2 - [4x(2x - 3) + 7(2x - 3)]$$

$$E = 4x^2 - 12x + 9 - [8x^2 - 12x + 14x - 21]$$

$$E = 4x^2 - 12x + 9 - 8x^2 + 12x - 14x + 21$$

$$E = -4x^2 - 14x + 30$$

(2) تخليل العبارة  $E$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى:

01 ن

$$E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$$

$$E = (2x - 3)[(2x - 3) - (4x + 7)]$$

$$E = (2x - 3)(2x - 3 - 4x - 7)$$

$$E = (2x - 3)(-2x - 10)$$

(3) حل المعادلة:

$$(2x - 3)(-2x - 10) = 0$$

$$2x - 3 = 0 \quad | \quad -2x - 10 = 0$$

$$2x = 3 \quad | \quad -2x = 10$$

$$x = \frac{3}{2} \quad | \quad x = \frac{10}{-2}$$

$$x = 1.5 \quad | \quad x = -5$$

ومنه للمعادلة حلان: هما  $-5$  و  $1.5$

## التمرين الثالث:

(1) بيان أن المثلث  $ABC$  قائم:

بما أن: أحد أضلاع المثلث  $[AB]$  هو قطر الدائرة  $(C)$  المحيطة به فإن المثلث  $ABC$  قائم في  $C$ .

