



في فبراير 2023

المستوى الرابع متوسط

المدة 2 سا

فرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (3ن)

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 637 و 208

2- أكتب الكسر $\frac{208}{637}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال3- أكتب العدد $A = \sqrt{637} - \sqrt{208} + 2\sqrt{13}$ على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد طبيعيالتمرين الثاني: (6ن)

1- تحقق بالنشر و التبسيط أن :

$$(x - 2)(2x + 5) = 2x^2 + x - 10$$

2- حل العبارة $(x - 2)^2 + 2x^2 + x - 10$ إلى جداء عاملين3- حل المعادلة $(x - 2)(3x + 3) = 0$ التمرين الثالث : (6ن)

A , B , C ثلات نقط ليست على إستقامة واحدة

1- أنشئ النقطة D صورة C بالإنسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB}

2- ما نوع الرباعي ABDC ؟ علل

3- أنشئ النقطة E حيث $\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{CB} = \vec{0}$ 4- بين أن C منتصف $[ED]$

التمرين الرابع : (5ن)

$RS = 8\text{cm}$ و $\cos \widehat{TSR} = 0,8$ حيث RST مثلث قائم في R

- أحسب كلا من TR و ST

- لتكن M نقطة من $[TR]$ حيث $TM = 4\text{cm}$. المستقيم (D) العمودي على (TR)

في النقطة M يقطع (ST) في النقطة N

- أحسب الطول MN بالتدوير إلى الوحدة



التصحيح النموذجي للفرض الثاني للسنة الرابعة متوسط

التمرين الأول :

1- حساب $\text{PGCD}(637, 208)$

$$637 = 208 \times 3 + 13$$

$$208 = 13 \times 16 + 0$$

$\text{PGCD}(637, 208) = 13$ ومنه

2- اختزال الكسر $\frac{208}{637}$

$$\frac{208}{637} = \frac{208 \div 13}{637 \div 13} = \frac{16}{49}$$

3- كتابة العدد A على الشكل $a\sqrt{b}$

$$A = \sqrt{637} - \sqrt{208} + 2\sqrt{13}$$

$$A = \sqrt{49 \times 13} - \sqrt{16 \times 13} + 2\sqrt{13}$$

$$A = 7\sqrt{13} - 4\sqrt{13} + 2\sqrt{13}$$

$$A = (7 - 4 + 2)\sqrt{13}$$

$$A = 5\sqrt{13}$$

التمرين الثاني :

-1

$$(x - 2)(2x + 5) = 2x^2 + 5x - 4x - 10$$

$$= 2x^2 + x - 10$$

2- التحليل

$$\begin{aligned}
 (x-2)^2 + 2x^2 + x - 10 &= (x-2)^2 + (x-2)(2x+5) \\
 &= (x-2)[(x-2) + (2x+5)] \\
 &= (x-2)[x-2 + 2x+5] \\
 &= (x-2)[3x+3]
 \end{aligned}$$

3- حل المعادلة

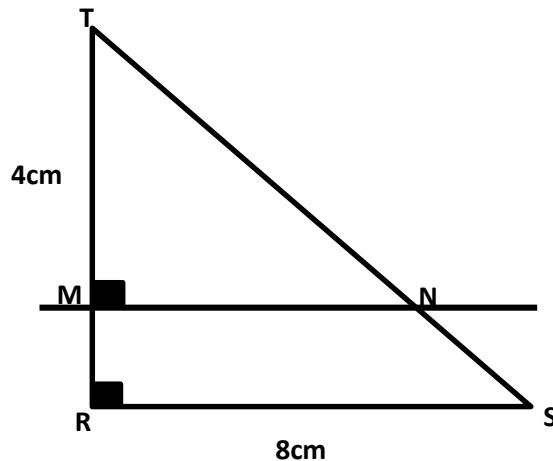
$$(x-2)(3x+3) = 0$$

$$3x+3 = 0 \quad \text{أو} \quad x-2 = 0 \quad \text{إما}$$

$$x = -1 \quad \text{أو} \quad x = 2 \quad \text{إما}$$

حلول المعادلة هي : $x = -1$ و $x = 2$

التمرين الثالث:



1- حساب RT و ST

$$\cos S = \frac{RS}{TS}$$

$$TS = \frac{RS}{\cos S} = \frac{8}{0,8} = 10\text{cm}$$

$$\sin \widehat{S} = \frac{RT}{TS}$$

$$RT = TS \times \sin \widehat{S}$$

$$RT = 10 \times 0,6 = 6\text{cm}$$

2- لدينا $(MN) \parallel (SR)$ و $(RS) \perp (TR)$ و $(MN) \perp (TR)$

بما أن $(MN) \parallel (SR)$ و النقط T, N, S و M, R على إستقامة

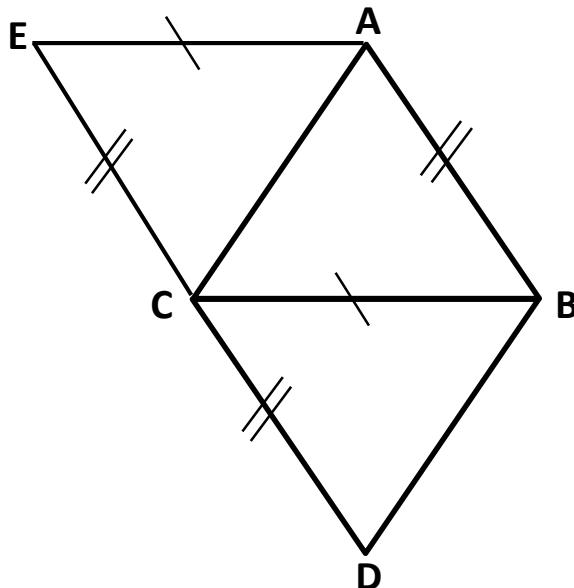
واحدة و بنفس الترتيب حسب خاصية طالس لدينا

$$\frac{TM}{TR} = \frac{MN}{RS}$$

$$\frac{4}{6} = \frac{MN}{8}$$

$$MN = \frac{4 \times 8}{6} \approx 5\text{cm}$$

التمرين الرابع:



2- نوع الرباعي $ABDC$ متوازي أضلاع لأن لدينا :

4- تبيان أن C منتصف $[ED]$

بما أن الرباعي $ABDC$ متوازي أضلاع فإن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$

بما أن الرباعي $ABDC$ متوازي أضلاع فإن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{EC}$

من 1 و 2 نجد أن $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CD}$ و منه C منتصف $[ED]$