

## اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

### التمرين الأول: (03 نقاط)

ليكن العددين A ، B حيث:

$$B = \frac{-7}{3} \times \left(\frac{4}{6} - 2\right)$$

$$A = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{175}$$

- (1) اكتب العدد A على شكل  $a\sqrt{7}$  حيث a عدد طبيعي.
- (2) احسب العدد B و اكتبه على شكل كسر غير قابل للاختزال.
- (3) اكتب العدد  $\frac{2A}{3\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

### التمرين الثاني: (03 نقاط)

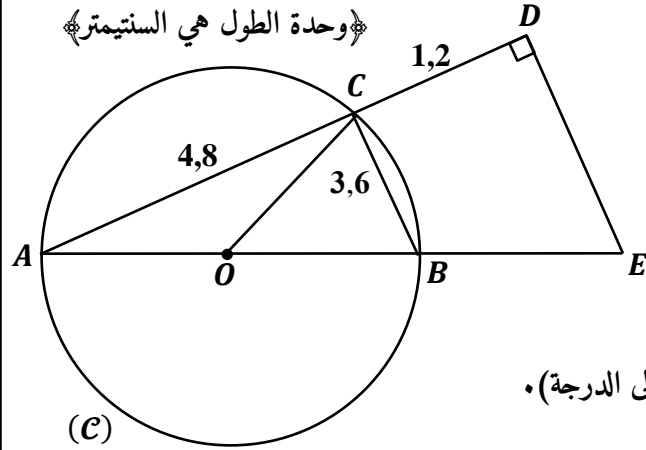
لتكن العبارة الجبرية حيث:  $E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$

- (1) انشر و بسّط العبارة E.
- (2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
- (3) حل المعادلة:  $(2x - 3)(-2x - 10) = 0$ .

### التمرين الثالث: (02.5 نقاط)

الشكل المقابل غير مرسوم بالأطوال الحقيقية حيث

$$AC = 4,8 \quad BC = 3,6 \quad CD = 1,2$$



- (1) بين أن المثلث ABC قائم.
  - (2) احسب الطولين AB و DE.
  - (3) احسب قياس الزاوية  $\widehat{BAC}$
- ثم استنتج قياس الزاوية  $\widehat{BOC}$  (تعطى الأقياس بالتدوير إلى الدرجة).

### التمرين الرابع: (03.5 نقاط)

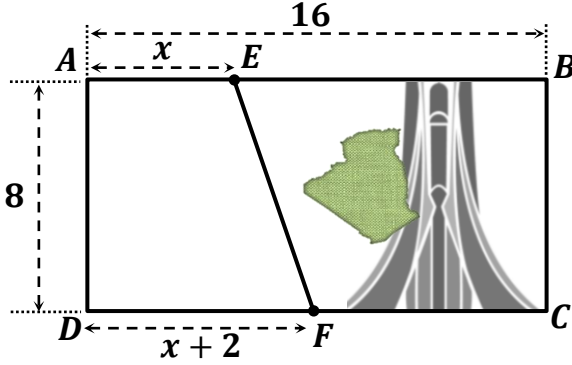
المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، علمّ النقط  $G(2; 3)$  ،  $F(4; -1)$  ،  $E(0; -3)$

- 1/- احسب مركبتي الشعاع  $\vec{FG}$  ثم استنتج الطول FG.
- 2/- علماً أن:  $EF = 2\sqrt{5}$  و  $EG = \sqrt{40}$  ، بين أن المثلث EFG قائم و متساوي الساقين.
- 3/- احسب احداثيتي النقطة H صورة E بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{FG}$ .

لتجديد الأوراق النقدية من فئة 2000 da، اقترح أحد الرسامين الشكل أسفله.

الجزء الأول:

الورقة النقدية عبارة عن مستطيل محيطه 48 cm، و الفرق بين طوله و عرضه هو 8cm.   
 ◀ اوجد طول و عرض هذه الورقة النقدية.



الجزء الثاني:

وجه الورقة النقدية يتألف من جزأين:

• الجزء AEFD: مخصص لكتابة قيمة الورقة النقدية

بالحروف و الأرقام و بعض الرموز.

• الجزء BCFE: مخصص للرسومات و الشعارات الوطنية.

◻ نضع  $AE = x$  و  $DF = x + 2$ .

◻ لتكن  $S_1$  مساحة الجزء AEFD و  $S_2$  مساحة الجزء BCFE

1- عبر عن  $S_1$  و  $S_2$  بدلالة  $x$ .

نعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  حيث:  $f(x) = 8x + 8$  و  $g(x) = 120 - 8x$ .

2- حل المتراجحة  $f(x) < g(x)$  و فسر النتيجة.

3- مثل، في معلم متعامد و متجانس الدالتين  $f$  و  $g$  بالاعتماد على السلم الآتي:

(نأخذ على محور الفواصل: كل 1cm يمثل 1cm، و نأخذ على محور الترتيب كل 1cm يمثل  $8 \text{ cm}^2$ )

4- بقراءة بيانية قارن بين المساحتين حسب موضع النقطة E.

### تذكير

$$\text{الارتفاع} \times \frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى})}{2} = \text{مساحة شبه المنحرف}$$

**ملاحظات هامة:**

- ✓ استعمال لون واحد فقط في الإجابة
- ✓ لا تستعمل المصحح و تجنب التشطيب
- ✓ استعمال الورقة المليمترية كاملة (لا تقصها)

⚠ تأكد بأنك لم تنس سؤالاً أو تمريناً قبل تسليم الورقة !

انتهى

بالتوفيق ..

## التمرين الأول:

(03 نقاط)

(1) كتابت العدد A على شكل

 $\sqrt{7}$  حيث a عدد طبيعي:

$$A = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{175}$$

$$A = \sqrt{16 \times 7} - 3\sqrt{4 \times 7} + 3\sqrt{25 \times 7}$$

$$A = 4\sqrt{7} - 3 \times 2\sqrt{7} + 3 \times 5\sqrt{7}$$

$$A = 4\sqrt{7} - 6\sqrt{7} + 15\sqrt{7}$$

$$A = (4 - 6 + 15)\sqrt{7}$$

$$A = 13\sqrt{7}$$

01 ن

(2) حساب العدد B و كتابته على شكل

كسر غير قابل للاختزال:

$$B = \frac{-7}{3} \times \left(\frac{4}{6} - 2\right) = \frac{-7}{3} \times \left(\frac{4}{6} - \frac{12}{6}\right)$$

$$B = \frac{-7}{3} \times \left(\frac{-8}{6}\right) = \frac{56}{18}$$

$$PGCD(56; 18) = 2$$

$$B = \frac{56 \div 2}{18 \div 2} = \frac{28}{9}$$

01 ن

(3) كتابت العدد  $\frac{2A}{3\sqrt{2}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق:

$$\frac{2A}{3\sqrt{2}} = \frac{2 \times 13\sqrt{7} \times \sqrt{2}}{3\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{26\sqrt{14}}{3 \times 2} = \frac{13\sqrt{14}}{3}$$

01 ن

(03 نقاط)

## التمرين الثاني:

(1) نشر و تبسيط العبارة E:

$$E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$$

$$E = (2x)^2 - 2(2x)(3) + (3)^2 - [4x(2x - 3) + 7(2x - 3)]$$

$$E = 4x^2 - 12x + 9 - [8x^2 - 12x + 14x - 21]$$

$$E = 4x^2 - 12x + 9 - 8x^2 + 12x - 14x + 21$$

$$E = -4x^2 - 14x + 30$$

01 ن

(2) تحليل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى:

$$E = (2x - 3)^2 - (4x + 7)(2x - 3)$$

$$E = (2x - 3)[(2x - 3) - (4x + 7)]$$

$$E = (2x - 3)(2x - 3 - 4x - 7)$$

$$E = (2x - 3)(-2x - 10)$$

01 ن

$$(2x - 3)(-2x - 10) = 0$$

(3) حل المعادلات:

$$2x - 3 = 0 \quad | \quad -2x - 10 = 0$$

$$2x = 3 \quad | \quad -2x = 10$$

$$x = \frac{3}{2} \quad | \quad x = \frac{10}{-2}$$

$$x = 1.5 \quad | \quad x = -5$$

01 ن

ومنه للمعادلة حلان: هما -5 و 1.5

(02.5 نقاط)

## التمرين الثالث:

(1) بيان أن المثلث ABC قائم:

بما أن: أحد أضلاع المثلث [AB] هو قطر للدائرة (C) المحيطة به فإن المثلث ABC قائم في C.

0.5 ن

(2) حساب الطولين:

أ- حساب الطول DE :

$$\left[ \begin{array}{c} ABC \\ AED \end{array} \right] \text{ و المثلثان: } \left[ \begin{array}{c} (AD) \\ C \in [AD] \\ B \in [AE] \end{array} \right] \text{ بما أن: } \left[ \begin{array}{c} (AB) // (DE) \\ \text{لأنهما عموديان على نفس المستقيم} \end{array} \right]$$

0.5 ن

و حسب خاصية طالس فإن:  $\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AD} = \frac{BC}{ED}$  وبالتعويض نجد:

$$DE = \frac{BC \times AD}{AC} = \frac{3.6 \times 6}{4.8} = 4.5 \text{ cm}$$

ب- حساب الطول AB:

بما أن المثلث ABC قائم في C و حسب خاصية فيثاغورس فإن:

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 = 4.8^2 + 3.6^2 = 36$$

$$AB = \sqrt{36} = 6 \text{ cm}$$

0.5 ن

(3) حساب قسمة الزاوية BAC:

لدينا المثلث ABC قائم في C:

$$\tan(\hat{BAC}) = \frac{BC}{AC} = \frac{3.6}{4.8} = 0.75$$

$$\hat{BAC} \approx 37^\circ$$

باستعمال الحاسبة نجد:

0.5 ن

استنتاج قسمة الزاوية BOC: بما أنها زاوية مركزية و تحصر نفس القوس مع الزاوية

المحيطة BAC فإن:  $\hat{BOC} = 2 \times \hat{BAC} = 2 \times 37^\circ = 74^\circ$ 

0.5 ن

(03.5 نقاط)

(1) حساب مركبتين الشعاع FG:

$$\vec{FG} \begin{pmatrix} x_G - x_F \\ y_G - y_F \end{pmatrix}$$

$$\vec{FG} \begin{pmatrix} 2 - 4 \\ 3 - (-1) \end{pmatrix}$$

$$\vec{FG} \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

استنتاج الطول F:

$$FG = \sqrt{(x_G - x_F)^2 + (y_G - y_F)^2}$$

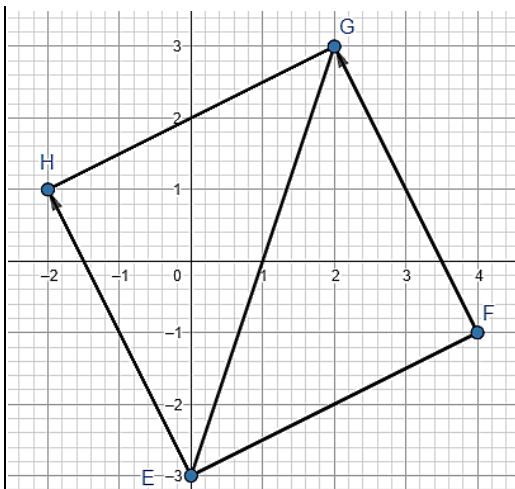
$$FG = \sqrt{(-2)^2 + (4)^2}$$

$$FG = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20}$$

$$FG = \sqrt{4 \times 5} = 2\sqrt{5}$$

0.5 ن

0.5 ن



(2) بيان أن المثلث  $EFG$  قائم و

متساوي الساقين:

لدينا:

$$\begin{aligned} \blacksquare EG^2 &= (\sqrt{40})^2 = 40 \\ \blacksquare EF^2 + FG^2 &= (\sqrt{20})^2 + (\sqrt{20})^2 \\ EF^2 + FG^2 &= 20 + 20 = 40 \end{aligned}$$

نلاحظ أن: العلاقة  $EG^2 = EF^2 + FG^2$  محققة، وحسب خاصية فيثاغورس العكسية فإن: المثلث  $EFG$  قائم في النقطة  $F$ .

و لدينا:  $EF = FG = 2\sqrt{5}$  معناه أن المثلث

$EFG$  قائم ومتساوي الساقين في النقطة  $F$ .

(2) حساب إحداثيات النقطة  $H$

صورة  $E$  بالانسحاب الذي شعاعه

$\vec{FG} = \vec{EH}$  لدينا:

$$\vec{FG} \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix} \quad \vec{FH} \begin{pmatrix} x_H - x_E \\ y_H - y_E \end{pmatrix}$$

$$\vec{FH} \begin{pmatrix} x_H - 0 \\ y_H + 3 \end{pmatrix}$$

$$y_H + 3 = 4 \quad x_H - 0 = -2$$

$$\boxed{y_H = 1} \quad \boxed{x_H = -2}$$

ومنه: إحداثيات النقطة:  $H(-2; 1)$

0.5  
ن

(0.5 نقاط)

بتعويض قيمة  $a$  في المعادلة (2) نجد:

$$a - b = 8$$

$$16 - b = 8$$

$$-b = 8 - 16$$

$$-b = -8$$

$$\boxed{b = 8}$$

ومنه الثنائية:  $(16; 8)$  حل للجملية.

الجواب: طول الورقة النقدية هو: 16 cm

عرض الورقة النقدية هو: 8 cm

01  
ن

(1) التعبير بدلالة  $x$  عن مساحة

الجزء  $BCFE$ :

$$\begin{aligned} S_2 &= S_T - S_1 \\ S_2 &= (16 \times 8) - (8x + 8) \\ S_2 &= 128 - (8x + 8) \\ S_2 &= 128 - 8x - 8 \\ \boxed{S_2} &= \boxed{120 - 8x} \end{aligned}$$

01  
ن

الوضعية الإدماجية:

(•) إيجاد طول و عرض الورقة

التقدير:

نضع  $a$  طول الورقة و  $b$  عرض الورقة:

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2 \times \begin{cases} a - b = 8 \dots\dots\dots (2) \end{cases} \end{cases}$$

$$2 \times \begin{cases} a - b = 8 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

بضرب المعادلة (2) في العدد 2 تصبح الجملة:

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a + 2b = 48 \dots\dots\dots (1) \\ 2a - 2b = 16 \dots\dots\dots (2) \end{cases}$$

01  
ن

(1) التعبير بدلالة  $x$  عن مساحة

الجزء  $AEFD$ :

$$\begin{aligned} S_1 &= \frac{(DF + AE) \times AD}{2} \\ S_1 &= \frac{(x + 2 + x) \times 8}{2} \\ S_1 &= \frac{(2x + 2) \times 8}{2} \\ S_1 &= \frac{2(2x + 2) \times 4}{2} \\ S_1 &= (2x + 2) \times 4 \\ \boxed{S_1} &= \boxed{8x + 8} \end{aligned}$$

حلول المترجمة هي مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر

تماما من 7.

تفسير النتيجة:

تكون المساحة  $S_1$  أصغر تماما من المساحة  $S_2$  إذا

كان الطول  $AE$  أصغر تماما من 7 cm.

0.5  
ن

(2) حل المترجمة:

$$f(x) < g(x)$$

$$8x + 8 < 120 - 8x$$

$$8x + 8x < 120 - 8$$

$$\frac{16x}{16} < \frac{112}{16}$$

$$x < 7$$

(3) التمثيل البياني للدالتين:

$$f(x) = 8x + 8$$

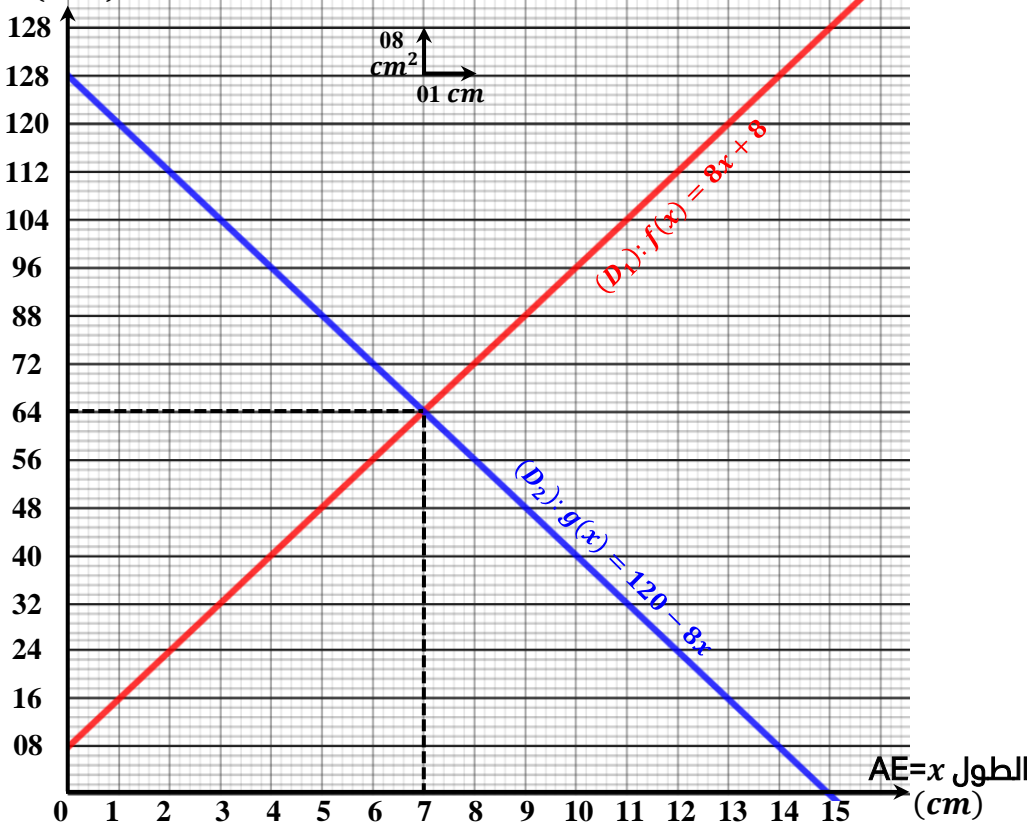
$$g(x) = 120 - 8x$$

النقطة	(0 ; 8)	(7 ; 64)
$x$	0	7
$f(x)$	8	64

0.5  
ن

النقطة	(0 ; 120)	(7 ; 64)
$x$	0	7
$g(x)$	120	64

المساحة  
( $cm^2$ )



بقراءة بيانية وبالاسقاط العمودي نجد أنه:

■ إذا كان:  $x < 7$  تكون  $S_1 < S_2$  لأن:  $(D_1)$  يقع تحت  $(D_2)$ .

■ إذا كان:  $x = 7$  تكون  $S_1 = S_2$  لأن:  $(D_1)$  يتقاطع مع  $(D_2)$ .

■ إذا كان:  $x > 7$  تكون  $S_1 > S_2$  لأن:  $(D_1)$  يقع فوق  $(D_2)$ .

01  
ن  
+0.5  
ن