



ماي 2021

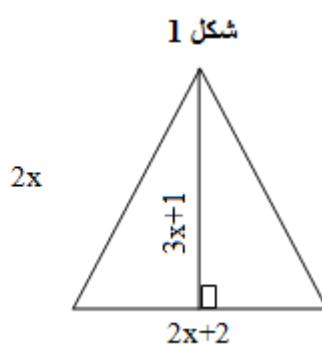
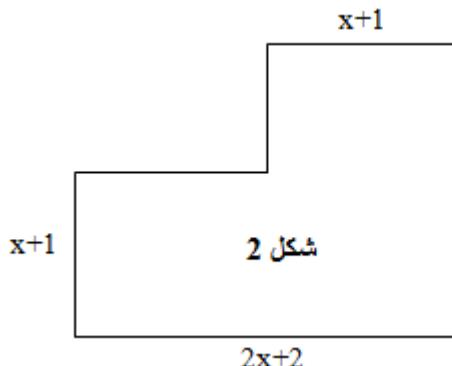
المستوى: الرابعة متوسط

فرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات المدة: ساعة و نصف

### الموضوع الثاني

#### تمرين 1 (3.5ن)

إليك الشكلين:



1. برهن أن للشكليين نفس المساحة.

2. عبر عن  $P$  محيط الشكل (2) بدلالة  $x$ .3. أوجد قيم  $x$  حتى لا يتجاوز المحيط  $P$  العدد 36.

#### تمرين 2 (3ن)

نعتبر العبارتين:  $A = (x + 1)^2 - 4$  ;  $B = 4x^2 + 2x - 6$ 1. حل العباره  $A$ .2. احسب:  $A - \frac{1}{2}B$ 3. حل العباره  $C$  حيث:  $C = (x + 3)^2 + (2x - 1)(x + 3)$ 

#### تمرين 3 (6ن)

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس ( $\vec{J}$  ;  $\vec{t}$ ). وحدة الطول هي cm.1. علم النقاط:  $C(2 ; 4)$  ;  $B(4 ; 1)$  ;  $A(-2 ; -3)$ .2. أعط القيمة المضبوطة للطول  $AB$ .3. إذا علمت أن  $AC = \sqrt{65}$  cm و  $BC = \sqrt{13}$  cm. فبين نوع المثلث  $ABC$ .4. احسب إحداثياتي النقطة  $E$  بحيث  $\vec{AE} = \vec{BC}$  ثم عينها على المعلم.5. أثبت أن  $ABCE$  مستطيل.

تمرين 4 (7.5)

1. حل الجملة: 
$$\begin{cases} x + y = 20 \\ 2x + 5y = 61 \end{cases}$$

2. لتكن  $f$  دالة معرفة بعبارتها:  $f(x) = \frac{3}{2}x$

أ. ما نوع هذه الدالة مع التعليل.

ب. احسب صورة الأعداد:  $1$  ;  $0$  ;  $-\sqrt{2}$  بالدالة  $f$ .

ج. جد العدد الذي صورته بالدالة  $f$  هي العدد  $(-5)$ .

د. أنشئ التمثيل البياني للدالة  $f$ .

3. دالة تألفية و تمثيلها البياني عبارة عن مستقيم  $(d)$  يشمل النقطتين:  $A(2 ; -6)$  و  $B(-3 ; 0)$ .

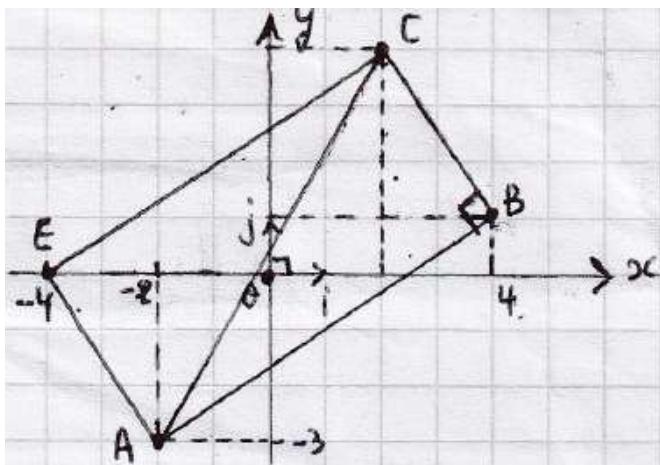
أ. أعط العباره الجبرية للدالة  $h$ .

ب. هل المستقيم  $(d)$  يشمل النقطة  $M(10 ; -3)$ .

## التصحيح النموذجي للموضوع الثاني

### تمرين 3

#### 1. تعليم النقاط:



#### 2. إعطاء القيمة المضبوطة للطول AB

$$AB = \sqrt{(X_B - X_A)^2 + (Y_B - Y_A)^2}$$

$$AB = \sqrt{(4 - (-2))^2 + (1 - (-3))^2}$$

$$AB = \sqrt{(4 + 2)^2 + (1 + 3)^2}$$

$$AB = \sqrt{6^2 + 4^2}$$

$$AB = \sqrt{6^2 + 4^2}$$

$$AB = \sqrt{52} \text{ cm}$$

3. إذا علمت أن  $BC = \sqrt{13} \text{ cm}$  و  $AC = \sqrt{6} \text{ cm}$ . فيبين نوع المثلث ABC.

$$* AB^2 + BC^2 = (\sqrt{52})^2 + \sqrt{13^2} = 52 + 13 = 65$$

$$* AC^2 = \sqrt{65^2} = 65$$

باستعمال نظرية فيتاغورس العكسية، ينتج أن:

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

و منه المثلث ABC قائم في B.

4. احسب إحداثي النقطة E بحيث  $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{BC}$  ثم عينها على المعلم.

$$\begin{pmatrix} X_E - X_A \\ Y_E - Y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} X_C - X_B \\ Y_C - Y_B \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} X_E - (-2) \\ Y_E - (-3) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 - 4 \\ 4 - 1 \end{pmatrix}$$

### تمرين 1:

1. نبرهن أن للشكليين نفس المساحة.

$$S_1 = \frac{\text{الارتفاع} \times \text{قاعدة}}{2} = \frac{(2x+2)(3x+1)}{2} = \frac{6x^2+2x+6x+2}{2}$$

$$S_1 = \frac{6x^2+8x+2}{2} = 3x^2 + 4x + 1$$

$$S_2 = 2x(x+1) + (2x+2-x-1)(x+1)$$

$$S_2 = 2x^2 + 2x + (x+1)(x+1)$$

$$S_2 = 2x^2 + 2x + x^2 + 1 + 2x = 3x^2 + 4x + 1$$

$$\text{نلاحظ أن: } S_1 = S_2 = 3x^2 + 4x + 1$$

و منه للشكليين نفس المساحة.

2. عبر عن P محيط الشكل (2) بدلالة x.

$$P = 2(x+1) + 2x + 2x + 1 + 2x + 2 - x - 1$$

$$P = 2x + 2 + 2x + 2x + 1 + 2x + 2 - x - 1$$

$$P = 7x + 4$$

3. أوجد قيم x حتى لا يتجاوز المحيط P العدد 36.

$$7x + 4 < 36 \Rightarrow 7x < 36 - 4 \Rightarrow 7x < 32 \Rightarrow x < \frac{32}{7}$$

### تمرين 2:

1. تحليل العبارة A.

$$A = (x+1)^2 + 2^2 = (x+1+2)(x+1-2)$$

$$A = (x+3)(x-1)$$

2. حساب: A -  $\frac{1}{2}B$

$$A - \frac{1}{2}B = (x+3)(x-1) - \frac{1}{2}(4x^2 + 2x - 6)$$

$$A - \frac{1}{2}B = x^2 - x + 3x - 3 - 2x^2 - x + 3$$

$$A - \frac{1}{2}B = -x^2 + x$$

3. تحليل العبارة C حيث:

$$C = (x+3)[(x+3) + (2x-1)]$$

$$C = (x+3)(x+3+2x-1)$$

$$C = (x+3)(3x+2)$$

